

## 동기형 릴렉턴스 전동기의 자속장벽 변화에 따른 특성 해석

신정민, 윤준보, 김솔, 최재학, 이주  
한양대학교 전기공학과

### Characteristics Analysis of a Synchronous Reluctance Motor according to the Flux Barrier Variation

Jeong-Min Shin, Jun-Bo Yun, Sol Kim, Jae-Hack Choi, Ju Lee  
Dept. of Electrical Eng., Hanyang University

**Abstract** - The rib in synchronous reluctance motor(SynRM), which has segment type rotor, is mechanical weak point. To make up for the weak point, a web has inserted in the flux barrier. However, the inductance in the q-axis is increased and then the motor performance has been decreased because of the inserted web.

This paper presents a model, which has permanent magnets on the both side of the web, to decrease the inductance in the q-axis. The finite element method is applied to analyze the characteristics.

## 1. 서 론

동기형 릴렉턴스 전동기(SynRM)는 회전자의 돌극 구조로 인한 릴렉턴스 토크가 발생하는 전동기로서 고정자는 유도전동기와 동일한 3상의 정현파 구조를 가지고 회전자의 구조가 간단하여 고속 또는 장시간 운전이 가능하다. 동기형 릴렉턴스 전동기는 토크가  $d$ 축과  $q$ 축 인덕턴스의 차에 비례하게 되어 전동기의 성능에 중요한 변수가 되므로 회전자의 구조를 최적화 하여 인덕턴스의 차를 극대화 시키는 연구가 진행되고 있다.[1][2]

동기형 릴렉턴스 전동기의 토크와 역률에 인덕턴스 차( $L_d - L_q$ )와 인덕턴스 비(돌극비,  $L_d/L_q$ )는 각각에 비례하는 요소이다. 이 것에 영향을 주는  $d$ 축과  $q$ 축의 인덕턴스에서 큰  $d$ 축 인덕턴스를 얻기 위해서는  $d$ 축 자속이 전체 극 표면을 따라 흘러야 하고,  $q$ 축 인덕턴스를 최소화하기 위해  $q$ 축 자속은 적게 흘러야 한다. 단편형(segment type) 회전자 구조의 동기형 릴렉턴스 전동기는 단편들을 기계적으로 고정시키는 역할을 하는 립(rib)이 회전자에 있다. 이 립은  $q$ 축 자속이 흐를 수 있는 통로를 형성하게 되고 그로인해  $q$ 축의 인덕턴스가 증가하게 되므로 인덕턴스 차와 인덕턴스 비가 감소하여 전동기 성능이 저하된다. 따라서 립의 폭을 최소화하는 것이 설계에 중요한 요소가 된다. 그러나, 립은 제조 가공 공정상 출일 수 있는 한계가 있고, 고속운전 시 단편에 가해지는 원심력에 의하여 구조적으로 립이 비산될 수 있는 문제점을 가지고 있다. 따라서, 이러한 문제점을 보완하기 위해 자속장벽(flux barrier)에 웨b(web)을 삽입한 형태가 연구되었다.[3] 그러나, 웨b을 삽입함으로서 기계적 강성을 얻을 수 있는 반면  $q$ 축 자속의 통로를 형성하므로 자속의 증가로 인한  $q$ 축의 인덕턴스가 증가하는 현상이 발생한다. 따라서, 웨b의 폭을 최소화하는 설계가 요구된다. 그러나, 이 역시 폭을 줄이게 되면 기계적 견고함을 얻을 수 없기 때문에 기계적인 설계의 한계를 가지고 있다.

본 논문에서는 자속장벽에 영구자석을 삽입하여 웨b에 흐르는  $q$ 축 자속을 감소시킬 수 있는 회전자 설계를 제안한다. 제안된 형태의 전동기는 유한 요소 해석(Finite Element Method)을 이용하여 각각  $d$ 축과  $q$ 축의 인덕턴

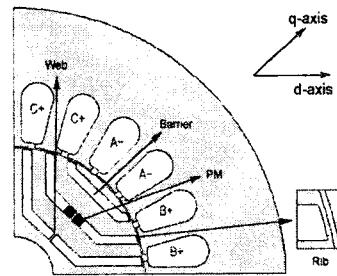


그림 1. 웨b을 가지는 단편형 동기 릴렉턴스 전동기의 단면도

스를 구하여 인덕턴스 차와 비를 계산해서 그 특성을 비교하였다.

## 2. 본 론

### 2.1 구조 및 사양

본 논문에서 해석한 모델인 단편형 회전자를 가진 동기형 릴렉턴스 전동기를 그림 1에 나타내었다. 그림에서처럼 기계적으로 취약한 립을 보완하기 위해 회전자의 자속장벽에 웨b을 삽입하였고, 웨b을 통해 흐르는  $q$ 축 자속을 감소시키기 위해 자기적인 포화현상의 발생목적으로 웨b의 양측 자속장벽 내에 영구자석을 삽입하였다.

