

강압형 컨버터의 비선형 순시추종 PWM 제어기의 특성 분석

라병훈, 김상돈**, 권순걸*, 이현우*

*경남대학교, **경남애니메이션고등학교

전화 : 055-249-2834 / 팩스 : 055-248-2228

Characteristic Analysis of Buck Converter by using the Non-Linear Instantaneous Following PWM Controller

Byung-Hun Ra, Sang-Don Kim**, Soon-Kurl Kwon*, Hyun-Woo Lee*

*Kyungnam University, **Kyungnam Animation High-School

E-Mail : bhraigt@mail.kyungnam.ac.kr

Abstract

Instantaneous following PWM control technique is pulsed nonlinear dynamic control method. This new control technique using analog integrator is proposed to control the duty ratio D of DC-DC converter. In this control method, the duty ratio of a switch is exactly equal to or proportional to the control reference in the steady state or in a transient. Proposed control method compensates power source perturbation in one switching cycle, and the average value of the dynamic reference in one switching cycle. There is no steady state error nor dynamic error between the control reference and the average value of the switched variable. Experiments with buck converter have demonstrated the robustness of the control method and verified theoretical prediction. The control method is very general and applicable to all type PWM.

I. 서 론

아나로그 적분기를 이용한 새로운 비선형 제어 기법인 순시추종형 PWM 제어기법은 일정한 스위칭 주파수로 동작한다. 이 제어기법은 스위칭 컨버터의 펄스 변조에 있어서 비선형성을 갖는 장점은 물론 스위칭 변수의 평균값을 순시 다이나믹 제어(instantaneous dynamic control)를 가능하게 한다. 특히 전압과 전류 전류제어에 있어서 스위칭 변수의 평균값이 과도상태 다음에 새로운 안정된 상태에 도달하는 데는 하나의 스위칭 사이클(one switching cycle)이 소요되며, 스위칭 변수의 평균치와 제어

변수 사이에는 어떤 다이나믹한 오차나 어떤 정상상태 오차도 존재하지 않는다. 따라서 제안된 제어 기법은 빠른 다이나믹한 응답성과 전원전압 변동에 대한 탁월한 보상 특성과 강인한 동작 특성 및 스위치 오차의 자동 보상 특성을 갖는다.^{[1][2]}

제안된 기법은 가변 주파수 스위칭 제어에까지 확장 할 수 있음은 물론 범용으로 사용가능하며, 공진 컨버터의 전압 및 전류 제어와 PWM 컨버터를 제어하는 데에도 적절하게 적용할 수 있다.^[3] 이 후에 본 제어 기법의 동작원리에 대하여 설명하기 위하여 강압형 컨버터(buck converter)에 적용하여 실험한 결과를 제시한다. 이 제어기법은 어떤 형태의 스위칭 제어에도 일반화 할 수 있으며 비연속 모드와 스위칭 여러 자동 보상기능도 있음을 알 수 있다.

II. 비선형 순시추종형 PWM 제어기법

2.1 제어의 개념

그림 1은 강압형 컨버터회로와 동작파형을 나타내었다. 회로에서 LC 저역 필터는 멀스 상의 불연속 쿠퍼 출력 전압에 포함된 불필요한 스위칭 주파수 성분은 제거하고, 스위치 변수의 평균값을 부하로 전송한다. 이때 출력전압에는 원하는 직류전압 DV_{DC} 의 평균치에 약간의 스위칭 리플을 포함하게 된다. 스위칭 변수를 면밀하게 관찰하면, 강압형 컨버터의 출력 전압은 스위치 변수의 평균값이 됨을 쉽게 알 수 있고, 다음 식 (1)과 같이 쓸 수 있다.

$$V_D = \frac{1}{T_s} \int_0^{T_s} v_D dt = \frac{1}{T_s} \int_0^{T_s} V_{DC} dt \quad (1)$$

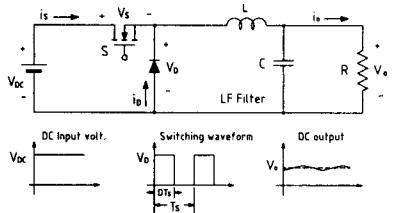


그림 1. 강압형 컨버터 회로와 동작파형

위 (1) 식에서 V_D 는 스위칭 출력전압인 다이오드 양단전압의 평균치를 말하며, 이때 다이오드 전압의 평균값은 $D T_s$ 동안에 출력되는 펄스 상의 다이오드 전압을 적분하여 스위칭 주기로 나눈 값으로 계산된다.

