

# 공간 마스킹 효과를 적용한 이진트리 벡터양자화

\*유성필, 곽내정, 윤태승, 안재형

충북대학교 정보통신공학과

e-mail : cucus@chol.com

## Binary Tree Vector Quantization Using Spatial Masking Effect

\*Soung-Pil Ryu<sup>o</sup>, Nae-joung Kwak, Tae-seung Yun, and Jae-hyeong Ahn

Dept. of Computer and Communication Engineering,

ChungBuk National University.

### Abstract

In this paper, we propose improved binary tree vector quantization based on spatial sensitivity which is one of the human visual properties. We combine the weights based on spatial masking effect according to changes of three primary colors in blocks of images with the process of splitting nodes using eigenvector in binary tree vector quantization. The test results show that the proposed method generates the quantized images with fine color and performs better than the conventional method in terms of clustering the similar regions. Also the proposed method can get the better result in subjective quality test and PSNR.

### I. 서론

영상 부호화의 가장 큰 목적은 원영상의 화질을 충실히 보존하면서 그에 필요한 데이터양을 최대한 줄이는 것이다. 이러한 영상 부호화의 방법 중에 널리 사용되는 것이 벡터 양자화이다[1]. 벡터 양자화의 성능은 코드북을 얼마나 효율적으로 설계하느냐에 따라 결정된다. Linde, Buzo, Gray[2]는 양자화 오차가 최소가 될 때까지 알고리즘을 반복하면서 양자화 칼라 벡터를 개선시켜 주는데, 이 때문에 양자화 오차는 최소이지만

반복과정에 있어서 모든 입력 칼라 벡터를 탐색하여 양자화 칼라를 개선시키므로 양자화에 요구되는 시간이 매우길다. 그 후 많은 연구자들에 의해 변형된 방법이 소개되었지만, 이 방법들은 한번에 하나의 벡터가 작용 하므로 오랜 학습 시간이 걸리며, 영상의 특징에 기인하는 코드북의 크기를 미리 결정해야하는 단점을 갖고 있다. 이를 개선하기 위해서 C.Chan과 C.Ma[3-4]은 영상을 하나의 군집으로 시작하여 최적의 분할경계에 의해서 군집을 2개로 계속해서 분할해 나가는 것을 반복하는 최대 하강법(maximum decent method)을 제안하였다. 그러나 이 방법 역시 최적의 분할 경계를 설정하는 과정에서 많은 시간이 요구되는 단점이 있다. 이러한 단점을 보완하고자 Orchard와 Bouman[5]은 고유 벡터를 이용한 이진 트리 기법에 의하여 벡터의 차원을 줄여서 계산하는 방법을 제안하였다. 이 양자화 방법은 속도가 빠른 장점이 있지만, 낮은 레벨로 양자화를 하였을 때 색상의 열화가 발생하는 단점이 있다.

본 논문에서는 고유벡터를 이용한 이진 트리 벡터양자화의 분할 과정에 공간 마스킹 효과를 이용한 가중치를 부여함으로 화질을 개선한다. 가중치는 영상의 명암이 심하게 변하는 곳이나 그 부분에서 발생하는 양자화 오차는 인간의 시각에 잘 띠지 않는다는 성질을 이용하여 구한다.

본 논문의 구성은 다음과 같다. 2장에서는 고유벡터를 이용한 이진 벡터 양자화의 기법을 소개하고, 3장에서는 인간의 공간 지각 특성을 고려한 고유벡터를 이용한 벡터 양자화 방법을 제안한다. 4장에서는 시뮬레이

선을 통하여 기존방법과 제안한 방법을 비교하여 성능을 분석하였고, 5장에서 결론을 맺었다.

## II. 고유벡터를 이용한 이진 트리 벡터 양자화

고유벡터를 이용한 이진 트리 벡터 양자화는 고유벡터를 이용해 영상을 이진 트리 구조의 노드로 분할하는 방법이다. 트리의 각  $n$ 번째 노드는 전체 영상의 분할된 클러스터  $C_n$ 으로 표기하며, 부모 노드는 고유벡터를 이용해 두 개의 자식 노드인  $C_{2n}$ 과  $C_{2n+1}$ 로 분할하게 되며 각 노드마다 각 노드에 속하는 모든 화소들을 대신할 하나의 대표값  $q_n$ 을 갖는다. 하나의 노드를 구성하는 입력 벡터들은  $x_s = [x_s^0, x_s^1, x_s^2]^T$ 로 표기하며, 여기서  $s = (i, j)$ 로 화소 위치를 나타내고, 0, 1, 2는 칼라성분(R,G,B)의 인덱스이다.  $C_n$ 은  $n$ 번째 노드의 화소 집합이고, 각 클러스터에 대한 대표값  $q_n$ 은 다음의 식으로 계산한다.

$$\mathbf{m}_n = \sum_{s \in C_n} \mathbf{x}_s \quad (1)$$

$$N_n = |C_n| \quad (2)$$

$$q_n = \frac{\mathbf{m}_n}{N_n} \quad (3)$$

식(1)의  $\mathbf{m}_n$ 은 각 칼라성분의 합으로 구성된 벡터를 나타내며, 식(2)의  $N_n$ 은 노드에서  $C_n$ 의 화소의 개수를 나타낸다.

