

## 대 전력 전자빔 가속용 밀리파 펄스 연구

김원섭, 김종만, 김영민  
남도대학 컴퓨터응용전기과

### A Study of Mill-wave Pulse Accelerating For High Power Electron Beam

Won-Sop KIM, Jeong-Man KIM, Yeong-Min KIM  
Jeonnam Provincial College Dept. of Electricity Applied Computer

**Abstract** - We have studied the backward wave oscillator, a power pulsed generator oscillator at 20 GHz has higher frequency than current one. An absolute instability linear analysis was used for the purpose of designing the slow wave structure. A large diameter of the slow wave structure was adopted to prevent the breakdown brought about by the increase of power density.

#### 1. 서 론

자계 밀폐방식에 의한 핵융합·플라즈마 장치에서 RF 가열 또는 전류 구동을 위하여 수 10MW급의 고 출력 마이크로파원이 필요하다[1]. IREB(Intense Relativistic Electron Beam)를 이용한 고 출력 마이크로파 발진기는 최근 폭넓게 연구되고 있다. 그중에서도 러시아의 THOMSK 공학연구소에서 Bugaev등에 의하여 연구 개발된 다중파동 체렌코프 발진기(Multiwave Cherenkov Generator; MWCG)는 발진 파장  $\lambda$ 보다 큰 직경  $D(D/\lambda=3-13)$ 를 갖는 지파 구조를 이용하여 기록적인 출력을 발생시켰다. 이와 같은  $D/\lambda$ 의 경우 대구경 SWS (Slow Wave Structure)라고 하는데[1], 이것은 RF 절연 파괴가 일어나지 않는 범위의 고 에너지 밀도에서 큰 마이크로파 출력을 얻을 수 있다.

20여년전에 고 출력 미리파원으로서 개발된 사이로트롱은 전자 사이로트롱 메이저를 이용하는데[2,3], MWCG에서는 사이로트롱보다 강한 자장이 필요없고 구조가 간단하므로 보다 편리하게 이용할 수 있는 장점이 있다. 한편, 사이로트롱에서의 평균 출력의 한계는 약 1MW인데, 이때 이용하는 미리파 에너지원은 열 음극을 이용한 마그네트롱 입사총(MIG)에 의해 만들어진 전자빔이 자체에 대하여 수직인 성분에 의하여 만들어 진다. MWCG에서는 MIG보다 구조가 간단한 냉 음극을 이용하여 수평 성분이 수직 성분보다 큰 전자빔을 이용하므로 사이로트롱보다 큰 마이크로파 출력을 얻을 수 있다. 대구경 후진파 발진기는 지파 구조를 이용하는 점에서 MWCG와 밀접한 관련이 있는데, MWCG에서는 지파 구조가 2개 나열되어 있어 그 사이에서 회절 현상에 의한 물리적인 현상을 일으키지만, 대구경 SWS에서는 직경을 작게하지 않으면서 밀리파 영역에서 고 출력의 발진이 가능하다.

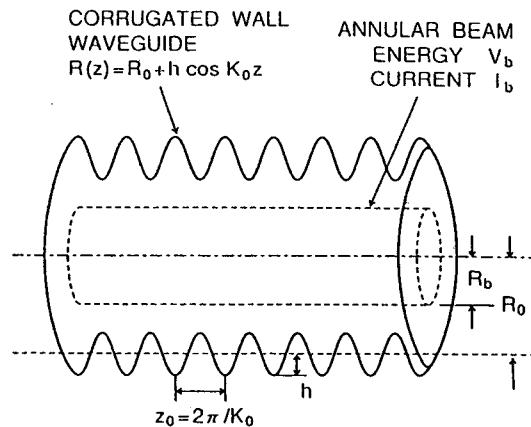
후진파 발진기(Backward Wave Oscillator : BWO)는 기본적으로 TM<sub>01</sub> 모드에 의해 동작하며, SWS의 금속 표면의 내경은  $R(z)=R_0+h\cos K_0 z$ ,  $K_0=2\pi/z_0$  ( $z_0, h$  : 축 방향 주기 및 진폭)와 같이 정현파 곡선으로 변화한다. 또한 보통의 X-band BWO[7-15]에서는 직경과 파장과의 관계가  $D/\lambda \sim 1$ 이지만, 대구경 BWO에서는  $D/\lambda \gg 1$ 이다. 특히 대구경 BWO에서는 발진 주파수를 저하시키지 않기 위하여 작은  $z_0$ 와  $h$ 를 선택하는 것이 중요한데, 이것은 MWCG에서 지파 구조의 설계와 비슷하다[4-6].