이 식을 기본으로 하여 그림 2와 같이 일정한 주파수로 스위칭 제어되는 새로운 제어기를 설계하는 것이 가능하다. 제안된 제어회로로 동작되는 컨버터는 정 주파수로 동작되며, 컨버터의 주 스위치는 각 스위칭 주기의 시작점에서 터온 된다. 그림에서 보는 것과 같이 스위칭 출력 전압인 다이오드 전압은 적분기에서 적분되고 적분결과는 비교기를 통하여 제어 기준값과 비교된다. 적분된 다이오드 전압 V_D 가 제어 기준값에 도달되면 즉시 비교기의 상태는 변화될 것이다. 그리고 비교기의 변화에 동기되어 컨버터의 주 스위치를 터온 오프 시키고, 이와 동시에 적분기를 영으로 다시 리셋트 시키게 된다.

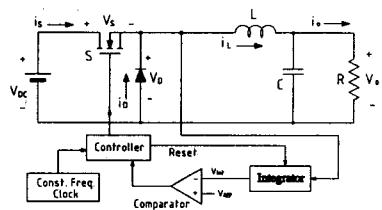


그림 2. 강압형 컨버터의 순시추종 PWM 제어

만약 제어 기준값이 일정하다면, 그림 3에서 보인 것과 같이 다이오드 전압의 평균값은 일정한 값으로 제어된다. 적분기에서 적분되는 적분전압의 기울기(경사면)가 전원전압의 크기에 비례함을 알 수 있다. 그리고 적분값은 일정한 값을 갖는 제어 기준치와 연속적으로 비교된다. 전원전압이 높으면 적분값의 경사는 급격하게 되므로 적분값은 빠른 시간 내에 제어 기준값 V_{REF} 에 도달하게 된다. 따라서 스위칭 듀티비는 작아질 것이다. 이와 반대로 전원전압이 낮은 경우에는 적분값의 기울기가 완만하기 때문에 제어 기준값에 도달하는 시간이 길어지므로 스위칭 듀티비 (D) 는 커진다.

제어 기준값이 시간에 따라 변화되는 시간 함수인 경우에도 다이오드 전압의 평균치는 제어기준치에 추종하여 변화된다. 그림 4는 제어 기준값이 단일 스텝으로 변화 될 때 출력 전압이 이에 추종하여 제어되는 관계를 보여 주는 그림이다. 그림에서 보는 것과 같이 다이오드 전압의 적분값은 즉시 변화된 제어 기준값에 추종되어 제어됨을 알 수 있다. 이러한 제어 모형에서 듀티비 D 는 다음 (2) 식과 같이 표현된다.

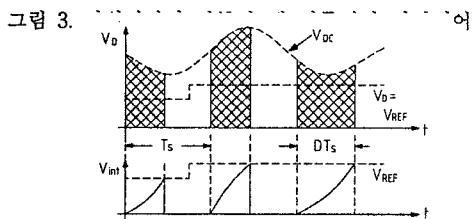
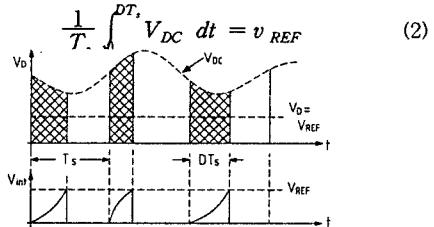


그림 4. 전원전압이 단일 스텝으로 변화하는 경우

2.2 제어이론

정 주파수 $f_S=1/T_S$ 로 동작하는 스위치의 존재함수(existence function)를 $S(t)$ 라 한다면, $S(t)$ 는 다음 (4) 식과 같이 정의된다.

$$S(t) = 1: 0 < t < T_{ON}, \quad 0: T_{ON} < t < T_S \quad (4)$$

각 사이클에서 스위치는 T_{ON} 시간 동안에 터온 되고, T_{OFF} 시간 동안에 터온 오프 된다. 여기서 $T_{ON}+T_{OFF}=T_S$ 가 된다. 듀티비 $D=T_{ON}/T_S$ 는 적분기의 출력전압과 아나로그 제어 기준신호 V_{REF} 에 의해서 변조된다. 주 스위치의 입력 점(그림 2의 주 스위치 MOSFET의 드레인 단자)에서 입력신호를 $x(t)$ 라 할 때, 입력 $x(t)$ 는 주 스위치에 의해서 쿠퍼되고, 이 전압은 스위치의 출력 점(그림 2의 주 스위치 MOSFET의 소스 단자)에서 전송되어 스위치 동작에 의한 출력전압이 되는데 이때 얻어지는 출력전압을 $y(t)$ 라 하자. 스위칭 출력변수 $y(t)$ 의 주파수와 펄스 폭은 스위치 동작을 나타내는 존재함수 $S(t)$ 의 주파수 및 터온 시간과 일치한다. 따라서 출력전압 $y(t)$ 는 식 (5)와 같이 입력함수 $x(t)$ 와 존재함수 $S(t)$ 의 곱으로 얻어짐을 알 수 있다.

