

凸極型 同期發電機의 1 相中性點間短絡

(Line-to-Neutral Short Circuit)

李 晚 榮*

序 論

凸極型 同期發電機를 無負荷로 運轉하는中 1相中性點間에 短絡事故가 突發한 경우에 그 短絡相의 電機子電流와 界磁電流를 表示하는 式을 求하여 본다. 式(12)의 短絡電流 i_{L-N} 을 級數形으로 展開해서 奇數倍調波와 偶數倍調波로 分離해서 檢討를 하고 界磁電流 I 는 곧 $I = E + \frac{2}{3}(x_d - x'_d)i_{L-N} \cos \theta$ 의 關係式에서 일단 短絡電流 i_{L-N} 가 求해졌으므로 단지 代入함으로써 簡單히 얻어진다. 式(12)와 (17)을 圖示하는데 必要한 同期機定數를 $x_d=0.78, x_q=0.48, x'_d=-0.21, r=0.03, T_o=163$ 및 $E=1$ 의 per-unit 値로 假定한다.

本 論

直軸과 橫軸을 基準으로한 磁束鎖交數의 式

$$\frac{2}{3} \begin{bmatrix} \cos \theta & \cos(\theta-120) & \cos(\theta+120) \\ -\sin \theta & -\sin(\theta-120) & -\sin(\theta+120) \\ \frac{1}{2} & \frac{1}{2} & \frac{1}{2} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \psi_a \\ \psi_b \\ \psi_c \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \psi_d \\ \psi_q \\ \psi_o \end{bmatrix} \quad (1)$$

에서 ψ_a 의 값은

$$\psi_a = \psi_d \cos \theta - \psi_q \sin \theta + \psi_o \quad (2)$$

와 같이 求해진다.

電氣學會誌 第12輯에 記載된 筆者의 論文 8面의 式(19), (20), 및 (21)을 複式에 代入하면

$$\psi_a = (I - x_d i_d) \cos \theta + x_q i_q \sin \theta - x_o i \quad (3)$$

의 式을 얻게 된다. 또

$$\Phi = I - (x_d - x'_d) i_d \quad (4)$$

에서 $I - x_d i_d = \Phi - x'_d i_d$ 의 關係를 式(3)에 代入함으로써

$$\psi_a = (\Phi - x'_d i_d) \cos \theta + x_q i_q \sin \theta - x_o i \quad (5)$$

의 關係式을 얻는다.

圖 1과 같이 凸極型同期機가 無負荷로 運轉하는中 a 相

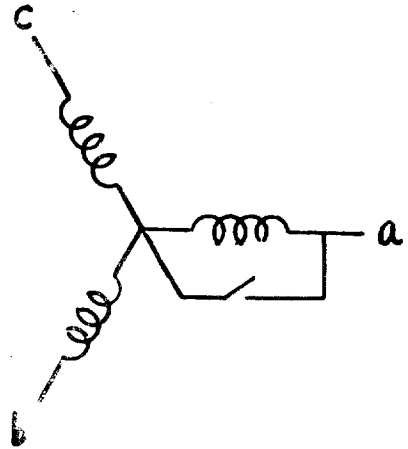


Fig. 1. Line-to-Neutral Short-Circuit in Phase a.

中性點間에 短絡事故가 突發한 경우에 a 相의 電機子電流와 界磁電流의 變化를 突明하여 보자.

短絡瞬間의 短界條件은 $e_a=0, i_b=i_c=0$ 임으로

$$\frac{2}{3} \begin{bmatrix} \cos \theta & \cos(\theta-120) & \cos(\theta+120) \\ -\sin \theta & -\sin(\theta-120) & -\sin(\theta+120) \\ \frac{1}{2} & \frac{1}{2} & \frac{1}{2} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} i_a \\ i_b \\ i_c \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} i_d \\ i_q \\ i_o \end{bmatrix} \quad (6)$$

의 式에서 宜當

$$i_a = \frac{2}{3} i_o \cos \theta \quad (7)$$

$$i_q = -\frac{2}{3} i_o \sin \theta \quad (8)$$

$$i_o = \frac{1}{3} i_a \quad (9)$$

를 이求해진다. 이것들을 式(5)에 代入하면

$$\psi_a = \Phi \cos \theta - \frac{2}{3} x'_d i_a \cos^2 \theta - \frac{2}{3} x_q i_a \sin^2 \theta - \frac{1}{3} x_o i_a$$

