

리커트 퍼지 척도에 대한 가설 검정

Testing Hypotheses for Likert Fuzzy Scale

강만기 *, 이창은 **, 최 규탁***

* 동의대학교 자연과학대학 정보통계학과 교수
(mkkang@deu.ac.kr 051-890-1482)

** 동의대학교 자연과학대학 정보통계학과 강사

*** 경남정보대학 산업시스템경영학과

요약

질적인 속성을 양적인 계열로 전환하여 측정하는 방법으로서 설문 의 최소 문항으로서 최대의 효과를 나타내기 위하여 한 항목을 k번 측정하여 평균과 95% 신뢰구간을 퍼지수로 한 데이터들을 리커트 척도로 활용하여 내분비방법에 의하여 검정을 하였다.

key words : 리커트 척도, 질적인 속성, 신뢰구간, 퍼지가설, 내분비방법

1. 서론

질적인 속성을 양적인 계열로 전환하여 측정할 수 있는 도구를 개발하는 과정에서 서스톤, 리커트, 어의분별 및 커트만 척도등을 많이 활용한다. 이 척도들 중 리커트 척도에 대해 알고, 퍼지화된 리커트 척도의 자료를 분석하는 방법에 대해 제안한다.

리커트 척도란 대표적인 응답자 중심의 척도화 방법으로 서열척도이며 질문은 사실에 대한 판단보다는 개인의 가치를 묻는 것을 중심으로 여러 개의 문항으로 응답자의 태도를 측정하고 해당 항목에 대한 측정치를 합산하여 평가 대상자의 태도점수를 얻어내는 척도이다.

사회과학이나 여론조사에서 가장 많이 사용하는 척도로서 성격, 태도, 적성 및 흥미검사에서 자주 사용된다.

리커트 척도의 구성절차로써는 첫 번째로 조사자가 연구하고 싶은 어떤 문제에 관한 긍정적(호의적) 문항 및 부정적(비호의적)문항들을 선정하

고, 두 번째로 반응 카테고리(응답범주)를 작성(보통 5개 정도)한다. 세 번째로 많은 응답자에게 각 문항에 자기의 의견에 부합되는 카테고리에 체크하게 하여 각 문항에 대한 응답을 받아낸다. 네 번째로 각 문항에 대한 응답자의 반응을 점수로 환산(보통의 5점 척도일 경우 가장 우호적인 답을 5점 가장 비우호적인 답을 1점으로)한다. 다섯 번째로 문항간의 내적 일관성 및 상관성을 알아보고 식별능력이 있는 문항만을 선택한다. 마지막으로 척도로써 타당한 항목을 가지고 다시 응답자의 총점을 구하면 그것이 응답자의 태도 측정치이다.

이 리커트 척도는 척도구성이 간단하고 편리하며 한 항목에 대한 응답의 범위에 따라 측정의 정밀성을 확보할 수 있다는 장점을 가지는 반면에 척도 구성에 있어서 극단값을 기초로 하기 때문에 중간정도의 온건한 답에 민감하지 않을 수 있고 서열척도라는 한계로써 총점의 뜻하는 바가 개념적으로 분명치 못하다. 즉, 점수의 단순한 합계에는 각 항목이 표현한 응답자의 태도의 강도가 묻혀버린다. 이러한 단점을 보완하기 위해 우

리는 각 항목에 대한 응답자들의 태도의 강도가 응답자들마다 다른데도 불과하고 같은 값을 가질 수 있고 또한 어떤 목적 변인을 설명하기 위해 여러 질문을 통합하여 분석하는데 이 작업과정에서 각 질문에 포함되어 있는 특성이 목적 변인을 설명하는데 있어 버려 지는 경향이 있다. 우리는 이러한 특성을 살리고 응답자 개개인의 응답을 될 수 있으면 모두 취하는 방법으로 질문을 목적을 정보의 손실을 최소화 시키면서 변인 값으로 변화시키는 과정에서 각 응답자별로 질적인 속성을 양적인 계열로 전환하여 측정하는 방법으로서 설문문의 최소 문항으로서 최대의 효과를 나타내기 위하여 한 항목을 k번 측정하여 평균과 95% 신뢰구간을 퍼지수로 한 데이터들을 리커트 척도로 활용하여 내분비방법에 의하여 검정을 하였다.

