

유한길이의 농형 2차측을 갖는 선형유도전동기의 2차측 이동 위치에 따른 특성 해석

박 승 찬, 김 병 택
동양대학교 컴퓨터 제어공학과, 삼성 전기(주) 종합연구소

Characteristic Analysis of a Linear Induction Motor According to Various Positions of the Moving Cage-type Secondary

Seung-Chan Park, Byung-Tack Kim
Dept. of Computer Control Engineering, Dongyang Univ., Samasung Electro-mechanics Co.

Abstract - In this paper, the characteristics of a linear induction motor with the moving cage-type secondary are analyzed using finite element method. Thus thrust, normal force and the secondary bar currents distribution are obtained for different positions of the moving secondary.

1. 서 론

본 논문에서는 유한길이의 농형 2차측을 갖는 선형 유도 전동기의 1차측이 지상에 고정되어 있고 2차측이 가동자로서 이동할 때, 2차측의 위치 변화에 따른 특성을 유한 요소법을 이용하여 해석한다. 유한 요소 해석 시 계변수는 자기 벡터 포텐셜을 이용하였으며 와전류항의 시간미분항은 복소페이저를 도입하여 근사화하고 전압을 구동항으로 하므로써 복소 벡터 포텐셜 및 복소 전류를 미지수로 하여 정식화하였다. 또한 2차측 도체와 엔드바 간의 접촉저항을 고려할 수 있도록 2차측의 회로 방정식을 유한 요소 정식화에 도입하였다[1-3].

해석결과로서는 농형 2차측의 위치에 따른 추력, 수직력, 1차측 전류, 2차측 도체바 전류의 분포특성 등을 제시한다.

2. 유한 요소 해석

2.1 해석 모델

본 논문에서의 해석모델은 유한 길이의 농형 2차측이 이동하는 선형 유도전동기로서 표 1에 주요 설계 사양을 나타내었다.

표 1. 해석 모델의 사양

| 파라미터 | 단위 | 설계치 |
|--------------|------------|-----------------------|
| 1차측 길이 | L | mm |
| 극수 | p | 2 |
| 1차철심 적층폭 | h | mm |
| 매극매상 슬롯수 | q | 2 |
| 슬롯피치 | t_{s1} | mm |
| 슬롯폭 | W_s | mm |
| 단절율 | β | 5/6 |
| 1상의 직렬턴수 | N_{ph} | turns |
| 반코일 길이 | l_a | mm |
| 1차측 저항 | R_1 | Ω |
| 기계적 공극 | g | mm |
| 2차측 슬롯피치 | t_{s2} | mm |
| back-iron 두께 | d_{iron} | mm |
| back-iron 폭 | W | mm |
| 바저항률(Cu) | ρ_m | 1.73×10^{-8} |
| 바직경 | D_{bar} | mm |
| 엔드바 단면적 | q_r | mm^2 |
| | | 15 |

그림 1은 유한 요소 해석 영역 및 경계조건을 보여주며, 2차측이 1차측을 진입하여 이동한 거리를 d로 표시하였다.

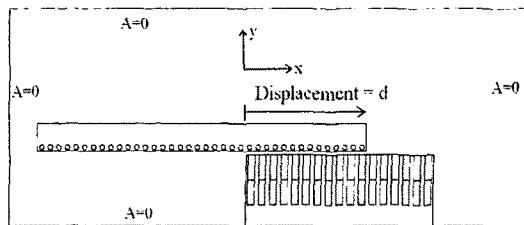


그림 1. 해석 모델 및 경계조건

2.2 유한 요소 정식화

그림 1의 해석모델에 대한 지배방정식은 식 (1)과 같다.

$$\frac{\partial}{\partial x} \left(\frac{1}{\mu} \frac{\partial \mathbf{A}}{\partial x} \right) + \frac{\partial}{\partial y} \left(\frac{1}{\mu} \frac{\partial \mathbf{A}}{\partial y} \right) = -\mathbf{J}_0 + \sigma(j\omega \mathbf{A} - \frac{\mathbf{U}_b}{l}) \quad (1)$$

여기서, \mathbf{A} , \mathbf{J}_0 는 각각 자기벡터 포텐셜과 1차측 전류 밀도의 페이저 표현이며, σ 는 2차측 도체의 도전율, s 는 슬립, l 은 2차측 도체바의 길이, \mathbf{U}_b 는 도체바의 전위차이다.