*漢陽大學校 工科學 教授

또는

$$\phi_a = \Phi \cos \theta - \frac{1}{3}(x'_d + x_q + x_0)ia - \frac{1}{3}(x_q - x'_d)ia \cos 2\theta \quad (10)$$

여기서 短絡電流 i_a 를 i_{L-N} 로 表示하면 式(10)에서 곧 다음과 같이 求해진다.

$$i_{L-N} = \frac{\Phi \cos \theta - \phi_a}{\frac{x'_d + x_q + x_0}{3} - \frac{x_q - x'_d}{3} \cos 2\theta} \quad (11)$$

短絡前의 無負荷時에는 $i_d=0$ 인 故로 式(4)에서 $\Phi = I = E$ 의 關係와 $\phi_a = E \cos \alpha$ 의 式이 成立한다. 여기서 α 는 短絡瞬間 即 $t=0$ 때 a 相과 直軸과의 角變位이다. 따라서 式(11)은 다음과 같이 쓸 수 있을 것이다.

$$i_{L-N} = \frac{3E \cos \theta - \cos \alpha}{\frac{x'_d + x_q + x_0}{3} - \frac{x_q - x'_d}{3} \cos 2\theta} \quad (12)$$

1 cycle 分만 考慮할때 이 式이 곧 求하고자 하는 短絡電流의 必要하고도 充分한 結果式이 될 것이다. 위에서 求한 式(12)를 좀더 詳細히 檢討해보기 爲하여 級數形으로 展開하여 본다. 下先

$$A = \frac{x'_d + x_q + x_0}{x_q - x'_d} \text{로 놓으면}$$

$$A = 1 + \frac{2x'_d - x_0}{x_q - x'_d} > 1$$

이며 또 $0 \leq \cos 2\theta \leq 1$ 인 故로 $A > \cos 2\theta > 0$ 의 關係가 成立할 것임으로 大插弧안의 $\frac{1}{A - \cos 2\theta}$ 項을 아래와 같이 變更計算하여 본다. 即

$$\frac{1}{A - \cos 2\theta} = \frac{-2e^{j2\theta}}{e^{j2\theta} - 2Ae^{j2\theta} + 1} = \frac{-2e^{j2\theta}}{(e^{j2\theta} + b)(e^{j2\theta} - \frac{1}{b})}$$

여기서

$$b = A - \sqrt{A^2 - 1}$$

$$\frac{1}{A - \cos 2\theta} = \frac{2b}{(1 - bc^{-j2\theta})(1 - be^{j2\theta})}$$

$$= \frac{2b}{1 - b^2} \left(\frac{be^{-j2\theta}}{1 - be^{-j2\theta}} + \frac{1}{1 - be^{j2\theta}} \right) \quad (13)$$

勿論 $A = \frac{x'_d + x_q + x_0}{x_q - x'_d} = \frac{(x_q + \frac{x_0}{2}) + (x'_d + \frac{x_0}{2})}{(x_q + \frac{x_0}{2}) - (x'_d + \frac{x_0}{2})}$

$$\equiv \frac{G+H}{G-H} \text{라 놓으면}$$

$$A^2 - 1 = \frac{4GH}{(G-H)^2} \cdot \sqrt{A^2 - 1} = \frac{2\sqrt{GH}}{G-H} \text{가 되며}$$

따라서

$$b = A - \sqrt{A^2 - 1} = \frac{\sqrt{G} - \sqrt{H}}{\sqrt{G} + \sqrt{H}} < 1 \text{인 故로}$$

式(13)의 插弧內의 各項 $\frac{1}{1 - be^{\pm j2\theta}}$ 는 無限級數로 展開可能하다.

이와 같이 해서 式(13)은

$$\frac{1}{A - \cos 2\theta} = \frac{2b}{1 - b^2} \left[(be^{-j2\theta} + b^2e^{-j4\theta} + b^3e^{-j6\theta} + \dots) + (1 + be^{j2\theta} + b^2e^{j4\theta} + b^3e^{j6\theta} + \dots) \right]$$

$$= \frac{2b}{1 - b^2} (1 + 2b \cos 2\theta + 2b^2 \cos 4\theta + 2b^3 \cos 6\theta + \dots)$$

로 計算이 됨으로 式(12)는 다음과 같이 된다.