지금까지의 BWO 실험에서는 주로  $D/\lambda \sim 1$ 인 X-band BWO에 의해 실험이 진행되어 왔으나, 결과를 보면 아직 통 펄스화 및 대 출력과 높은 주파수에서의 발진등이 미흡한 과제로 되어 있다. 따라서 본 논문에서는 지금까지보다 높은 출력 밀도에서 절연 파괴가 일어나지 않으면서도 고 주파수인 24 GHz에서 발진하는 대 구경 BWO를 설계하여,  $D/\lambda=4.8$ 로 결정하였고, 설계 방법은 절대 불안정성의 선형 해석을 이용하였다.

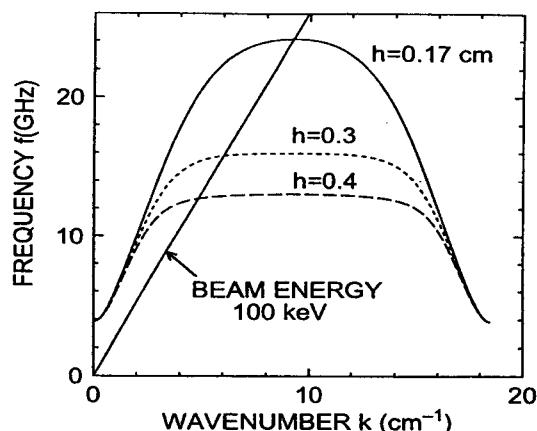
본 논문의 구성은, 제 2장에서는 본론으로 절대 불안정에 대한 계산 모델 및 선형 해석 방법에 대하여 논하였고, 제 3장에서는 결론을 기술하였다.

#### 2. 본 론

그림 1에 설계에 이용한 지파 도파관의 모델을 표현하였다. 완전 도체 금속의 내경은  $R(z)=R_0+h\cos K_0 z$ 으로 변화한다.

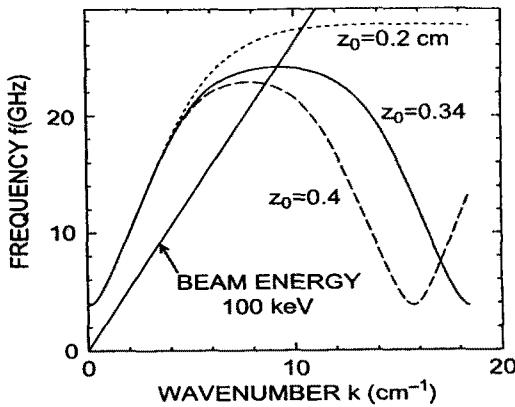


〈그림 1〉 지파 도파관의 기본 모델 및 빔 에너지, 빔의 형태, 도파관 파형의 주기와 진폭

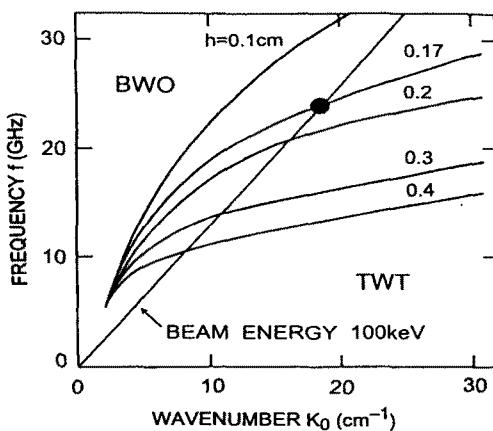


〈그림 2〉  $R_0=3.0\text{cm}$  및  $z_0=0.34\text{cm}$ 일 때  $h=0.17, 0.3, 0.4\text{cm}$ 에 대한 TM01모-드의 분산 관계

축 방향으로 동일 크기의 강한 자장이 주어질 때, 전자는 축 방향으로만 이동하며 여기된 마이크로파의 모-드는 축 대칭인 TM<sub>0s</sub> 모드만 가정한다. 또 마이크로파를 여기하는 전자빔은 무한히 얇은 원통 곡형 빔으로 가정하여 반경  $R_b$ 로 하고, 빔 에너지는  $V_b$ , 전류  $I_b$ , 밀도  $n_b$ 로 한다. 그림 2과 같은 형태의 분산 관계는 다음과 같이 나타낸다.



〈그림 3〉  $R_0=3.0\text{cm}$  및  $h=0.17\text{cm}$ 일때  $z_0=0.2, 0.34, 0.4\text{cm}$ 에 대한 TM01 모드의 분산 관계



〈그림 4〉  $R_0=3.0\text{cm}$ 으로 고정한 후 진폭  $h$ 의 변화에 따른 파수  $K_0$ 와 발진 주파수의 변화

먼저, Floquet의 정리에 의하여 RF 전계는 다음식과 같이 나타낸다.

$$E_z = \sum_{-\infty}^{\infty} E_{zn} \exp[i(k_n z - \omega t)]$$

$$E_r = \sum_{-\infty}^{\infty} E_{rn} \exp[i(k_n z - \omega t)]$$

$r=R_0$ 의 경우, RF 전계 성분  $E_{zn}, E_{rn}$ 을 Maxwell 방정식을 이용하여 해를 구하면 다음과 같다.