해석 영역을 삼각형 요소로 분할하고, 식 (1)에 Galerkin 법을 적용하면 식 (2)의 관계식을 얻을 수 있다.

$$[\mathbf{S}]\{\mathbf{A}\} + j\omega[\mathbf{L}]\{\mathbf{A}\} + [\mathbf{Q}]\{\mathbf{U}_b\} + [\mathbf{D}]\{\mathbf{I}_s\} = \{0\} \quad (2)$$

전압을 구동원으로 하여 전류를 미지수로 하기 위하여, 식 (3)와 같은 1차측 회로 방정식을 이용한다.

$$j\omega \Phi + j\omega L_o \mathbf{I}_s + R_o \mathbf{I}_s = V_s \quad (3)$$

여기서, Φ , \mathbf{I}_s , V_s 는 각 상의 권선 쇄교자속, 1차측 상전류, 1차측 상전압에 대한 페이저 표현식이며, L_o , R_o 는 각각 1상의 누설인덕턴스와 권선 저항이다. 식 (3)을 자기 벡터 포텐셜과 상전류를 미지값으로 하는 행렬 방정식으로 나타내면 식 (4)와 같다.

$$j\omega[\mathbf{G}]\{\mathbf{A}\} + [\mathbf{Z}]\{\mathbf{I}_s\} = \{V_s\} \quad (4)$$

여기서, I_s , V_s 는 1차측 상전류, 1차측 상전압에 대한 페어져 표현식이며, $Z_{ij} = (R_o + j\omega L_o)\delta_{ij}$, L_o , R_o 는 각각 1상의 누설인덕턴스와 저항이다.

전체 도체바 전류에 대한 행렬 방정식을 구성하면,

$$\{I_b\} = -j\omega[H]\{A\} + \frac{1}{R_b}\{E\}\{U_b\} \quad (5)$$

여기서, R_b 는 바의 저항, $\{E\}$ 는 단위행렬이다.

그림 2는 2차측의 회로 방정식을 유도하기 위한 등가회로 모델을 나타낸다. 그림 2에서 Z_e 는 엔드바 segment의 임피던스, R_c 는 도체바와 엔드바간의 접촉저항, R_b 는 도체바의 저항을 나타낸다.

그림 2의 회로에 키르히호프의 전압법칙을 적용하면 다음의 수식들을 얻게된다.

$$\begin{aligned} -U_{b1} + U_{b2} &= 2Z_e I_{b1} \\ -U_{b2} + U_{b3} &= 2Z_e(I_{b1} + I_{b2}) \\ &\vdots \\ -U_{b(n-1)} + U_{bn} &= 2Z_e(I_{b1} + I_{b2} + \dots + I_{b(n-1)}) \end{aligned} \quad (6)$$

여기서, $Z_e' = Z_e + 2R_c$ 이다.

식 (6)과 $\sum_{k=1}^n I_{bk} = 0$ 의 관계식을 이용하면,

$$\{I_b\} = \frac{1}{2Z_e'}\{Y\}\{U_b\} \quad (7)$$

여기서, $\{Y\}$ 결합행렬로서 다음과 같다.

$$\{Y\} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & . & . & . & 0 \\ 1 & 1 & 0 & . & . & 0 \\ 1 & 1 & 1 & 0 & . & 0 \\ . & . & . & . & . & . \\ 1 & 1 & 1 & 1 & . & 0 \\ 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & . \end{bmatrix}^{-1} \begin{bmatrix} -1 & 1 & . & . & . & 0 \\ 0 & -1 & 1 & . & . & 0 \\ 0 & 0 & -1 & 1 & . & 0 \\ . & . & . & . & . & . \\ 0 & 0 & 0 & 0 & -1 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \quad (8)$$

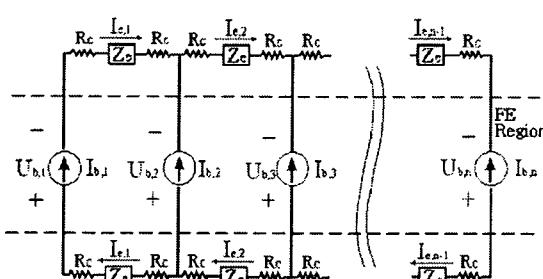


그림 2. 2차측의 등가회로 모델

식 (5)와 식 (7)을 같게 놓으면 자기벡터 포텐셜과 도체 바에서의 전위차를 미지값으로 하는 식 (9)의 방정식을 얻을수 있다.