표 1은 본 논문에 적용된 전동기의 해석모델 사양이다. 극수는 4극, 매극 매상당 슬롯수는 2이며 자속장벽의 개수는 3인 모델이다. 영구자석의 잔류자속밀도는 웨b의 폭에 따라 적절한 값을 선택해야 한다. 본 논문에서 페라이트 영구자석의 잔류자속밀도가 각각 0.1[T], 0.3[T]인 경우의 특성을 해석하였다.

### 2.2 토크, 역률과 동기 인덕턴스

전동기의 성능 평가시 중요한 요소인 토크와 역률은 동기형 릴렉턴스 전동기에서 그림 2의 페이저도를 이용하여 다음의 토크식과 역률식이 유도된다.

표 1. 해석 모델의 기본적인 사양

| 항목    | 값    | 단위     |
|-------|------|--------|
| 정격 입력 | 220  | W      |
| 상수    | 3    | phases |
| 극수    | 4    | poles  |
| 적층길이  | 50   | mm     |
| 공극 길이 | 0.32 | mm     |
| 립의 폭  | 0.3  | mm     |
| 웨b의 폭 | 0.6  | mm     |
| 영구자석  | 페라이트 | T      |

$$T_e = \frac{3}{2} \frac{P}{2} (L_d - L_q) i_d i_q \quad (1)$$

$$PF = \frac{\frac{L_d}{L_q} - 1}{\frac{L_d}{L_q} + 1} \quad (2)$$

여기서,  $i_d, i_q$ 는 각각  $d$ 축,  $q$ 축 전류이고,  $L_d, L_q$ 는 각각  $d$ 축과  $q$ 축의 인덕턴스이다. 식 (1)과 (2)에서 토오크는 인덕턴스 차에 역률은 인덕턴스 비의 직접적인 영향을 받는다.

본 논문에서 인덕턴스 차와 인덕턴스 비를 계산하고 비교하였다.

### 2.3 유한요소해석의 정식화

동기형 릴럭턴스 전동기의 유한요소해석을 위한 자기벡터포텐셜을 미지수로 하는 지배방정식을 맥스웰 방정식으로부터 도출하면 다음과 같다 [4].

$$\frac{1}{\mu} \left[ \frac{\partial}{\partial x} \left( \frac{\partial A}{\partial x} \right) + \frac{\partial}{\partial y} \left( \frac{\partial A}{\partial y} \right) \right] = -J_0 - \frac{1}{\mu} \left( \frac{\partial M_q}{\partial x} - \frac{\partial M_x}{\partial y} \right) \quad (3)$$

여기서,  $A$ 는 자기벡터포텐셜,  $J_0$ 는 전류밀도,  $M_x, M_y$ 는 각각  $x$  및  $y$  축 방향으로의 자화의 세기이다. 해석 대상을 1차 삼각요소로 분할하고, 식 (3)에 요소의 형상함수를 가중함수로 하는 Galerkin 법을 적용하면 다음의 식을 얻을 수 있다.

$$\int_S \frac{1}{\mu} \sum_{i=1}^3 \left( \frac{\partial N_{ie}}{\partial x} \frac{\partial N_{je}}{\partial x} + \frac{\partial N_{ie}}{\partial y} \frac{\partial N_{je}}{\partial y} \right) A_{ie} dx dy = \int_S J_0 N_{je} dx dy + \int_S \frac{1}{\mu} \left( M_y \frac{\partial N_{je}}{\partial x} - M_x \frac{\partial N_{je}}{\partial y} \right) dx dy \quad (4)$$

$$(j = 1, 2, 3)$$

여기서,  $N_{ie}$ 은 요소의 형상함수이다. (4) 식으로부터 하나의 요소에 대한 요소 행렬은 다음과 같이 표현된다.

$$[S]^e(A)^e = \{J\}^e + \{J_m\}^e \quad (5)$$

여기서,  $[S]^e$ 은 요소  $e$ 의 계수 행렬,  $\{J\}^e$ 는 입력 전류밀도의 계수 행렬,  $\{J_m\}^e$ 는 등가자화전류분에 해당하는 입력 구동 행렬이다.

