

籠型 誘導 電動機의 非對稱, 偏心 構造에 의한 磁氣 에너지 分布

김 상 백°
의정부공업고등학교

이 은 웅°
충남대학교

The magnetic energy distribution of asymmetrical & eccentric the squirrel cage induction motor.

Sang - Baek Kim
Uijongbu Technical High School

Eun - Woong Lee
Chung Nam National Univ.

The squirrel cage three-phase induction motor has been used in all types of industry for a number of years. A series of noise components were identified analytically from the expressions for the mode numbers and frequencies of the magnetic force waves, taking into account the stator and rotor slotting, eccentricity, asymmetric and iron saturation.

A method is presented for calculating the magnetic energy distribution of eccentric and asymmetric the squirrel cage induction motor.

1. 序論

環境改善을 위한 電動機의 驚音發生原因을 分析, 除去하려는研究가 이루어지고 있으며 그와같은 驚音의 發生源은 다음과 같이 分類할 수 있다.^(1,2)

- ① 電磁氣의 驚音: 基本波 磁束과 高調波 磁束에 의한 振動音
- ② 機械의 驚音: 不平衡에 의한 振動音과 배어링音.
- ③ 通風音: 품과 닉트음.

驚音原因중에 電磁氣의 驚音은 固定子, 回轉子에 作用하는 磁氣의 힘에 起因하는 것으로, 電源 周波數에 관계되는 周波數을 가지게 되며, 運轉中에 電動機의 電源을 끊으면 이 驚音은 除去되기 때문에 다른 驚音과 쉽게 구별할 수 있다.⁽³⁾

이 電磁氣의 驚音은 다음과 같이 分類할 수 있다.⁽⁴⁾

- ① 基本波 磁束에 의한 驚音: 이 振動은 주로 에어 갭, 磁氣回路의 不平衡, 1次 電壓의 不平衡, 固定子 捲線의 非對稱, 不平衡에 의해 발생한다.
- ② 高調波 磁束에 의한 振動: 슬롯수 組合이 不良하거나 固定子와 回轉子 슬롯의 組合이 不良하기 때문에 생기는 與常現象의 하나로 固定子와 回轉子의 슬롯 高調波 磁束의相互干涉에 의해 생긴다.

③ 回轉子의 偏心: 回轉子의 回轉 中心과 機械의 圓 中心이 일치되지 않은 경우에 발생하는 소음이다.
위와 같은 誘導電動機의 磁氣의 驚音의 根源은 時間的, 空間의으로 複化하는 固定子와 回轉子사이에서의 放射狀 磁氣이重要한 부분을 차지한다.^(5,6)

2. 電動機의 空隙 퍼어미언스 분포 해석

2.1 空隙 磁束 分布 모델 및 관계식

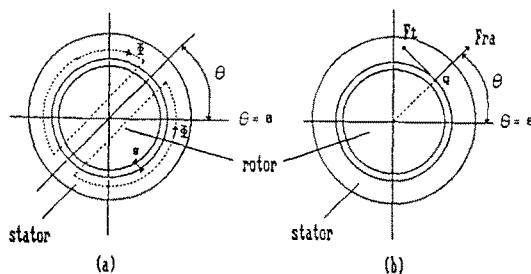


그림 2. 유도전동기 자속 분포 모델

(a) 자기 축 방향
(b) 공극에서 작용하는 기자력 F

磁氣回路의 오음(Ohm)의 法則에 의하면 磁束 密度 (B)는

$$\phi = \frac{F}{R} \quad (2-1)$$

$$B = \frac{\phi}{A} = \frac{F}{A \times R} = F \times \frac{\mu}{l} \quad (2-2)$$

여기서 F는 起磁力[AT], l과 A는 각각 磁路의 길이[m] 및 단면적[m²]이고, μ는 철심의 透磁率[H/m]이다.