$$j\omega[H]\{A\} + \left(\frac{1}{2Z_e} \{Y\} - \frac{1}{R_b} \{E\} \right) \{U_b\} = 0 \quad (9)$$

따라서, 식 (4), 식 (5), 식 (9)을 조합하면 전체 시스템 방정식은 식 (10)과 같다.

$$\begin{bmatrix} [S] & [Q] & [D] \\ j\omega[H] & [Y] & [0] \\ j\omega[G] & [0] & [Z] \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \{A\} \\ \{U_b\} \\ \{I_s\} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \{0\} \\ \{0\} \\ \{V_s\} \end{bmatrix} \quad (10)$$

2.3 추력 및 수직력 계산

추력 및 수직력은 식 (11)과 식 (12)와 같이 Maxwell 응력법을 이용하여 구하였으며, 적분 경로는 2차측이 변위하여 1차측과 중첩된 거리만을 선택하였다.

$$\begin{aligned} F_x &= \frac{h}{4\mu_0} \int_I \{ Re(B_x B_x^*) n_x - Re(B_y B_y^*) n_x \} dl \\ &\quad + \frac{h}{2\mu_0} \int_I Re(B_x B_y^*) n_y dl \end{aligned} \quad (11)$$

$$\begin{aligned} F_y &= \frac{h}{4\mu_0} \int_I \{ Re(B_y B_y^*) n_y - Re(B_x B_x^*) n_y \} dl \\ &\quad + \frac{h}{2\mu_0} \int_I Re(B_x B_y^*) n_x dl \end{aligned} \quad (12)$$

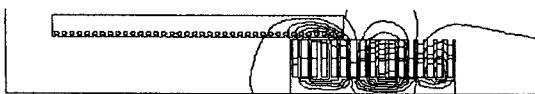
여기서, h 는 1차철심의 적층폭, *는 공액복소수를 표현한다.

3. 해석 결과

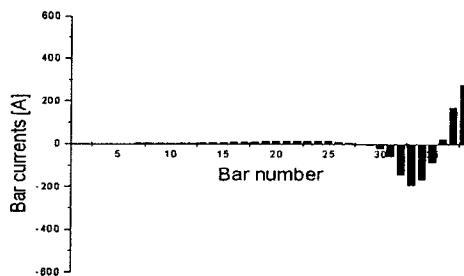
그림 3 ~ 그림 6은 각각 2차측의 변위가 $d = 30$ [mm], 60 [mm], 90 [mm], 120 [mm]이고 $slip = 1$ 일때의 자속분포와 2차측 도체바의 전류분포를 보여준다. 이때의 인가전압 및 주파수는 110 [V], 60 [Hz]이며 도체바와 엔드바간의 접촉저항은 엔드바 segment 저항의 5%로 가정하였다.

2차측의 변위가 작을때에는 자속분포 및 바전류 분포가 매우 비대칭적으로 발생하여 2차측의 운동방향 방향으로 공극자속밀도와 바전류가 집중되어 있음을 알 수 있다. 변위가 커져서 2차측이 1차측과 완전히 overlap 된 상태인 $d=120$ [mm]인 경우에는 2차측의 도체바 전류의 불평형 분포가 매우 감소되었으나 단부 효과의 영향으로 여전히 비대칭적으로 분포하게됨을 알 수 있다.

그림 7에는 2차측의 변위에 따른 기동 추력과 흡인력을 나타내었다. 2차측이 극간격 ($r=33$ [mm])의 2배, 즉 1차측 길이의 $2/3$ 가량 진입한 후부터는 추력 및 흡인력이 포화특성을 가지므로 이 시점에서 전원을 인가하면 효과적인 운전이 가능하다. 그러나, 기동시의 흡인력이 추력의 4배 가량 크게 발생하고 있으므로 2차측의 진입시에 흡인력 불평형에 의한 1, 2차측 지지구조의 변형을 초래할 수 있다. 따라서, 공극 지지 기구의 구조 설계시에 이 점을 충분히 고려할 필요가 있다.