하나의 노드를 두개의 노드로 분할하는 것은 두 개의 새로운 양자화 레벨을 결정하는 것이다. 이때 부모노드의 화소들을 최적의 양자화 레벨을 갖는 두 개의 노드로 분할하는 최적의 평면을 결정하는 것이 중요하다. 고유벡터를 이용한 양자화 방법은 클러스터의 분산이 최대인 방향을 결정하여 이 방향에 수직이 되고 노드의 평균을 지나는 평면을 최적의 분할 평면으로 결정한다. 이 방법은 Gaussian분포를 갖는 경우에 최적의 효율을 나타낸다. 노드의 공분산

$\mathcal{R}_n$ 은 식(5)의  $R_n$ 을 이용하여 식(1)과 식(2)를 이용해 식(5)와 같이 구한다.

$$\mathcal{R}_n = R_n - \frac{1}{N_n} \mathbf{m}_n \mathbf{m}_n^T \quad (4)$$

이 때  $R_n$ 은 다음과 같다.

$$R_n = \sum_{s \in C_n} \mathbf{x}_s \mathbf{x}_s^T \quad (5)$$

공분산  $\mathcal{R}_n$ 의 고유값을 구하기 위해, 식(6)과 같이 단위벡터를 곱한다.

$$\sum_{s \in C_n} (\mathbf{x}_s - q_n)^T \mathbf{e}_n = \mathbf{e}_n^T \mathcal{R}_n \mathbf{e}_n \quad (6)$$

여기서  $\mathbf{e}_n$ 은 식(4)을 최대로 하는 단위 벡터이며, 이 식의 해는  $\mathcal{R}_n$ 의 가장 큰 고유값  $\lambda_n$ 의 고유벡터  $\mathbf{e}_n$ 이며, 식(6)은 고유값  $\lambda_n$ 을 이용해 다음과 같이 나타낼 수 있다.

$$\sum_{s \in C_n} ((\mathbf{x}_s - q_n)^T \mathbf{e}_n)^2 = \lambda_n \quad (7)$$

고유벡터  $\mathbf{e}_n$ 이 결정되었으므로 노드  $C_n$ 의 화소들은 다음과 같은 방법으로 두 노드  $C_{2n}$ 과  $C_{2n+1}$ 으로 식(8)과 식(9)와 같이 분할된다.

$$C_{2n} = \{s \in C_n : \mathbf{e}_n^T \mathbf{x}_s \leq \mathbf{e}_n^T q_n\} \quad (8)$$

$$C_{2n+1} = \{s \in C_n : \mathbf{e}_n^T \mathbf{x}_s > \mathbf{e}_n^T q_n\} \quad (9)$$

즉, 한 노드의 분할은 공분산  $\mathcal{R}_n$ 의 가장 큰 고유값  $\lambda_n$ 의 고유벡터  $\mathbf{e}_n$ 을 결정하여 이를 기준으로 두 노드로 분할하는 것이다. 이는 양분하였을 때 고유값이 가장 크게 되는 곳을 양분하는 것을 의미하며 이는 노드의 분산이 가장 작게 되는 방향으로 노드를 분할하는 것이다.

## III. 공간마스킹 효과를 이용한 이진 트리 벡터양자화

인간 시각의 인식율은 상대적인 빛의 밝기와 파장에 따라서 달라지는데 파장이 다른 여러 단색광이 모두 같은 강도의 에너지를 갖고 있다고 가정할 때, 각 단색광에서 느끼는 밝음의 감각을 시감도라고 하며, 이 시감도의 차를 상대적으로 나타낸 것을 비시감도라 한다. CIE에서는 이 비시감도를 밝기에 따라 명순용시각(photopic vision)과 암순용 시각(scotopic vision)으로 분류한다[6]. 그림2는 광학 복사에 대한 인간 시각 시스템의 주파수 민감도를 나타낸다. 그림2의 오른쪽 곡선은 상대적으로 높은 밝기에서의 명순용 시각을 나타내고, 왼쪽 곡선은 상대적으로 낮은 밝기에서의 암순용 시각을 나타낸다.