2. 퍼지확률 통계량

1) 퍼지 수의 연산법

우리가 일상적으로 사용하는 실수, 양수, 음수라는 용어가 crisp집합 관점에서 정의되는 보통 집합이다. 이러한 개념에 0에서 1사이의 δ -level의 한 차원 확장을 거쳐 퍼지수를 정의한다.

정의 2.1. 전체집합 E상의 퍼지집합 A에 대하여 $\forall x \in E$ 일 때, 퍼지집합 A의 퍼지멤버쉽함수(fuzzy membership function)는 $\mu_A(x) \in (0, 1]$ 이다.

여기서, 퍼지집합 $A \subset R$ 에 대하여 $A_\delta = [a_1^{(\delta)}, a_2^{(\delta)}]$ 이 $\delta \in [0, 1]$ 에서의 δ -수준집합(δ level set)일 때,

$$A_\delta = \{x | \mu_A(x) \geq \delta\}, \quad \delta \in [0, 1]$$

를 만족하면, 퍼지집합 A는 볼록퍼지집합(convex fuzzy set)이 된다.

또 멤버쉽함수의 최대값이 1이 되는 원소 x가 존재하는 퍼지집합 즉,

$$\bigvee_n \mu_A(x) = 1$$

이 되면 퍼지집합 A는 정규퍼지집합(normal fuzzy set)이 된다.

퍼지가설검정을 위한 몇가지 확률통계량을 정의한다.

2) 퍼지 통계량

퍼지표본평균과 퍼지표본분산의 퍼지 기술 통계량은 다음과 같은 방법으로 구한다.

퍼지표본 $\tilde{x} = (\tilde{x}_1, \tilde{x}_2, \dots, \tilde{x}_n)$ 으로 두면 퍼지평균 $\bar{\tilde{x}}$, 퍼지분산 \tilde{s}^2 , 퍼지표준편차 \tilde{s} 등은 일반통계와 유사한 방법으로 나타내며, 이러한 모든 값들은 일반통계에서는 다루지 않은 오차가 포함된 구간자료의 연산에 사용될 수 있다.

정의 2.2. 퍼지수 $\tilde{x}_1, \tilde{x}_2, \dots, \tilde{x}_n \subset R$ 가 각각 δ -level set $\tilde{x}_{i\delta} = [C_L(\tilde{x}_i)_\delta, C_R(\tilde{x}_i)_\delta]$ 을 가질 때,

퍼지표본평균은

$$\bar{\tilde{x}}_\delta = \left[\frac{1}{n} \sum_{i=1}^n C_L(\tilde{x}_i)_\delta, \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n C_R(\tilde{x}_i)_\delta \right] \quad (2-1)$$

와 같이 얻을 수 있고,

퍼지표본분산과 퍼지표본표준편차 또한 유사한 방법으로 얻을 수 있다

$$\tilde{S}_\delta^2 = [C_L(g(\tilde{x}_i)_\delta), C_R(g(\tilde{x}_i)_\delta)], \quad (2-2)$$

$$\tilde{S}_\delta = [C_L(\sqrt{g(\tilde{x}_i)_\delta}), C_R(\sqrt{g(\tilde{x}_i)_\delta})]. \quad (2-3)$$

여기서

$$g(\tilde{x}_i)_\delta = g(\tilde{x}_1, \tilde{x}_2, \dots, \tilde{x}_n) = \frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^n (\tilde{x}_i \ominus \bar{\tilde{x}})^2$$

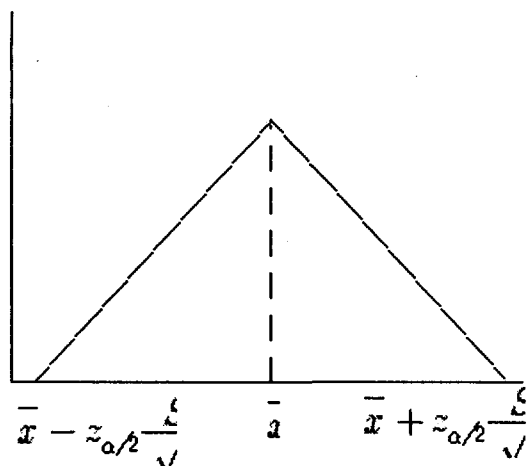
이다.

이와 같은 퍼지통계량들을 이용하여 퍼지가설 검정시 검정역과 신뢰구간을 구할 수 있다.

