

가공배전선로에 가해지는 풍압에 의한 굽힘모멘트 계산식 개선방안 연구

왕윤찬, 조시형, 김상규, 박중신*
한국전력공사, *위덕대학교

A Study on Formulas for Bending Moment of Supporters in the Overhead Distribution Lines by Winds

Yoon-Chan Wong, Si-Hyung Cho, Sang-Kyu Kim, Jung-Shin Park*
Korea Electric Power Corporation, *Uiduk University

Abstract - 가공배전선로는 태풍 내습시 전주 및 전선에 작용하는 풍압에 대하여 견딜 수 있도록 설계되어져야 한다. 따라서 본 연구에서는 가공배전선로의 설계시 사용되는 전주에 가해지는 풍압에 의한 굽힘모멘트 및 굴곡개소의 합성모멘트 계산식을 유도하였다. 새로운 계산식을 이용하여 설계자들이 가공배전선로의 지지물 및 지선강도를 검토할 수 있게 됨으로써 태풍과 같은 재해시에도 안전한 설비를 시설할 수 있게 되었다.

1. 서 론

가공배전선로는 태풍 내습시 전주 및 전선에 작용하는 풍압에 대하여 견딜 수 있도록 설계되어져야 한다. 가공배전선로의 설계시 직선선로의 지지물은 전주 및 전선 등에 가해지는 풍압에 의한 굽힘모멘트를 고려하여야 하며, 각도주 및 인류주의 경우에는 전선에 가해지는 풍압에 의한 불평형장력을 고려하여야 한다. 그러나 현재 일반적으로 사용되는 이들 계산식의 적용상에 문제점들이 있다. 따라서 본 연구에서는 이들 기존 계산식의 문제점을 분석하고 현장에서 적용 가능한 계산식을 개발함으로써 설계의 편의성과 정확성을 향상시키고 가공배전선로의 안전을 확보하여 양질의 전력공급에 기여하고자 한다.

2. 전주에 가해지는 풍압에 의한 굽힘모멘트

2.1 전주의 굽힘모멘트 기준 계산식

전주전체에 가해지는 풍압에 의한 굽힘모멘트(Bending Moment)는 다음과 같은 계산식을 일반적으로 사용하고 있다.

$$M_p = W_p \left(\frac{D_0 H^2}{200} - \frac{K \cdot H^3}{3} \right) \quad (식 1)$$

$$= W_p H^2 \times \frac{D_0 + 2d}{600} [\text{kg} \cdot \text{m}] \quad (식 2)$$

단, M_p : 원형주체에 가해지는 풍압에 의한 Bending Moment [$\text{kg} \cdot \text{m}$]

W_p : 원형주체의 단위면적당 풍압하중 [kg/m^2]

D_0 : 전주 지표면상의 직경 [cm]

d : 전주의 말구직경 [cm]

H : 전주의 지표상 높이

K : 전주의 직경 증강률 [%]

목주의 경우 : 통상 $K = \frac{9}{1,000}$, concrete 주의 경우 : $K = \frac{1}{75}$

2.2 전주의 굽힘모멘트 기준 계산식 문제점 분석

전주에 가해지는 풍압에 의한 굽힘모멘트 계산식의 적용상 문제점은 다음과 같다.

우선 전주의 지표면상의 직경 D_0 를 계산식에 적용하고 있다는 것이다. 계산식에 지표면상의 직경을 대입하기 위해서는 설계자가 계산시마다 지표면상의 직경을 별도로 계산하여야 하는 불편이 있다.

그리고 전주의 끝지름(말구직경) d 와 지표면상의 직경 D_0 의 단위가 [cm]이라는 것이다. 전주의 직경은 통상 [mm]로 표시하고 있는데 기존 계산식에서는 [cm]로 되어 있어 적용시 착오 적용할 가능성이 높다.

그러므로 계산의 편의성을 향상시키고 계산시 착오 적용 가능성이 없도록 식을 명확하게 개선할 필요가 있다.