또한 磁氣抵抗은 R = l / μ · A [WB/AT]로써, 單位面積當의 퍼어미언스 A [WB/AT]는 磁氣抵抗의 逆數로 適用된다.

$$\Lambda = \frac{\mu}{l} \quad (2-3)$$

式(2-2)에 式(2-3)을 대입하면 式(2-4)를 얻는다.

$$B = F \times \Lambda \quad (2-4)$$

起磁力은 암페어(Ampere)의 周回 積分 法則에 의하면

$$F = \oint H \cdot dl = NI \quad (2-5)$$

空隙내의 고정자 内徑表面 한점에 作用하는 起磁力은 高調波成分의 起磁力を 푸리에 級數로 나타내면 式(2-6)과 같다.

$$F(\theta) = F_m (\cos\theta - \frac{1}{3} \cos 3\theta + \frac{1}{5} \cos 5\theta \dots) \quad (2-6)$$

$$= \sum_{j=0}^{\infty} (-1)^{j+1} \frac{F_m}{j} \{ \cos j\theta \} \quad (2-6)$$

여기서 F_m = (4 i N)/π으로 i는 여자 전류, N은相當導體數이고, j는 高調波 常數로써 極當,相當 슬롯수가 整數倍인 捲線으로 p와 Z_s의 公通 인수로 p일때 高調波 常數는 j = p (c m ± 1), c = 0, 1, 2, ..., 이고, m은 相數로 捲線의 捲線 分布에서相當 코일수는 相帶(phase-belt)라하여 동일한 분으로 나뉘어지므로써 2n相 捲線이 된다.⁽⁸⁾

3. 非對稱, 偏心 構造에 의한 磁氣에너지 分布

3.1 비대칭 편심 구조

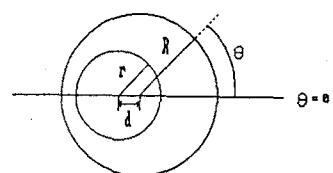


그림 3. 편심으로 고정된 회전자

그림 3은 回轉 中心(r=0)과 고정자 圓의 中心(R=0)이一致되지 않는 경우로 空隙의 길이(g)는 式(3-1)로 나타내진다.

$$g(\theta) = (R - r) - d \cos\theta$$

$$= g_m - d \cos\theta$$

$$= g_m (1 - \varepsilon \cos\theta) \quad (3-1)$$

平均 空隙 g_m = R - r이며, 偏心率은 ε = d / g_m이 된다.

3.2 空隙 퍼어미언스

3.2.1 슬롯화된 경우
고정자 슬롯에 감겨진 권선에 전류를 흘리고 회전자는 평

활한 면으로 假定할 때 空隙의 퍼어미언스[Wb/AT]는

$$\Lambda_{st}(\theta) = \sum_{j_{st}=0}^{\infty} \frac{\Lambda_{st}}{j_{st}} \cos(j_{st} Z_{st} \theta) \\ = \sum_{j_{st}=0}^{\infty} \frac{\Lambda_{st}}{j_{st}} \cos(j_{st} Z_{st} \theta) \quad (3-2)$$

Z_{st} 는 고정자 슬롯수이고, 高調波 常數 $j_{st} = p(6c \pm 1)$, $c = 0, 1, 2, \dots$ 이다.

마찬가지로 슬롯에 捲線이 감겨 있는 회전자와 평활한 平面으로 假定한 고정자에 의해 정해지는 空隙의 퍼어미언스는

$$\Lambda_{rt}(\theta, t) = \sum_{j_{rt}=0}^{\infty} \Lambda_{rt} \cos\{j_{rt} Z_{rt} (\theta - \omega_{rt} t)\} \\ = \sum_{j_{rt}=0}^{\infty} \frac{\Lambda_{rt}}{j_{rt}} \cos\{j_{rt} Z_{rt} (\theta - \omega_{rt} t)\} \quad (3-3)$$

Z_{rt} 는 회전자 슬롯수, ω_{rt} 는 回轉 角速度로써 $(1-s)\omega_1$ 이고, j_{rt} 는 회전자 高調波 常數로써 $j_{rt} = p(6c \pm 1)$ 이다.

또한 고정자와 회전자 모두 슬롯화된 경우 空隙을 포함한 總 磁氣抵抗 R [AT/Wb]은 式(3-4)으로 나타낼 수 있다.

$$R_{st, rt} = \frac{1}{\Lambda_{st}} + \frac{1}{\Lambda_{rt}} + \frac{1}{\Lambda_g} \quad (3-4)$$

$\Lambda_g = \mu_0/g$, g 는 空隙의 길이이고, 이에 對應하는 磁路의 總 퍼어미언스는 式(3-5)과 같다.