유한요소해석에서 교류전동기를 해석할 경우 통상 3상 정현파 전류를 입력으로 하는 전류원 해석을 시행하지

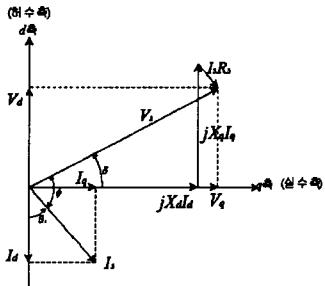


그림 2. 동기형 릴럭턴스 전동기의 정상 상태 페이저도

만, 본 논문에서는 좌표변환을 통한  $d$ 축,  $q$ 축 전류를 입력으로 전류원 해석을 시행하여  $d$ 축과  $q$ 축의 인덕턴스 계산을 용이하게 하였다.

### 2.4 유한요소해석을 이용한 인덕턴스 계산

본 논문에서 동기형 릴럭턴스 전동기의 평가 기준인 토오크와 역률에 직접적인 영향을 미치는 인덕턴스 차와 인덕턴스 비를 계산하기 위한  $d$ 축과  $q$ 축의 인덕턴스를 유한요소해석을 이용하여 그 값을 구할 경우 각상의 쇄교자속을 구하는 식은 다음과 같다.

$$\lambda = N \int B dS = N(A_1 - A_2) l \quad (6)$$

여기서,  $A_1, A_2$ 는 슬롯의 자기백터 포텐셜,  $N$ 은 터수,  $l$ 은 철심의 적층폭이다. 식(6)를 이용하여 구한 각상의 쇄교자속을 좌표변환을 통해 각각  $d$ 축과  $q$ 축의 쇄교자속을 계산하고 전류원 해석시 입력인  $d$ 축과  $q$ 축의 전류로써 인덕턴스를 다음의 식과 같이 구할 수 있다.

$$L_d = \frac{\lambda_d}{i_d}, \quad L_q = \frac{\lambda_q}{i_q} \quad (7)$$

입력전류의 변화에 따른 인덕턴스 특성곡선은  $d$ 축 전류인가 시  $q$ 축 전류는 영(zero)으로 일정하며,  $q$ 축 전류인가 시  $d$ 축 전류 또한 영(zero)으로 하여 도시하였고 다른 축 전류를 영(zero)로 하였기 때문에 교차포화 현상에 의한 영향(Cross magnetization)은 무시한다.

### 3. 해석결과

웹의 양측에 영구자석을 삽입하여 해석을 시행하였을 때의 자속밀도의 분포를 다음의 그림에 나타내었다.

그림 3에서 많은 점으로 표시된 부분이 자속밀도가 높아 포화현상이 심하게 나타나는 것을 나타낸다. 웹 양측에 영구자석이 있는 경우 자석의 잔류자속밀도에 따라 값의 차이는 있지만 회전자의 다른 부분에 비해 자속밀도가 현저히 높은 것을 알 수 있다. 그림 3에서 웹의 자속밀도가 2.04[T]로 포화되었음을 나타낸다. 따라서 웹의 양측에 영구자석을 삽입할 경우  $q$ 축 자로를 포화시킬 수 있음을 확인할 수 있었다. 웹의 폭이 커질 경우 영구자석의 잔류자속밀도 값을 높여줌으로써 같은 효과를 얻을 수 있을 것으로 사료된다.

그림 4는 영구자석이 없는 경우와 잔류자속이 0.1[T], 0.3[T]인 경우의 전류변화에 대한  $d$ 축과  $q$ 축의 인덕턴스 특성곡선, 그림 5는 인덕턴스 차, 그림 6은 인덕턴스의 비를 각각 나타내었다.

그림 4에서 볼 수 있듯이  $d$ 축의 인덕턴스는 거의 변화가 없으나,  $q$ 축의 인덕턴스는 영구자석의 잔류자속이 증가함에 따라 그 크기가 감소한다. 이로써 영구자석이

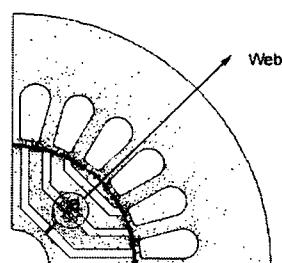


그림 3. 자속밀도 분포

$q$ 축 자속의 자로인 웨를 자기적으로 포화시켜 자속이 감소함을 확인할 수 있다.

그림 5에서는 전류가 1 [A]인 경우 최대 인덕턴스 차를 가지는데, 영구 자석이 없는 경우보다 최대 6.5 [mH] 정도 증가하였고, 입력 전류가 2 [A]를 초과할 경우 값의 변화가 미미하다.

그림 6에서 전류 1.5 [A]인 경우 최대 인덕턴스 비는 0.45 증가된 것을 확인할 수 있고, 정도의 차는 있지만 입력전류가 큰 경우에도 인덕턴스 비가 증가되었음을 알 수 있다.