2.3 전주의 굽힘모멘트 계산식 개선방안 연구

<그림 1>에서 지표면상의 직경 D_0 [mm]이고 전주의 직경증가율이 K (목주:9/1000, 콘크리트전주:1/75)인 전주의 지표면으로부터 x [m]지점에 미소폭 Δx [m]를 취하면 그 점의 지름 Dx [mm]는

$$Dx = D_0 - 1000Kx$$

이므로, W_p [kg/m²]의 풍압이 미소단면 $Dx\Delta x$ 에 가해질 때의 풍압[kg]은

$$W_p \frac{Dx}{1000} \Delta x = W_p \left(\frac{D_0 - 1000Kx}{1000} \right) \Delta x$$

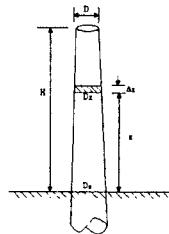
이다. 따라서 $Dx\Delta x$ 단면에 받는 풍압에 의해 지면에 생기는 굽힘모멘트 [$\text{kg} \cdot \text{m}$]는

$W_p \left(\frac{D_0 - 1000Kx}{1000} \right) x \Delta x$
이므로 길이가 H [m]인 전주 전체에 가해지는 풍압에 의한 굽힘모멘트 M_p [kg · m]는

$$M_p = \int_0^H W_p \left(\frac{D_0 - 1000Kx}{1000} \right) x dx$$

$$= \frac{W_p}{1000} \left(\frac{D_0 H^2}{2} - \frac{1000 K H^3}{3} \right) \quad (\text{식 3})$$

이다.



〈그림 1〉 전주 전체에 가해지는 굽힘모멘트

여기서 전주의 끝지름이 D [mm]인 경우 지표면상의 직경 D_0 [mm]는

$$D_0 = D + 1000KH \quad (식 3)$$

이므로, 이를 M_p 에 다시 적용하면

$$M_p = \frac{W_p}{1000} \left(\frac{(D + 1000KH)H^2}{2} - \frac{1000KH^3}{3} \right)$$

이다. 상기 식을 정리하면 다음과 같은 식을 얻을 수 있다.

$$M_p = W_p H^2 \left(\frac{D}{2000} + \frac{KH}{6} \right) \quad (식 4)$$

요즘은 목주를 사용하지 않으므로 상기 식의 K 에 콘크리트전주의 직경증가율 1/75를 대입하고, D 에 190[mm]를 대입하여 정리하면 다음과 같이 콘크리트전주에 작용하는 굽힘모멘트를 구하는 간단한 식이 된다.

$$M_p = W_p H^2 \left(0.95 + \frac{H}{45} \right) \quad (식 5)$$

단, M_p : 콘크리트전주에 가해지는 풍압에 의한 굽힘모멘트 [$\text{kg} \cdot \text{m}$]

W_p : 전주에 가해지는 단위면적당 풍압하중 [kg/m^2]

H : 콘크리트전주의 지표상 높이 [m]

3. 굴곡개소의 합성모멘트

3.1 굴곡개소의 합성모멘트 기준 계산식

굴곡개소에 있어서 전선의 합성불평형장력에 의한 굽힘모멘트(Bending Moment) M_s 는 일반적으로 아래와 같이 계산하고 있다.

$$M_s = \sum (T_i h_i) [\text{kg} \cdot \text{m}] \quad (식 6)$$

$$T_1 = \sqrt{T_A^2 + T_B^2 - 2T_A T_B \cos\phi} \quad (식 7)$$

$$= T_B \sqrt{1 + v^2 - 2v \cos\phi} [\text{kg}] \quad (식 8)$$

$$a_1 = \sin^{-1} \left[\frac{T_B}{T_1} \sin\phi \right] = \sin^{-1} \left[\frac{\sin\phi}{(T_1/T_B)} \right] \quad (식 9)$$

특히 $T_A = T_B = T$ 일 때는

$$T_1 = 2T \sin \frac{\phi}{2} [\text{kg}] \quad (식 10)$$

$$a_1 = 90^\circ - \frac{\phi}{2} \quad (식 11)$$

단, T_1 : 전선 1조의 합성불평형최대장력 [kg]

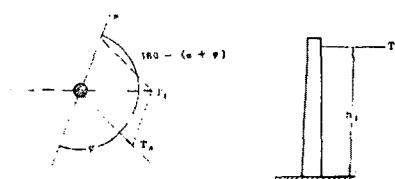
T_A, T_B : 전선취부점의 양측에서 1조의 최대장력 [kg]

$$v = \frac{T_A}{T_B}, \quad T_B \geq T_A, \quad 1 \geq v \geq 0$$

ϕ : 선로의 수평각도

h_1 : 전선설치점의 지표상 높이 [m]

α_1 : T_1 과 T_A 와의 수평각도



〈그림 2〉 기준 기준의 굽곡개소의 합성모멘트 계산식 부도

3.2 굽곡개소의 합성모멘트 기준 계산식 문제점 분석

기준의 굽곡개소 굽힘모멘트 계산식의 문제점은 다음과 같다.