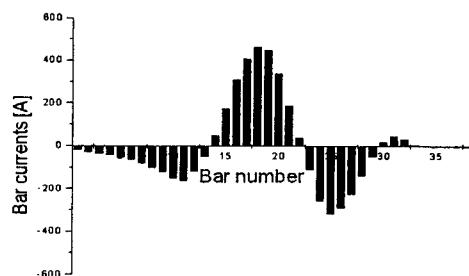
(a)



(b)

그림 3. 2차측 변위 $d = 30[\text{mm}]$ 일때의 a)자속분포, b) 2차측도체바 전류분포(slip=1, 110V, 60Hz)

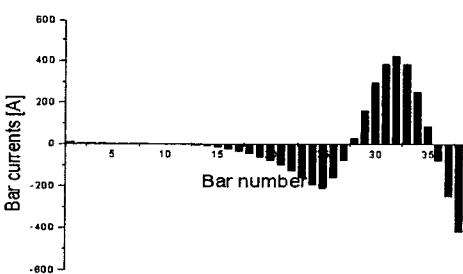
(a)



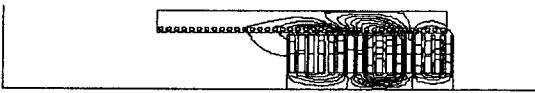
(b)

그림 6. 2차측 변위 $d = 120[\text{mm}]$ 일때의 a)자속분포, b) 2차측도체바 전류분포(slip=1, 110V, 60Hz)

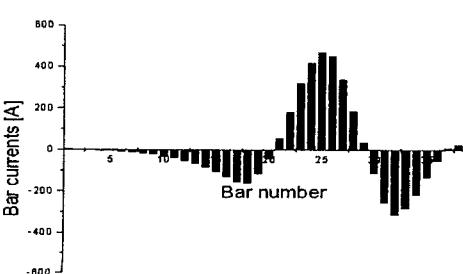
(a)



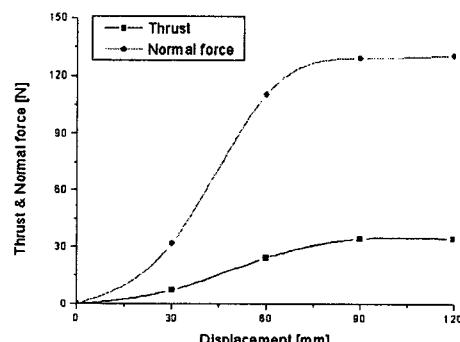
(b)

그림 4. 2차측 변위 $d = 60[\text{mm}]$ 일때의 a)자속분포, b) 2차측도체바 전류분포(slip=1, 110V, 60Hz)

(a)



(b)

그림 5. 2차측 변위 $d = 90[\text{mm}]$ 일때의 a)자속분포, b) 2차측도체바 전류분포(slip=1, 110V, 60Hz)그림 7. 2차측의 변위에 대한 추력 및 수직력 특성
(slip=1, 110V, 60 Hz)

4. 결 론

본 논문에서는 유한길이의 동형 2차측을 갖는 선형유도전동기의 2차측의 변위에 따른 추력, 수직력, 2차측도체바의 전류분포 특성을 유한요소법을 이용하여 해석하였다. 이로부터 가동자인 2차측이 1차측 길이의 2/3 만큼 진입하였을 경우에 전원을 인가하면 가장 효과적인 운전이 가능함을 알 수 있었다.

본 연구는 한국과학재단 목적기초연구(R05-2001-000945-0) 지원으로 수행되었습니다.

(참 고 문 헌)

- [1] Arkkio, A., "Analysis of induction motors based on the numerical solution of the magnetic field and circuit equations", Act Polytechnica Acadnavica, Helsinki, 1987.
- [2] D.H.Im, S.C.Park, B.T.Kim, B.I.Kwon, "Cogging Torque Calculation of Induction Motor with Skewed Slots", Proc. of ICEE'95, pp.529-532, July, Korea, 1995.
- [3] 박승찬, 김병택, "동형 2차측을 갖는 선형유도전동기의 엔드바 저항을 고려한 유한요소해석", 대한전기학회 학술대회 논문집, pp. 846-848, 2001. 7