$$y(t) = S(t) \cdot x(t) \quad (5)$$

이 관계를 그림으로 표현하면 그림 5와 같이 됨을 알 수 있다. 출력전압 $y(t)$ 를 나타내는 그림에서 점선을 따라 연결된 과정은 입력 신호 $x(t)$ 의 과정과 같다. 따라서 출력전압은 존재함수와 입력함수의 곱으로 표현된다.

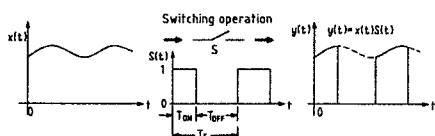


그림 5. 입출력 전압과 존재함수

여기서 스위칭 주파수의 주기 T_S 는 정 주파수로 동작하는 클럭에 의해서 결정되고, 존재함수로 정의되는 스위칭 시간 T_{ON} 은 아니라고 적분기의 출력(V_{INT})과 제어 기준값(V_{REF})에 의해서 결정된다. 스위칭 출력 함수의 평균값은 다음 (6) 식과 같이 쓸 수 있다.

$$y(t) = \frac{1}{T_S} \int_0^{T_{ON}} x(t) dt \quad (6)$$

위 (6) 식에서 입력함수 $x(t)$ 를 변수로 간주하였으나 강압형 컨버터에서 실제 입력전압 $x(t)$ 는 과도적으로 변하는 상태를 무시한다면 적률전압이므로 상수로 간주하여도 무방할 수 있다. 따라서 (6)식은 다음의 (7)식과 같이 쓸 수 있다.

$$\begin{aligned} y(t) &= x(t) \cdot \frac{1}{T_S} \int_0^{T_{ON}} dt \\ &= x(t) \cdot \frac{T_{ON}}{T_S} = x(t) \cdot D(t) \end{aligned} \quad (7)$$

위의 (7)식은 스위치의 출력 점에서 스위칭 출력전압(변수) $y(t)$ 는 뉴티비 $D(t)$ 와 입력전압 $x(t)$ 의 곱이 됨을 나타낸다. 그리고 이 스위치는 비선형이다. 만약 스위칭 출력변수 $y(t)$ 의 적분값이 매 사이클마다 제어 기준값의 적분과 정확하게 같도록 변조된다면, 이 두 관계는 (8)식과 같이 쓸 수 있다.

$$\int_0^{T_{ON}} x(t) dt = \int_0^{T_S} v_{REF} dt \quad (8)$$

위 (8)식에서 스위칭 주기가 일정하기 때문에 스위치의 출력 점에서 스위칭 출력변수의 평균값은 매 사이클마다 제어 기준값과 정확하게 일치하게 된다. 그래서 스위칭 출력변수는 한 사이클의 단위의 평균치로서 순시 제어됨을 알 수 있다. 따라서 이 개념을 보다 구체화하기 위하여 스위칭 출력변수 $y(t)$ 를 기준으로 다시 쓰면 (9) 식과 같이 쓸 수 있다.

$$\begin{aligned} y(t) &= \frac{1}{T_S} \int_0^{T_{ON}} x(t) dt \\ &= \frac{1}{T_S} \int_0^{T_S} v_{REF} dt = v_{REF}(t) \end{aligned} \quad (9)$$

위 (9)식에서 알 수 있는 것과 같이 제안된 제어기법은 한 사이클 단위로 제어되며 한 사이클 내에서 모든 값이 보상됨을 알 수 있다. 스위치 출력 단위에서 유효 출력전압의 계산은 제어 단위와 과정이 모두 한 사이클 내에서 제어되므로 위 (9)식에서 간결하게 정리하면 다음 (10)식과 같다.

$$y(t) = v_{REF}(t) \quad (10)$$

위의 (10)식에서 스위칭 제어 출력은 입력신호에 무관함을 알 수 있으며, 오직 제어 기준값(v_{REF})에 의해서만 선형적으로 일치시키고 있음을 알 수 있다. 따라서 아니라고 적분기를 이용한 PWM 추종제어 기법은 비선형 스위치를 사용하였으나 결과는 선형 동작 결과가 되게 한다.