$$\Lambda_{st, rt} = \frac{1}{R_{st, rt}} = \frac{\Lambda_{st} \Lambda_{rt} \Lambda_g}{\Lambda_{st} \Lambda_g + \Lambda_{st} \Lambda_{rt} + \Lambda_g \Lambda_{rt}} \quad (3-5)$$

슬롯화된 고정자와 회전자 그리고 空隙으로 이루어지는 磁路의 퍼어미언스값은 式(3-6)에 의해 式(3-9)과 같다.

$$\Lambda_{st, rt}(\theta, t) = \sum_{j_{st}=0}^{\infty} \sum_{j_{rt}=0}^{\infty} \Lambda_{st} \cos\{j_{rt} Z_{rt} \theta - j_{st} Z_{st} \theta\} - j_{rt} Z_{rt} \omega_{rt} t \quad (3-6)$$

여기서 $j_{rt, st} = p(6c \pm 1)$, $c = 0, 1, 2, \dots$ 이다.

3.2.2 非對稱, 偏心인 경우

고정자의 捲線分布가 對稱이고, 회전자가 완전한 圓形으로 정지되어 있으면서 偏心인 경우의 퍼어미언스는 다음과 같다.

$$\Lambda_{ec, rt}(t) = \sum_{j_{ec, rt}=0}^{\infty} \Lambda_{j_{ec, rt}} \cos(j_{ec, rt} \theta) \\ = \sum_{j_{ec, rt}=0}^{\infty} \frac{\Lambda_{ec, rt}}{j_{ec, rt} g(\theta)} \cos(j_{ec, rt} \theta) \quad (3-7)$$

여기서 회전자가 偏心 狀態로 정지($s=1$)되어 있을 때의 高調波 常數로써 $j_{ec, rt} = p(6c \pm 1)$, $g(\theta) = g_m(1 - \varepsilon \cos \theta)$ 이다. 회전자가 偏心으로 回轉하는 경우는 式(3-8)과 같다.

$$\Lambda_{ec, rt}(\theta, t) = \sum_{j_{ec, rt}=0}^{\infty} \Lambda_{j_{ec, rt}} \cos j_{ec, rt} (\theta - \omega_{ec} t) \\ = \sum_{j_{ec, rt}=0}^{\infty} \frac{\Lambda_{ec, rt}}{j_{ec, rt} g(\theta)} \cos j_{ec, rt} (\theta - \omega_{ec} t) \quad (3-8)$$

여기서 ω_{ec} 는 회전자의 角速度로써 $(1-s) \frac{\omega_1}{p}$ 이다.

따라서 偏心을 考慮한 回轉子의 퍼어미언스는 式(3-9)와 같이 나타낼 수 있다.

$$\Lambda_{ec, rt, ec}(t) = \sum_{j_{ec, rt}=0}^{\infty} \sum_{j_{ec}=0}^{\infty} \Lambda_{j_{ec}, j_{ec, rt}} \cos\{j_{ec, rt} \theta - j_{ec, rt} \omega_{ec} t\} \\ = \sum_{j_{ec, rt}=0}^{\infty} \sum_{j_{ec}=0}^{\infty} \frac{\Lambda_{j_{ec}, j_{ec, rt}}}{j_{ec} \cdot j_{ec, rt} \cdot g(\theta)} \cos\{j_{ec, rt} \theta - j_{ec, rt} \omega_{ec} t\} \quad (3-9)$$

또한 고정자 모양이 非對稱인 경우는 式(3-10)과 같다.

$$\Lambda_{asy, st}(\theta) = \sum_{j_{asy, st}=0}^{\infty} \Lambda_{j_{asy, st}} \cos(j_{asy, st} \theta) \\ = \sum_{j_{asy, st}=0}^{\infty} \frac{\Lambda_{asy, st}}{j_{asy, st} \cdot g(\theta)} \cos(j_{asy, st} \theta) \quad (3-10)$$

여기서 $j_{asy, st}$ 는 非對稱 고정자의 高調波의 常數로써 $j_{asy, st} = p(6c \pm 1)$, $c=0, 1, 2, \dots$, $g(\theta) = g_m(1 - \varepsilon \cos \theta)$ 이다. 非對稱을 考慮한 고정자의 퍼어미언스와 對稱으로 回轉하는 회전자의 퍼어미언스, 對稱이면서 偏心으로 回轉하는 회전자를 考慮한 퍼어미언스들을 合成하면 式(3-11)처럼 非對稱인 고정자와 偏心인 회전자의 퍼어미언스를 나타낼 수 있다.