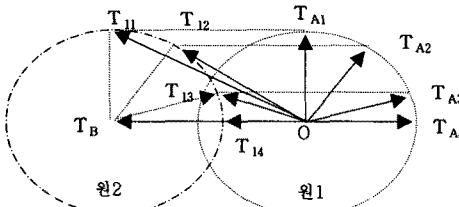
3.2.1 합성 굽힘모멘트 산출 순서 오류

기준 계산식에서는 전선 1조의 합성불평형장력인 T_1 을 구한 후, T_1 에 전선 설치점의 지표상 높이 h_1 과 전선 조수를 곱한다는 것이다.

하지만 수평각도 30°이상 각도주 및 분기주의 경우 각 방향의 전선의 지표상 높이가 같지 않으며, 3상 선로에서 1상이 분기되는 경우에는 조수가 다르다. 그러므로 전선 1조의 합성불평형장력을 계산 후에 전선의 지표상 높이와 전선조수를 고려하는 것은 계산 순서가 잘못된 것이다.

3.2.2 수평각도 계산식 오류

T_1 과 T_A 의 수평각도 α_1 을 구하는 (식 9)에서는 각도를 구하는 함수로 \sin^{-1} 을 사용하였다. 그런데 전자계산기나 컴퓨터를 이용하여 \sin^{-1} 을 계산한 결과는 항상 0°~90°이다.



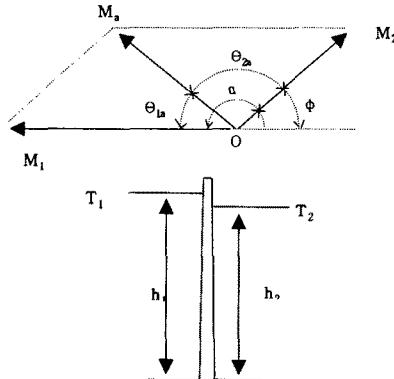
〈그림 3〉 ϕ 의 변화에 따른 α_1 의 각도 변화

상기의 그림은 ϕ 의 변화에 따른 α_1 의 각도 변화를 보여주고 있다. T_B 가 T_A 보다 크다고 가정하였을 때, T_A 의 위치가 T_{A1} 에서 T_{A4} 로 「원1」의 주위에서 변화하면 합성불평형장력은 반드시 장력이 큰 T_B 의 끝점을 중심으로 하는 「원2」의 주위에서 T_{11} 에서 T_{14} 와 같이 변화하며, 합성장력 T_1 이 원2의 접선이 되는 때인 T_{A2} 부터 T_{A4} 구간에서 $T_{12} \sim T_{14}$ 와 $T_{A2} \sim T_{A4}$ 사이의 각 α_1 은 90°를 초과한다.

따라서 (식 9)의 수평각도 α_1 계산식으로는 수평각도 90°가 초과되는 T_{A2} 부터 T_{A4} 구간에서 실제와 다른 각도를 산출하므로 적용이 불가능하다.

3.3 굽곡개소의 합성모멘트 계산식 개선방안 연구

3.3.1 합성 굽힘모멘트의 크기



〈그림 4〉 굽곡개소의 합성 굽힘모멘트 부도

각도주의 합성 굽힘모멘트 M_a 의 크기도 각 방향 전선이 전주에 미치는 굽힘모멘트의 벡터합의 크기를 산출하여야 한다. 따라서 상기의 그림에서 M_a 는 다음과 같이 계산되어야 한다.

$$M_a = \sqrt{M_1^2 + M_2^2 - 2M_1M_2\cos\phi} \quad [\text{kg} \cdot \text{m}] \quad (\text{식 } 12)$$

$$= \sqrt{M_1^2 + M_2^2 + 2M_1M_2\cos\alpha} \quad [\text{kg} \cdot \text{m}] \quad (\text{식 } 13)$$

단, M_1, M_2 : 전선 설치점 양측의 전선에 의한 굽힘모멘트 $[\text{kg} \cdot \text{m}]$

$$M_1 = \sum T_1 h_1 = T_1 N_1 h_1 \quad [\text{kg} \cdot \text{m}] \quad (\text{식 } 14)$$

$$M_2 = \sum T_2 h_2 = T_2 N_2 h_2 \quad [\text{kg} \cdot \text{m}] \quad (\text{식 } 15)$$