$$\begin{aligned} E_{zn} &= A_n J_0\left(\frac{y_n r}{R_0}\right) \\ &= B_n J_0\left(\frac{y_n r}{R_0}\right) + C_n N_0\left(\frac{y_n r}{R_0}\right) \end{aligned}$$

$$E_{rn} = \frac{i k_n}{\omega^2 - k_n^2} \frac{\partial E_{zn}}{\partial r}$$

$$y_n^2 = R_0^2 \left( \frac{\omega^2}{c^2} - k_n^2 \right)$$

또한,  $r=R_0$ 에서 전자 빔의 축방향 운동을 연속 방정식과 운동 방정식을 이용하여 해를 구하면 계수  $B_n, C_n$ 은 다음과 같이  $A_n$ 으로 표시된다.

$r=R(z)$ 에 대하여 금속 표면의 경계 조건에서  $A_n$ 은 다음과 같이 표시된다.

한편,  $A_n=0$ 이 필수 조건이므로 위식의 분산 관계는 다음과 같이

표시된다.

$$D(k, \omega) = \det[D_{mn}] = 0$$

여기서 대구경 SWS의 특이한 성질에 대하여 고찰한다. 빔이 없을 때, 즉 위식에서  $I_b=0, A_n=0, C_n=0$ 에 대하여 생각하면 SWS에서 빔에너지가 0이므로 발진은 일어나지 않고 위 식에서  $\omega$ 와  $k$ 는 실수가 된다.  $R_0$ 을 작게하지 않으며 높은 발진 주파수  $f=\omega/2\pi$ 를 얻기 위하여는

그럼 1에서  $z_0$ 을 작게하지 않으면 않된다. 이때  $K_0$ 은 크게 되어  $y_n^2$ 이 되어  $E_{zn}=A_n I_n(y_n r/R_0)$  및  $y_n^2=-y_n'^2$ 이 된다. 또한 식의 피적분 함수는  $\exp[i(n-m)K_0 z]I_0[y_n'(1+\epsilon \cos K_0 z)]$ 가 되어,  $y_n'$ 가 크게 되면 수정 Vessel의 함수  $I_0$ 은 갑자기 커져서 식에서 Over-flow가 일어난다. 이와 같은 문제를 해결하기 위하여  $I(z)$ 를 다음과 같이 접근 전개한다.

$$I_v(z) = \frac{e^z}{(2\pi z)^{1/2}} [1 - \frac{\mu-1}{8z} + \frac{(\mu-1)(\mu-9)}{2!(8z)^2} - \dots]$$

$$|\arg(z)| < \frac{\pi}{2}, \quad \mu = 4 v^2$$

$$\sum_{n,m=-\infty}^{\infty} [1 - (n-m) Q_n] \frac{C_{mn}^I}{\exp(y_n')} G_n = D_{mn}, \quad G_n = 0$$

$$G_n = A_n \exp(y_n'), \quad D'(\omega, k) = \det[D'_{mn}] = 0$$

위와 같이 접근 전개를 이용하면 Over-flow도 일어나지 않는다.

### 3. 결 론

종래의 X-band BWO와 비교하여 높은 주파수인 24GHz 부근에서 발진하는 BWO를 설계할 경우, 먼저 지파 구조의 평균 반경  $R_0$ 을 작게하는 경우가 생기는데, 이 경우 단면적이 작아진다. 단면적이 작아지면 마이크로파의 전력 밀도가 커지는데 이 때는 지파 구조 내에서 RF 절연 파괴가 일어난다. 여기서 과대한 전력 밀도를 갖지 않으면서 출력을 크게 하기 위해서는 평균 반경을 작게 하지 않고 발진 주파수를 높일 필요가 있다. 따라서 도파관의 큰 직경을 유지하면서 파형의 주파수와 진폭을 선택하여, 대구경 BWO를 설계·제작하여 실험함으로서 보다 높은 주파수에서의 발진 및 대 출력 발생되었다.

### [참 고 문 헌]

- [1] W.S.Kim, J.S.Hwang, J.N.Kim, Y.M.Kim, 'A Study on the Formation of Reserved Field configuration stability with Radio Rotating Field, Proceeding of the 36th KIEE Conference 2005
- [2] V.L.Granatstein and P.L.Colestock, 'Wave Heating and Current Drive in Plasmas,' Gordon and Breach, New York, 2002.
- [3] V.L.Granatstein and I.Alexeff, 'High Power Microwave source s,' Boston : Artech, 2001.
- [4] J.N.Benford and J.A.Swagle, 'High Power Microwaves,' Boston : Artech, 2002.
- [5] S.P.Bugaev, V.A.Cherepein, V.I.Kanavets, V.I.Koshelev, V.A.Povarov and A.N.Vlasov, 'Investigation of a millimeter wavelength range relativistic deflection generator,' IEEE Trans. Plasma Sci. PS-18.