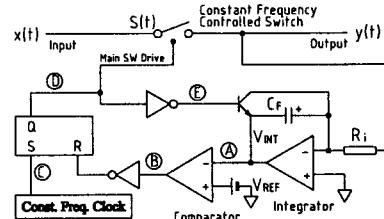


그림 6.

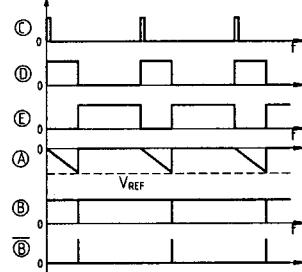


그림 7. 제어회로의 주요 동작 과정

그림 6은 적분기를 이용하여 정 주파수로 동작하는 PWM 추종 제어기법을 실현하기 위한 제어회로의 개요도이다. 제어회로에서 동작의 중심이 되는 부분은 정주파수로 동작하기 위하여 정주파수 클럭(constant frequency clock) 발생회로와 아니라고 적분기이다. 정주파수 클럭 발생회로는 R-S 플립플롭과 함께 매 스위칭 동작의 시작점에서 주 스위치를 턴 온 시킨다. 아니라고 적분기는 주 스위치가 턴 온 되는 시점과 동기 되어 주 스위치의 제어 출력전압을 적분하며, 적분값(V_{INT})이 제어 기준값(V_{REF})과 같아지는 시점에서 주 스위치를 턴 오프 시키고, 이와 동시에 적분값도 초기화(제로 볼트)로 리셋트 시킨다. 이때 적분값은 다음 (11) 식과 같이 쓸 수 있다.

$$v_{INT} = k \int_0^t x(t) dt \quad (11)$$

위 (11) 식에서 k 는 상수이고, 적분값 $v_{INT}(t)$ 는 제어 기준값 $v_{REF}(t)$ 와 순시적으로 비교된다. 적분값 $v_{INT}(t)$ 가 제어 기준값 $v_{REF}(t)$ 에 도달되는 순간 제어기는 주 스위치의 상태를 한 상태에서 다른 상태로 바꾸는 신호를 출력하게 된다. 이와 동시에 제어기는 적분기를 제로로 리셋트 시킨다. 그리고 각 사이클에서 뉴티비($D=T_{ON}/T_S$)는 다음 (12) 식에 의해서 결정된다.

$$k \int_0^{DT_S} x(t) dt = v_{REF}(t) \quad (12)$$

스위칭 주기 T_S 와 k 는 모두 상수이므로 $K=1/kT_S$ 도 상수가 된다. 스위칭 출력값 $y(t)$ 의 평균치는 각 사이클에서 다음 (13) 식과 같이 쓸 수 있다.

$$y(t) = \frac{1}{T_S} \int_0^{DT_S} x(t) dt = K v_{REF}(t) \quad (13)$$

2.3 실험 결과

제안된 제어기법의 가능성을 입증하고 우수성을 함께 나타내기 위하여 고자 한다. 주회로는 그림 1과 같은 강압형 컨버터를 사용하였다. $V_{DC}=150[V]$, 정주파수 $f_S=40[kHz]$, 주회로의 인더터 $L=600[\mu H]$, 캐퍼시터 $C=1,000[\mu F]$, 부저저항은 $50[\Omega]$ 을 사용하였다. 정주파수 클럭회로는 555 타이머를 사용하여 설계하였으며 $50[kHz]$ 로 발진한다. 여기서 발생되는 펄스는 R-S 플립 플롭을 세트시키므로 매 사이클의 시작점에서 컨버터의 주 스위치를 턴 온 시키고 동시에 적분기를 동작시킨다.

2.3.1. 전원 전압 변동의 보상

그림 8은 전원 전압이 변동될 때 적분기가 이를 추종하여 보상하는 특성을 나타낸다. 그림 10에서 상위 첫 번째의 파형은 주 스위치 제어용 PWM 제어 신호이며, 세 번째 파형은 전원에 포함된 리플 전압을 나타낸다. 전원이 크게 변동하여도 제어기는 이를 추종하여 잘 보상하고 있음을 알 수 있다. 두 번째 파형은 적분기를 정 주파수로 동작시키기 위한 정주기 클럭이고 세 번째 파형은 적분기의 출력파형이다. 여기서 적분기의 적분시간이 출력전압의 크기에 반비례하여 길어지고 있으며, 이에 따라 맨 위의 PWM 파형의 폭이 넓어짐을 알 수 있다. 따라서 제안된 제어기법은 스위칭 중에도 전원전압의 변동분을 보상하고 있음을 알 수 있다.