3. 퍼지 리커트 척도의 구성

일반적으로 5점 리커트 척도는 설문지의 한 질문에 대해 가장 우호적인 답을 5점에서부터 가장 비우호적인 답에 대해 1점까지 부여한다. 이러한 문항들 중 어떤 하나의 가치 척도를 파악하기 위해 하나의 문항보다는 신뢰도 검정을 통해 비슷한 여러 개의 문항에 대해 평균이나 합을 가지고 하나의 가치를 판단하게 되는데 우리는 이러한 경우 한 사람이 어떤 가치에 대해 판단하는 것이

절대적일 수 없을 것이라는데 착안하여 각 사람들의 어떤 가치에 대해 한 문항을 k번 측정한 평균값과 95%신뢰구간을 level 0에서의 한 구간으로 보고 또한 삼각 퍼지수라 가정할 때 한 응답자에 대한 처지수는 다음 그림과 같으며,



[그림 1]

각 개개인의 n개 항목 중 i번째 항목과 j번째 설문자에 대한 처지수의 멤버쉽함수는 다음과 같다.

$$\mu_{\bar{X}_i}(x_{ij}) = \begin{cases} \frac{x_{ij} - \bar{x}_i}{z_{\alpha/2} \frac{s}{\sqrt{n}}} + 1, & (\bar{x}_i - z_{\alpha/2} \frac{s}{\sqrt{n}}, \bar{x}_i) \\ 1 + \frac{\bar{x}_i - x_{ij}}{z_{\alpha/2} \frac{s}{\sqrt{n}}}, & (\bar{x}_i, \bar{x}_i + z_{\alpha/2} \frac{s}{\sqrt{n}}) \end{cases}$$

$i=1, \dots, n, j=1, \dots, m,$
(3.1).

리커트 척도의 경우 응답자 개개인의 우호정도를 평균에 의해 표현하게 되는데 이 정도가 응답자 개개인에 따라 다르나 응답자 개개인의 우호성의 표현 범위는 모두 같게 된다. 그러나 위의 식과 같이 각 응답자의 신뢰구간을 구간으로 주는 퍼지 점수화를 하게 되면 같은 평균을 가지는 응답자라도 수준별 차이를 가지게 되므로 보다 정확한 응답자의 우호성 정도를 파악 할 수 있다.

그래서 그 응답이 매우 비우호적이라 하더라도 응답자 별로 수준의 차이가 있을 것이라 보고

보다 비우호적이면서 응답에 매우 비우호적으로 답할 경우에 대해서도 수준별 기대치를 주는 형식으로 점수를 위의 식과 같이 퍼지멤버쉽으로 하였다.

퍼지 수 \bar{X}_i 의 δ -level 집합은 $\delta \in (0, 1]$ 에서 다음과 같다.

$$[\bar{X}_i]^\delta = [[\bar{x}_i - z_{\alpha/2} \frac{s}{\sqrt{n}}]^\delta, [\bar{x}_i + z_{\alpha/2} \frac{s}{\sqrt{n}}]^\delta] \quad (3.2)$$

$i=1, \dots, n$
로 된다.

4. 예제

2004년 모 간호학과의 학위논문 발표에서 보호자의 부담감에 대한 설문 자료로 리커트 척도(5점)대한 55명의 남성에 대한 자료와 117명의 여성에 대한 자료를 얻었다. 과연 남성(M)과 여성(F)의 보호자 부담감에 대한 차이가 존재하는가에 대해 퍼지 자료화하여 양측검정으로 분석한 결과 다음과 같다.

한 항목에서 퍼지화된 자료의 평균은 $\delta \in (0, 1]$ 에서

$$\bar{M} = (2.623 + 0.219\delta, 3.061 - 0.219\delta) \quad (4.1)$$

$$\bar{F} = (2.810 + 0.225\delta, 3.260 - 0.225\delta) \quad (4.2)$$

남, 여의 분산은 $\delta \in (0, 1]$ 에서

$$\widehat{s}_M^2 = (0.199\delta^2 - 0.006\delta + 0.138, 0.199\delta^2 - 0.515\delta + 0.647) \quad (4.3)$$

$$\widehat{s}_F^2 = (0.209\delta^2 - 0.047\delta + 0.101, 0.209\delta^2 - 0.592\delta + 0.646) \quad (4.4)$$

로 나타났다.