$$\Lambda_{ec}(\theta, t) = \sum_{j_{ec}=0}^{\infty} \sum_{j_{ec, rt}=0}^{\infty} \sum_{j_{asy, st}=0}^{\infty} \Lambda_{j_{ec}, j_{ec, rt}, j_{asy, st}} \cos\{j_{ec, rt} \theta - j_{ec, rt} \omega_{ec} t\} \\ = \sum_{j_{ec}=0}^{\infty} \sum_{j_{ec, rt}=0}^{\infty} \sum_{j_{asy, st}=0}^{\infty} \frac{\Lambda_{j_{ec}, j_{ec, rt}, j_{asy, st}}}{j_{ec} \cdot j_{ec, rt} \cdot j_{asy, st} \cdot g(\theta)} \cos\{j_{ec, rt} \theta - j_{ec, rt} \omega_{ec} t\} \quad (3-11)$$

여기서 $j_{ec} = p(6c \pm 1)$, $g(\theta) = g_m(1 - \varepsilon \cos \theta)$ 이다.

3.2.3 饱和을 고려한 경우

磁束密度가 가장 큰 部分인 固定子와 回轉子의 齒 饱和(tooth saturation)는 空間과 時間의 變數로 결정되는 空隙 퍼어미언스의 크기로 나타낼 수 있다. 饱和 狀態의 固定子를 고려한 경우 式(3-12)와 같다.

$$\Lambda_{so}(\theta, t) = \sum_{j_{so}=0}^{\infty} \Lambda_{j_{so}} \cos\{j_{so} (2p\theta - 2\omega_1 t)\} \\ = \sum_{j_{so}=0}^{\infty} \frac{\Lambda_{j_{so}}}{j_{so}} \cos\{j_{so} (2p\theta - 2\omega_1 t)\} \quad (3-12)$$

j_{so} 는 饱和된 固定子의 高調波 常數로써, $j_{so} = p(6c \pm 1)$ 이다. 非對稱, 偏心과 饱和을 考慮한 퍼어미언스는 式(3-13)과 같이 나타낼 수 있다.

$$\Lambda_{ec, so}(\theta, t) = \sum_{j_{ec}=0}^{\infty} \sum_{j_{ec, rt}=0}^{\infty} \sum_{j_{so}=0}^{\infty} \sum_{j_{ec, rt, so}=0}^{\infty} \Lambda_{j_{ec}, j_{ec, rt}, j_{so}} \cos\{j_{ec, rt} \theta - (j_{ec, rt} \omega_{ec} \pm 2j_{so} \omega_1) t\} \quad (3-13)$$

고정자와 회전자의 슬롯, 偏心, 非對稱, 그리고 철심 饱和을 고려한 경우 空隙 퍼어미언스는 式(3-6)과 式(3-13)을結合시킴으로써 式(3-14)처럼 나타낼 수 있다.

$$\Lambda_{tot}(\theta, t) = \sum_{j_{ec}=0}^{\infty} \sum_{j_{ec, rt}=0}^{\infty} \sum_{j_{so}=0}^{\infty} \sum_{j_{ec, rt, so}=0}^{\infty} \Lambda_{j_{ec}, j_{ec, rt}, j_{so}} \cos\{(j_{ec, rt} Z_{rt} \pm j_{so} Z_{st}) \theta - (j_{ec, rt} \omega_{ec} \pm 2j_{so} \omega_1) t\} \\ - (j_{ec, rt} Z_{rt} \omega_{rt} \pm j_{ec, rt} \omega_{ec} \pm 2j_{so} \omega_1) t \quad (3-14)$$

여기서 $\Lambda_{j_{ec}, j_{ec, rt}, j_{so}} = \Lambda_{asy, st, ec, rt, so} / j_{tot} \cdot g_m(1 - \varepsilon \cos \theta)$ 이다.