2.3.2. 제어 기준값 추종특성

그림 9은 제어 기준값이 변할 때 제어기의 추종 특성을 나타내는 사진이다. 두 번째 파형이 제어기준 전압 파형인데 기준전압이 변하고 있음을 알 수 있다. 이에 따라 PWM 파형(첫 번째 파형)과 적분기의 출력 파형(세 번째 파형)이 이에 추종하여 변화되고 있음을 알 수 있다. 그림 11에서 보는 것과 같이 한 사이클 내에서 전원변동을 보상하고, 제어기는 제어 기준값에 추종하고 있음을 알 수 있다.

III. 결 론

제안된 제어기법은 입력 전원 전압에서 어떠한 형태의 전원교란이 발생하여도 한 사이클 내에 이를 추종하여 보정한다. 제어 형식은 정 주파수 비선형 제어 스위치로 동작하지만 제어 결과는 선형제어의 결과를 얻는다. 오차 신호를 추종하여 보정하는 시간은 스위칭 주파수에 의해서 결정된다. 전원전압에 어떠한 형태의 전압 변동이 발생되어도 스위칭 주파수가 $50[kHz]$ 인 경우 $20[\mu s]$ 이내에 이를 보상하여 추종 제어한다. 그리고 제어 기준값이 변하는 경우는 물론 불연속인 경우도 제어 기준값에 이를 추종 제어함을 알 수 있다.

스위칭 주파수는 주 전류의 크기와 스위칭 소자의 종류에 따라 다르지만 소용량인 경우 MOSFET를 주 스위칭 소자로 사용할 경우 $100[kHz]$ 이상 높일 수 있으며 이대 보정하여 추종제어 하는 시간은 $10[\mu s]$ 이하가 됨을 알 수 있다. 정상상태는 물론 과도 상태에 대해서도 모두 안정된 제어 특성을 갖고 있다.

본 논문에서는 강압형 컨버터를 사용하여 제어기의 특성을 조

사하였으나 이외의 어떠한 컨버터에 대해서도 우수한 제어 특성을 나타낸다. 제어 이론과 실험결과가 잘 일치하고 있음을 알 수 있었다. 제어회로에 아니라고 적분기를 사용하므로 회로가 간단하고 정밀제어가 이루어짐을 알 수 있다.

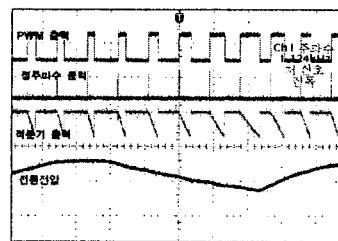


그림 8. 전원 전압이 변동될 때 제어기의 보상 특성

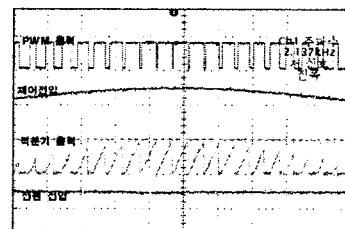


그림 9. 제어 기준값이 변할 때 제어기의 추종 특성

참고문헌

- [1] K M Smedley and S. Cuk, "One-cycle control of switching converter", in IEEE Power Electronics Specialists Conference, 1991 Record, pp. 1173-1180.
- [2] A Capel, G. Frante, D. O'Sullivan, and A. Weinderg, "Application of the injected current mode for the dynamic analysis of the switching regulators with the new concept of LC2 modulator", in IEEE Power Electronics Specialists Conference, 1978 Record, pp. 135-147.
- [3] C. W. Deisch, "Simple switching control method changes power converter into a current source", in IEEE Power Electronics Specialists Conference, 1978 Record, pp. 300-306.
- [4] R. D. Middlebrook and S. Cuk, "Advances in switched mode power conversion vol. I, II, & III", TESLAco 1981 and 1983.
- [5] F. C. Schwarz, "Analog signal to discrete time interval converter(ASDTIC)", U.S. Patent 3659184, 1972.
- [6] F. C. Schwarz, 'Engineering Information on an analog signal to discrete time interval converter(ASDTIC)', NASA CR-134544, 1972.
- [7] Z. Lai and K. Smedley, "A new extension of one-cycle control and its application to switching power amplifier", in Proc. 1994 IEEE Applied Power Electronics Conf. and Extension-ASPEC'95 Dallas, TX, vol.2, pp.635-641, Feb.5-9, 1995.