그러므로 남성의 평균에 대한 95% 신뢰구간은

$\delta \in (0, 1]$ 에서

$$\begin{cases} \delta=0 & [2.525, 3.273] \\ \delta=0.5 & [2.619, 3.126] \\ \delta=1 & [2.690, 2.994] \end{cases} \quad (4.5)$$

을 가진다.

퍼지 자료의 검정법은 여러 가지가 있으나 내분비의 검정법을 다음과 같이 정의한다.

정의 4.1. 퍼지 가설 H_f 를 검정하기 위해 퍼지 가설멤버쉽함수 $\mu_H(\phi)$ 와 퍼지 자료에 의해 구해진 퍼지 신뢰구간 $\tilde{Y}(\delta, \phi)$ 에 대하여 δ -level set이 존재하고 퍼지수 A 의 δ -level set에 대한 길이를

$$L(A)_\delta = A_R^{(\delta)} - A_L^{(\delta)} \quad (4.6)$$

정의하면, 아래와 같이 $R_{\alpha, \delta}$ 의 함수를 모든 level δ 에서 귀무가설의 채택정도를

$$R_{\alpha, \delta}(0) = \begin{cases} \frac{L(\mu_H(\phi) \cap I(\alpha, \phi))_\delta}{L(\mu_H(\phi))_\delta} & \phi | r_\alpha(\phi) = 0 \neq \emptyset \\ 0 & \phi | r_\alpha(\phi) = 0 = \emptyset \end{cases}$$

로 두며, 기각 정도는

$$R_{\alpha, \delta}(1) = 1 - R_{\alpha, \delta}(0) \quad (4.7)$$

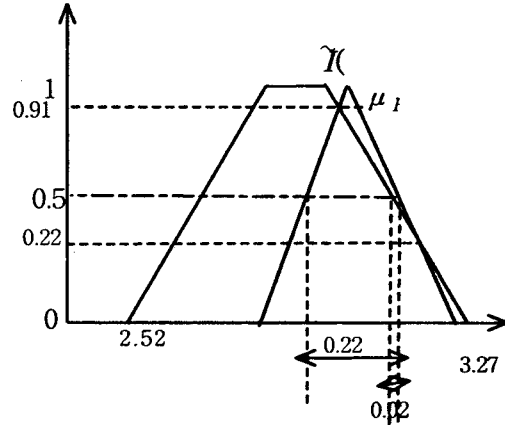
이다.

내분비를 이용한 가설검정을 실시하면 식 (4.7)에 의해 δ -level 이 0.5인 경우는

$$R_{\alpha, 0.5}(0) = \frac{0.225 - 0.022}{0.225} = 0.902$$

이 구해진다

그러므로 $\delta=0.5$ 에서 가설을 채택할 정도는 0.902이고 $\delta \leq 0.226$ 일 경우는 가설의 채택정도가 1이 되고 $\delta > 0.226$ 일 경우는 가설의 채택정도가 0이 된다.



[그림 2]

References

- [1] S. Fruhwirth-Schnatter, On statistical inference for fuzzy data with application to descriptive statistics, Fuzzy Sets and Systems 50(1992), 143-165
- [2] P. X. Gizegorzewski, Testing Hypotheses with vague data, Fuzzy Sets and Systems. 112 (2000), pp.501-510
- [3] M. K. Kang, J. R. Choi and E. S. Bae, Some properties of fuzzy sample correlation coefficient with fuzzy data, Far East J. Theo. Stat. 4(1)(2000), 165-177.
- [4] M. K. Kang, G. T. Choi and C. E. Lee, On Statistical for Fuzzy Hypotheses with Fuzzy Data, Proceeding of Korea Fuzzy Logic and Intelligent System Society Fall Conference, Vol. 10, Num. 2, (2000)
- [5] C. E. Lee, M. K. Kang and G. T. Choi and, Testing of Fuzzy Likert Scale, Proceeding of Korea Fuzzy Logic and Intelligent Systems Society Fall Conference, Vol 14, Num. 2, (2004)
- [6] F. Li, C. Wu, J. Qiu and L. Su, Platform type fuzzy number a separability of fuzzy number space, Fuzzy Sets and systems 117(2000), 347-353.
- [7] D. Pill and K. Peter, Metric Space of Fuzzy Sets, World Scientific, Singapore, 1994.
- [8] N. Watanabe, T. Imaizumi, A Fuzzy Statistical Test of Fuzzy Hypotheses, Sets and system 53 (1993), pp.167-178.