

직선형 유도전동기의 와전류 분포 해석
Analysis on the Eddy Current of L.I.M.

임 담 호
장식명*

한양대학교
충남대학교

1) 서론

초고속 운동 기관 및 직선형 운동 기관의 구동 장치로 특별히 적합한 직선형 유도전동기 (Linear induction motor) 는 고정자의 1차 측 권선에 흐르는 역자전류에 의하여 공극에 자속이 유기되며, 2차 측의 도체판에는 변압기 기전력과 속도 기전력에 의하여 와전류가 흐르게 되며, 또 이를 공극 자속과 전류에 의하여 추력 (Thrust-Force) 이 발생하여 고정자 또는 2차 도체판이 직선운동을하게 된다. 따라서 직선형 유도전동기의 주요 특성으로는 공극 자속과 와전류 및 추력이라 할 수 있는데 이의 확실한 구명은 일반 회전형 전동기와는 달리 구조적으로 입구단 (Entry) 과 출구단 (Exit) 의 단부가 존재하는 등의 이유로 매우 복잡해진다. 그 중에서도 와전류에 관한 해석은 매우 미흡한 실정이어서 직선형 유도전동기의 종합적인 해석 및 계산에 큰 영향을 주고 있다.

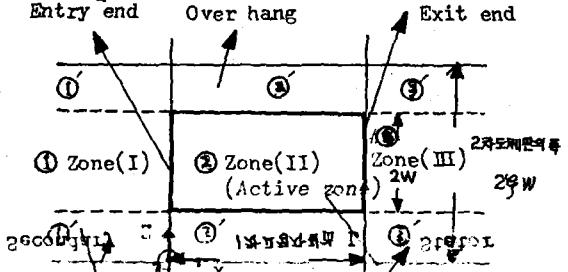
따라서 본 연구에서는 2차 도체판에서의 각 부분에 따른 와전류의 특성 방정식을 세워서 해석적인 방법 (Analytical method) 에 의해 해석하므로써 2차 도체판에서의 와전류 특성을 단부 효과 (End effect) 에 의한 영향을 충분히 고려하여 정확히 구명하고자 한다.

2) 본론

2.1 해석을 위한 모델 및 영역 분할

2차 도체판에서의 와전류 분포 특성을 해석하기 위하여 직선형 유도전동기의 실제 모델 그대로는 매우 근사적으로 해석이 가능하도록

아래와 같이 간이화 시킨다.
Entry end Over hang Exit end



(1) Zone(I): $-\infty < x < 0$ 인 입구단축 영역으로
① : 고정자의 유효 폭과 같은 영역

①' : Over hang 영역

(2) Zone(II): $0 \leq x \leq 2W$ 인 유효영역으로 실제 추력이 발생되는 영역

② : 고정자의 유효폭 영역

②' : Over Hang 영역

(3) Zone(III): $2W < x < \infty$ 인 출구단축 영역
③ : 고정자의 유효폭과 같은 영역
③' : Over hang 영역

2.2 특성방정식

Maxwell 방정식으로 부터 특성방정식을 유도하면

(1) Zone(I), Zone(III)

$$(x \text{ 성분}) \frac{\partial^2 J_{xz}}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 J_{yz}}{\partial y^2} = 0 \quad (1)$$

$$(z \text{ 성분}) \frac{\partial^2 J_{yz}}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 J_{xz}}{\partial y^2} = 0 \quad (2)$$

(2) 유효영역인 Zone (II)에서의 특성방정식

을 위한 참고 자료로 유용 하리라 사료된다.

(x 성분)

$$\frac{\partial^2 J_{rx}}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 J_{rz}}{\partial z^2} - \frac{\pi}{2}(1-s)G \frac{\partial J_{rx}}{\partial x} - j \frac{\pi^2}{2} G J_{rz} = 0 \quad (3)$$

(z 성분)

$$\begin{aligned} \frac{\partial^2 J_{rz}}{\partial z^2} + \frac{\partial^2 J_{rx}}{\partial x^2} - \frac{\pi}{2}(1-s)G \frac{\partial J_{rz}}{\partial z} - j \frac{\pi^2}{2} G J_{rx} = \\ j \frac{\pi^2}{2} G J_{rx} + \frac{\pi}{2}(1-s)G \frac{\partial J_{rx}}{\partial x} \end{aligned} \quad (4)$$

2.3 전 해석 영역에서의 와전류 특성

따라서식 (1), (2), (3), (4)를 각 Zone의 영역에 적용한 경우의 해인 와전류 특성식을 종합적으로 표시하면 아래와 같이 매트릭스로 이루어진 방정식으로 나타낼 수 있다.

$$\{J_x\} = [C] \{P\} \quad (5)$$

여기서 와전류 매트릭스

$$\begin{aligned} \{J_x\}^T = \\ \begin{bmatrix} J_{rxL} & J_{rzL} & J_{rxL}' & J_{rzL}' & J_{rxR} & J_{rzR} & J_{rxR}' & J_{rzR}' \\ J_{rxR} & J_{rzR} & J_{rxR}' & J_{rzR}' & J_{rxL} & J_{rzL} & J_{rxL}' & J_{rzL}' \end{bmatrix} \end{aligned}$$

계수 매트릭스

$$C = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & L_x & 0 \\ 0 & 0 & 0 & L_z & 0 \\ 0 & 0 & 0 & L_x & 0 \\ 0 & 0 & 0 & L_z & 0 \\ 0 & Q_{Axy} & Q_{Axz} & 0 & 0 \\ J_{rzL} & Q_{A11} & Q_{A12} & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & Q_{Azx} & Q_{Az2} \\ 0 & 0 & 0 & Q_{A21} & Q_{A22} \\ 0 & 0 & 0 & 0 & R_x \\ 0 & 0 & 0 & 0 & R_z \\ 0 & 0 & 0 & 0 & R_x \\ 0 & 0 & 0 & 0 & R_z \end{bmatrix}$$

변수 매트릭스 $\{P\}$ 는

$$\begin{aligned} \Gamma = & e^{-j\frac{\pi}{2}x} e^{j\frac{\pi}{2}z} e^{j\frac{\pi}{2}x} e^{j\frac{\pi}{2}z} e^{j\frac{\pi}{2}x} e^{j\frac{\pi}{2}z} e^{j\frac{\pi}{2}x} e^{j\frac{\pi}{2}z} \\ & e^{-j\frac{\pi}{2}x} e^{j\frac{\pi}{2}z} \end{aligned}^T$$

4. 참고 문헌

- (1) 임달호, 이은웅, 장식명, "단부효과를 고려한 L.I.M의 등각특성 해석 (I)" 전기학회지, 31권 4호, 1982
- (2) S.A.Nasar & I.Boldea, "Linear motion electric machines", John Wiley & Sons, 1976
- (3) Sakae Yamamura, "Theory of Linear induction motors", Univ. of Tokyo Press, 1978

3. 결 론

본 연구에서 구한 2차 도체판의 각 영역에서의 와전류 특성식은 직선형 유도전동기의 단부효과 등 주요 특성의 명확한 구명은 물론 특성계산