대상 모델의 해석결과에 대한 구체적인 수치를 입력전류가 각각 1 [A], 1.5 [A], 2 [A]인 경우에 대해 표 2에 나타내었다.

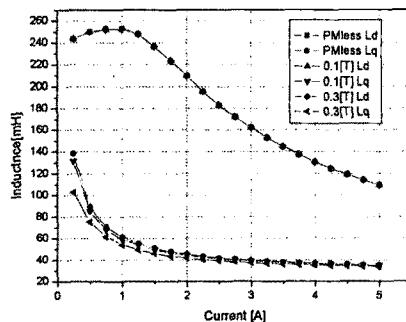


그림 4. 전류 변화에 대한  $d$ 축과  $q$ 축의 인덕턴스

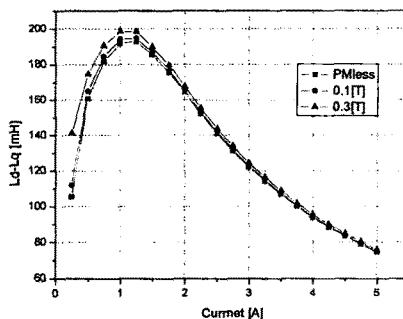


그림 5. 전류변화에 대한  $L_d - L_q$

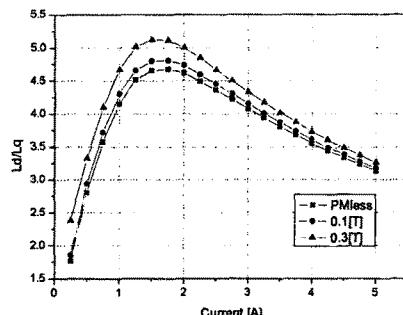


그림 6. 전류변화에 대한  $L_d/L_q$

표 2. 해석 결과 데이터

|                     | 형태     | 1 [A]  | 1.5 [A] | 2 [A]  |
|---------------------|--------|--------|---------|--------|
| $L_d[mH]$           | PMless | 252.87 | 236.31  | 209.67 |
|                     | 0.1[T] | 252.87 | 236.35  | 209.7  |
|                     | 0.3[T] | 252.49 | 236.09  | 209.6  |
| $L_q[mH]$           | PMless | 60.97  | 50.76   | 45.39  |
|                     | 0.1[T] | 58.81  | 49.31   | 44.28  |
|                     | 0.3[T] | 54.08  | 46.14   | 41.88  |
| $L_d - L_q$<br>[mH] | PMless | 191.90 | 185.55  | 164.28 |
|                     | 0.1[T] | 194.05 | 187.04  | 165.42 |
|                     | 0.3[T] | 198.41 | 189.95  | 167.73 |
| $\frac{L_d}{L_q}$   | PMless | 4.14   | 4.66    | 4.62   |
|                     | 0.1[T] | 4.29   | 4.79    | 4.74   |
|                     | 0.3[T] | 4.66   | 5.11    | 5.01   |

#### 4. 결 론

본 논문에서 제안된 모델에서 웨의 양측 자속장벽 영구자석의 삽입으로 인해  $q$ 축 자속이 감소하여 인덕턴스 차와 인덕턴스 비를 개선할 수 있음을 알 수 있었다. 향후 영구자석을 고정하기 위해 자속장벽에 다른 변화를 가질 때에 대한 특성해석과 더 나은 기계적, 전기적 특성을 가진 모델에 대한 연구가 필요할 것으로 사료된다.

**감사의 글**  
본 연구는 한국학술진흥재단의 협동연구지원사업에 의한 지원으로 수행되었습니다.

#### [참 고 문 헌]

- [1] 이중호, “가전용 340W급 동기형 릴렉턴스 전동기 설계 및 효율특성 실험”, 대한 전기학회 논문지, 제52B권, pp. 39-52, 2003, 2
- [2] D.A.Staton, T.J.E.Miller, S.E.Wood, “Maximising the saliency ratio of the synchronous reluctance motor.”, IEE Proceedings-B, Vol. 140, No.4, pp 249-259 July 1993
- [3] M.J. Kamper, A.F. Volschenk, “Effect of rotor dimensions and cross magnetisation on  $L_d$  and  $L_q$  inductances of reluctance synchronous machine with cageless flux barrier rotor”, IEE Proc.-Electr. Power Appl., Vol. 141, No.4, pp 213-220, July 1994
- [4] Ju Lee, Hyung-Woo Lee, Yon-Do Chun, Myoung-ho Sunwoo, and Jung-Pyo Hong, “The Performance Prediction of Controlled-PMLSM in Various Design Schemes by FEM”, IEEE Transaction on Magnetics, Vol.36, No.4, pp. 1902-1905 July 2000