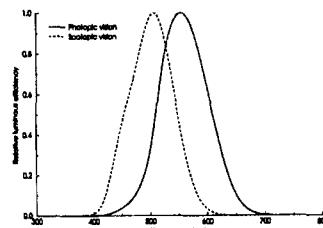


그림 2. 인간 시각 시스템의 명순용 시각과 암순용 시각

제안 알고리즘은 영상의 명암이 심하게 변하는 곳이나 그 부근에서 발생하는 양자화 오차는 인간의 시각에 잘 띠지 않는 성질을 이용하여 고유벡터를 이용한 이진 트리 벡터양자화의 분할 과정에 가중치를 적용한다. 이 때 인간의 시각이 밝기에 따라 반응정도가 다름을 고려하여 영상의 각 블록에서의 밝기 성분을 상대적으로 높은 부분인 명순옹 시각 대역과 상대적으로 낮은 부분인 암순옹 시각대역, 그리고 그 사이의 중간 대역으로 분류하여 각 대역에 대해서 가중치를 구하도록 하였다.

먼저 영상을  $4 \times 4$  블록으로 나누어주고 다음의 식과 같이 인간 시각의 칼라에 대한 활성 척도  $w_s$ 를 구한다.

$$w_s^k = \frac{1}{\frac{1}{16} \sum_{s=1}^{16} \alpha^k (x_s^k - b^k)^2} \quad (10)$$

여기서 블록의 평균 칼라 벡터를  $b$ 라 하고 블록의 입력 벡터를  $x_s^k$ 라 하고  $k$ 는 각 칼라성분(R,G,B)의 인덱스 값 0, 1, 2를 나타낸다.  $\alpha^k$ 는 각 시각 대역에서 적색, 녹색 및 청색에 대한 가중치로, 그림 2에서 제시된 적색, 녹색 및 청색에 해당하는 상대적인 민감도가 높은 영역의 민감도를 합하여 1이 되도록 정규화 하여 구하며, 이는 다음과 같다.

$$\text{명순옹 시각대역: } \alpha^0 = 0.322, \alpha^1 = 0.628, \alpha^2 = 0.05$$

$$\text{중간 시각대역: } \alpha^0 = 0.299, \alpha^1 = 0.587, \alpha^2 = 0.114$$

$$\text{암순옹 시각대역: } \alpha^0 = 0.048, \alpha^1 = 0.547, \alpha^2 = 0.405 \quad (11)$$

영상의 각 블록에서의 대역을 나누는 방법은 전체 영상의 밝기 성분에 대한 평균값  $I_m$ 과 표준편차  $\sigma$ 로 구분한다. 블록에서 영상의 평균밝기가  $I_m - \sigma$ 보다 작은 영역은 암순옹 시각대역으로,  $I_m + \sigma$ 보다 큰 영역은 명순옹 시각대역으로 구분하였고 그 외의 부분은 중간 시각 대역으로 설정하여 가중치를 적용하였다.

제안방법은 블록내에서 동일하게 적용되는 식(10)의 가중치  $w_s$ 을 각 화소별로 확장하여 가중치  $w_s$ 를 구하고, 이를 노드의 공분산  $R_n$ 을 구할 때 적용하여 시각 효과를 가중치로 적용한 고유벡터를 얻는다. 그리고 이 고유벡터를 이용하여 노드를 분할한다.  $w_s$ 를 노드의 공분산을 구하는데 적용하기 위해 가중치를 식(12)와 같이 바꾼다.

$$W_s = \begin{bmatrix} w_s^0 & 0 & 0 \\ 0 & w_s^1 & 0 \\ 0 & 0 & w_s^2 \end{bmatrix} \quad (12)$$

그리고 이를 공분산을 구하는데 필요한 통계량에 결합하면 다음과 같다.

$$R_n = \sum_{s \in C_n} (W_s x_s)(W_s x_s)^t \quad (13)$$

$$m_n = \sum_{s \in C_n} W_s x_s \quad (14)$$

$$N_n = \sum_{s \in C_n} W_s U \quad (15)$$

여기서  $U = [1 \ 1 \ 1]^t$ 이며, 위 식들로 식(4)에 적용하여 가중치가 적용된 공분산  $R_n$ 과 노드의 대표값인  $q_n$ 을 구한다.  $q_n$ 은  $m_n$ 과  $N_n$ 의 각각의 열성분을 이용하여  $q_n = [m_n^0/N_n^0 \ m_n^1/N_n^1 \ m_n^2/N_n^2]$ 로 구한다.

#### IV.. 실험 및 결과

본 논문에서는 제안된 방법의 평가를 위해서 다양한 화소 분포 특성을 가지는  $256 \times 256$  크기의 1600만 칼라 정지 영상을 대상으로 Microsoft Visual C++ 6.0 을 이용해 시뮬레이션을 하였다.