3.4 起磁力

고정자 捲線에 流하는 電流는 일련의 空隙 高調波 起磁力を 發生시키며, 이와같이 發生하는 고정자의 起磁力은 式(3-15)로 나타내진다.

$$F_{st} = \sum_{k_{st}=1}^{\infty} \sum_{q_{st}=0}^{\infty} F_{k_{st} q_{st}} \cos\{k_{st} P\theta - q_{st} \omega_1 t\} \quad (3-15)$$

k 는 起磁力의 空間 高調波 常數이고, q 는 電流의 時時 高調波 常數로, 波의 轉向과 一致한다. 固定子를 基準으로 한 回轉子의 起磁力은 式(3-16)와 같다.

$$F_{rt} = \sum_{k_{rt}=1}^{\infty} \sum_{q_{rt}=0}^{\infty} F_{k_{rt} q_{rt}} \cos\{k_{rt} p(\theta - \omega_{rt}) - q_{rt} s\omega_1 t\} \quad (3-16)$$

따라서 總 起磁력은 式(3-17)과 같이 얻을 수 있다.

$$F_{tot} = \sum_{k_{tot}=1}^{\infty} \sum_{q_{tot}=0}^{\infty} F_{k_{tot} q_{tot}} \cos\{k_{tot} p\theta - q_{tot} \omega_1 t\} \\ + \sum_{k_{tot}=1}^{\infty} \sum_{q_{tot}=0}^{\infty} F_{k_{tot} q_{tot}} \cos\{k_{tot} p\theta - (q_{tot} s\omega_1 + k_{tot} p\omega_{rt}) t\} \quad (3-17)$$

3.5 電磁力

空隙에서의 磁束密度는 퍼어미언스와 起磁力を 算出함으로써 구해지므로, 空隙 내의 磁束密度를 얻을 수 있다.

$$B(\theta, t) = F_{tot} \Lambda_{tot} \\ = \sum_{m_{tot}=0}^{\infty} B m_{tot} \omega_{tot} \cos\{m_{tot} \theta - \omega_{tot} t\} \\ + \sum_{m_{tot}=0}^{\infty} B m_{tot} \omega_{tot} \cos\{m_{tot} \theta - \omega_{tot} t\} \quad (3-18)$$

여기서

$$m_{tot} = j_{ec, rt} Z_{rt} \pm j_{so} Z_{st} \pm j_{ec, rt} \pm j_{so, st} \pm 2j_{so} P \pm k_{st} P$$

$$\omega_{tot} = j_{ec, rt} Z_{rt} \omega_{rt} \pm j_{ec, rt} \omega_{ec} \pm 2j_{so} \omega_1 \pm q_{tot} \omega_1$$

$$m_{tot} = j_{ec, rt} Z_{rt} \pm j_{so} Z_{st} \pm j_{ec, rt} \pm j_{so, st} \pm j_{ec, rt} \pm 2j_{so} P \pm k_{rt} P$$

$$\omega_{tot} = j_{ec, rt} Z_{rt} \omega_{rt} \pm j_{ec, rt} \omega_{ec} \pm 2j_{so} \omega_1 \pm q_{tot} \omega_1 P \omega_{rt}$$

공극 변화에대한 자속밀도는 式(3-19)와 같이 나타낼 수 있다.

$$B(\theta, t) = \frac{1}{g(\theta)} \frac{\cos(j_{tot} \theta - \omega_{tot} t)}{g(\theta)} \quad (3-19)$$

여기서 $1/g(\theta)$ 은 위치 θ 에서의 空隙의 磁氣 콘덴서스(λ)이고, $\lambda(\theta) = 1/g_m(1 - \varepsilon \cos \theta)$ 이다.

電磁力(electromagnetic force) P 는 楔선 성분(P_x) 電磁力과 楔사성분(P_y) 電磁力으로 나누어지는데, 接線 方向의 電磁力(P_z)는 힘과 磁束密度와의 關係를 나타내는 비오 사바트(Biot-Savart)의 法則을 적용시켜 式(3-20)와 같이 퍼어미언스와 磁束密度의 곱으로써 나타낼 수 있다.

$$P_z(\theta, t) = \Lambda(\theta, t) \cdot B(\theta, t) \quad (3-20)$$

放射狀 電磁力(electromagnetic force) P_{rad} 는 電磁氣의 주 要원인而言이면서, 磁極의 單位面積當吸引力 또는 反吸引力의 式, 即 磁束密度를 제곱한 式(3-21)으로 나타낼 수 있다.

$$P_{rad}(\theta, t) = \frac{B^2(\theta, t)}{2\mu_0} \\ = \sum_{m_{tot}=0}^{\infty} P_{m_{tot}} \cos(m_{tot} \theta - \omega_{tot} t) \quad (3-21)$$