T_1, T_2 : 전선 설치점 양측의 전선 1조의 상정최대장력 $[\text{kg}]$

h_1, h_2 : 양측 전선 설치점의 지표상 높이 $[\text{m}]$

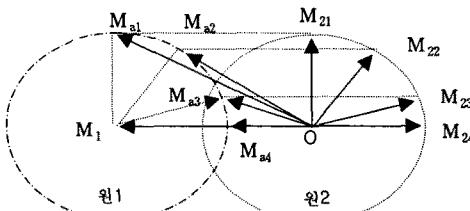
N_1, N_2 : 양측 전선의 조수

ϕ : 전선로의 수평각도 $[^\circ] = 180^\circ - \alpha$

α : 양측 전선 사이의 수평각도 $[^\circ] = 180^\circ - \phi$

3.3.2 합성 굽힘모멘트의 방향

아래 그림에서와 같이 M_1 이 M_2 보다 크고, M_2 가 $M_{21} \sim M_{24}$ 로 원2의 주위에서 변화할 때 합성 굽힘모멘트 M_a 는 반드시 원1의 원주위에서 $M_{a1} \sim M_{a4}$ 와 같이 변화한다. 이 때 <그림 4>의 θ_{2a} 는 $M_{22} \sim M_{24}$ 구간에서 90°를 초과하지만, θ_{1a} 는 M_{22} 일 때 최대 값인 90°를 나타내며 절대로 90°를 초과하지 않는다.



〈그림 5〉 합성굽힘 모멘트의 방향

따라서 합성 굽힘모멘트의 M_a 의 방향을 구하기 위해서는 각 전선 방향의 굽힘모멘트를 비교하여 굽힘모멘트가 큰 전선의 방향과 합성 굽힘모멘트간의 M_a 간의 수평각도를 아래와 같이 구하여야 한다.

$M_1 \geq M_2$ 인 경우 θ_{1a}, θ_{2a} 는

$$\theta_{1a} = \sin^{-1}\left[\frac{M_2}{M_a} \sin\phi\right] = \sin^{-1}\left[\frac{M_2}{M_a} \sin(180^\circ - \alpha)\right] \quad (\text{식 } 16)$$

$$\theta_{2a} = 180^\circ - \phi - \theta_{1a} = \alpha - \theta_{1a} \quad (\text{식 } 17)$$

$M_1 < M_2$ 인 경우 θ_{1a}, θ_{2a} 는

$$\theta_{2a} = \sin^{-1}\left[\frac{M_1}{M_a} \sin\phi\right] = \sin^{-1}\left[\frac{M_1}{M_a} \sin(180^\circ - \alpha)\right] \quad (\text{식 } 18)$$

$$\theta_{1a} = 180^\circ - \phi - \theta_{2a} = \alpha - \theta_{2a} \quad (\text{식 } 19)$$

단, θ_{1a}, θ_{2a} : M_1 과 M_a , M_2 와 M_a 사이의 수평각도 $[\circ]$

3.3.3 각도주 양측의 굽힘모멘트가 같은 경우의 크기 및 방향

각도주 양측의 굽힘모멘트가 다음과 같은 경우 (식 10)의 T_1 대신에 M_w 을 대입하여 계산식을 다음과 같이 변경할 수 있다.

$M_1 = M_2 = M_w$ 인 경우

$$M_a = 2M_w \sin\frac{\phi}{2} \quad [\text{kg} \cdot \text{m}] \quad (\text{식 } 20)$$

$$\theta_{1a} = \theta_{2a} = 90^\circ - \frac{\phi}{2} \quad [\text{kg} \cdot \text{m}] \quad (\text{식 } 21)$$

단, M_w : 전선 상정최대장력에 의한 굽힘모멘트 $[\text{kg} \cdot \text{m}]$

$$M_w = \sum T_w h_w = T_w N_h w \quad (\text{식 } 22)$$

T_w : 전선 1조의 상정최대장력 $[\text{kg}]$

N : 전선 조수

h_w : 전선 지지점의 지표상 높이 $[\text{m}]$

4. 결 론

본 연구에서는 가공배전선로의 설계시 사용되는 전주에 가해지는 풍압에 의한 굽힘모멘트 계산식과 굽곡개소의 합성모멘트 계산식의 문제점을 분석하고 현장에서 쉽게 적용 가능한 새로운 계산식을 유도하였다.

본 연구에서 개발한 계산식을 이용하여 설계자들이 가공배전선로의 지지물 강도 및 지선 강도를 검토하고 설계를 시행함으로써 태풍과 같은 재해 시에도 안전한 설계를 시설하여 설비피해 및 전기고장을 예방함으로써 고품질의 전력을 공급할 수 있게 되었다.

【참 고 문 헌】

[1] 대한전기협회, “배전규정”, 1998

[2] 한국전력공사 경영정보처 기술준팀, “설계기준(배전분야)”, 2003

[3] 한만춘, 김준현, “배전공학”, 일조각, 1974