그림 2의 (a)는 원영상을 나타내고 (b)는 양자화 레벨수  $L = 32$ 인 이진 트리 벡터양자화 영상을 나타내며 (c)는 동일한 양자화 레벨을 갖는 제안방법의 결과 영상이다. 그림 2의 (c)에서 볼 수 있는 바와 같이 전체 영상의 색상이 강조되어 보다 선명하게 보이며, 모자의 깃털 부분이 선명해졌음을 알 수 있다. 또한 어깨부분과 배경 부분에서도 원영상에 유사한 색상을 보임을 알 수 있다. 즉, 양자화에서 발생하는 열화현상을 인간의 공간지각 특성으로 강조하게 되어 선명한 색상의 영상을 얻을 수 있었으며, 유사색상 영역분할에서 더 좋은 성능을 보여주었다.



(a) 원영상 (b) BTVQ (c) 제안알고리즘

그림 2. 원영상과  $L = 32$ 인 양자화 영상

제안 방법의 성능을 평가하기 위해 본 논문에서는 PSNR과 주관적 화질 평가 방법을 사용했다. PSNR을 구하는 식은 다음과 같다.

$$\text{RMSE} = \sqrt{\frac{1}{N^2} [\hat{f}(i, j) - f(i, j)]^2} \quad (16)$$

$$\text{PSNR} = 20 \log_{10} \left( \frac{255}{\text{RMSE}} \right) \quad (17)$$

표 1은 양자화 레벨  $L = 32, 64, 128$  일 때 BTVQ 방법과 제안방법의 PSNR 결과를 보인다. 제안방법은 BTVQ 보다 1.6~3.2dB정도가 개선되었다.

표1. 양자화레벨에 따른 PSNR 비교 [단위: dB]

레벨	알고리즘	영상			
		girl	lena	tiffany	pepper
32	BTVQ	32.05	33.95	34.10	31.74
	제안방법	33.93	36.77	35.97	33.32
64	BTVQ	34.13	35.95	36.25	33.74
	제안방법	36.20	38.97	38.49	35.43

주관적 화질 평가는 비전문가 6인을 대상으로 기존의 방법(A)을 기준으로 하여 제안방법(B)의 화질 개선 정도를 7단계로 나누어 화질을 비교 평가하였다[7][8]. 주관적 화질 비교 평가 결과가 표2에 있으며 기존의 방법 보다 화질이 개선되었음을 보였다.

표 2 양자화 레벨수에 따른 주관적 화질 비교 평가 결과(B/A)

영상 \ 레벨	32	64
girl	4.8	4.5
lena	5.0	4.8
tiffany	4.3	5.2
pepper	4.2	4.8

## V. 결론

제안 방법은 공간 마스킹 효과를 적용하여 가중치를 구해 결합한 고유벡터를 이용한 이진트리 벡터양자화를 제안한다. 제안 알고리즘은 영상의 명암이 심하게 변하는 곳이나 그 부근에서 발생하는 양자화 오차는 인간의 시각에 잘 띠지 않는 성질을 이용하여 고유벡터를 이용한 이진트리 벡터양자화의 분할 과정에 가중치를 적용한다.

제안방법을 영상에 적용하였을 때 색상이 더 선명한 양자화 영상을 얻을 수 있었으며 유사색상의 영역분할에서 더 좋은 성능을 보여주었다. 또한 주관적 화질평가의 결과 기존의 방법에 비해 영상을 화질이 개선되었음을 알 수 있었으며 인간의 시각 시스템이 고려된 PSNR 성능에서도 제안한 방법이 기존 방법보다 1.6~3.2dB 정도 더 좋은 성능을 보여 주었다.

## 참고문헌

- [1] N.M. Nasrbadi and R.A. King, "Image coding using vector quantization: A Review," *IEEE Transaction on Communication*, Vol. 36, No. 8, pp. 604-619, 1988.
- [2] Y. Linde, A. Buzo, and R.M. Gray, "An algorithm for vector quantizer design," *IEEE Transaction on Communication*, Vol. 28, No. 1, pp. 84-95, 1980.
- [3] C. K. Ma and C. K. Chan, "Maximum descent method for image vector quantization," *Electronic Letters*, Vol. 27, pp. 1772-1773, 1991
- [4] C. K. Chan and C. K. Ma, "A fast method of designing better codebooks for image vector quantization," *IEEE Transactions on Communication*, Vol. 42, No. 2/3/4, pp. 237-242, 1994.
- [5] M.T. Orchard and C.A. Bouman, "Color Quantization of Images," *IEEE Transaction on signal processing*, Vol. 39, No. 12, pp. 2677-2690, 1991.
- [6] M. D. Fairchild, *Color Appearance Models*, Addison-Wesley Longman Inc., 1998.
- [7] CCIR, "Methods of the subjective assessment of the quality of television pictures," 13th Plenary Assembly, Rec. 500, vol.11, pp.6-68, 1974.
- [8] Recommendation ITU-R BT. 500-6, "Methodology for the Subjective Assessment of the Quality of Television Pictures," ITU-R 1974-1994.