$$i_{L-N} = \frac{3E}{x_q - x'_d} \cdot \frac{2b}{1 - b^2} (\cos \theta - \cos \alpha) (1 + 2b \cos 2\theta + 2b^2 \cos 4\theta + 2b^3 \cos 6\theta + \dots)$$

이것을 整理하면 아래와 같은 odd harmonic series 와 even harmonic series로 展開된다. 即

$$i_{L-N} = \frac{3E}{x_q - x'_d} \left(\frac{2b}{1 - b^2} \right) \left[(1 + b)(\cos \theta + b \cos 3\theta + b^2 \cos 5\theta + b^3 \cos 7\theta + \dots) - \cos \alpha \cdot (1 + 2b \cos 2\theta + 2b^2 \cos 4\theta + \dots) \right] \quad (14)$$

또 이 式中에

$$\frac{2b}{1 - b^2} = \frac{1}{\sqrt{A^2 - 1}} = \frac{G-H}{2\sqrt{GH}}$$

$$= \frac{x_q - x'_d}{2\sqrt{(x_q + \frac{x_0}{2})(x'_d + \frac{x_0}{2})}}$$

$$(1 + b) = \frac{2\sqrt{G}}{\sqrt{G} + \sqrt{H}} = \frac{2\sqrt{x_q + \frac{x_0}{2}}}{\sqrt{x_q + \frac{x_0}{2}} + \sqrt{x'_d + \frac{x_0}{2}}}$$

을 式(14)에 代入해서 整頓하면

$$i_{L-N} = \frac{3E}{(x'_d + \frac{x_0}{2}) + \sqrt{(x_q + \frac{x_0}{2})(x'_d + \frac{x_0}{2})}} (\cos \theta + b \cos 3\theta + b^2 \cos 5\theta + \dots) - \frac{3E \cos \alpha}{2\sqrt{(x_q + \frac{x_0}{2})(x'_d + \frac{x_0}{2})}} (1 + 2b \cos 2\theta + 2b^2 \cos 4\theta + \dots) \quad (15)$$

여기서

$$b = \frac{\sqrt{x_q + \frac{x_0}{2}} - \sqrt{x'_d + \frac{x_0}{2}}}{\sqrt{x_q + \frac{x_0}{2}} + \sqrt{x'_d + \frac{x_0}{2}}} \ll 1 \text{이다.}$$

이 式은 同期發電機를 無負荷로 連轉中에 1相中性點間短絡이 突發했을때 求한 短絡電流式(12)를 無限級數로 展開해서 各高調波別로 檢討하는데 有利한 式일 것이다. 이 式을 살펴보면 寄數倍調波의 第1級數와 偶數倍調波의 第2級數로 이루어져 있으며 特別히 $b \ll 1$ 인 故로 第1級數中의 第3調波以上과 第2級數中의 第2調波以上은 振幅이 極히 僅少함으로 無視해 버리면 結局 直流分(d c component)와 基本波分(fundamental component)만으로도 近似解로 이루어진다. 또 여기서 解析上 發見한 興味로운 것은 (15)式의 1相中性點間短絡電流의 基本波分의 振幅만을 吟味해 보면

$$|i_{1, l-v}| = \frac{3E}{\left(x'd + \frac{x_0}{2}\right) + \left(\frac{x_q + x'd}{2} + \frac{x_0}{2}\right)} \\ = \frac{3E}{x'd + (x_q + x'd)/2 + x_0} = \frac{3E}{x_1 + x_2 + x_0}$$

의 분母的各項을 對稱座標法의 reactance 對稱分과 比較檢討가 된다는 것이다. 卽 $x'd = x_1$ (positive sequence reactance), $x_q + x'd/2 = x_2$ (negative sequence reactance), $x_0 = x_0$ (zero sequence reactance).

다음에는 界磁電流(field current)의 過渡變化를 考察하기로 한다. 界磁電流의 基本式을 誘導하기 위하여 式(4)에서

$$I = E + (x_d - x'd)i_a \quad (16)$$

의 關係式을 얻게 된다. 卽 $t=0$ 때 $\Phi = E$ 이다. 式(16)에 式(7)을 代入하면 式(17)을 얻는다.

$$I = E + \frac{2}{3}(x_d - x'd)i_a \cos \theta \quad (17)$$

여기서 $i_a = i_{L-v}$ 이고, 卽 式(15)를 表示하는 短絡電流이다. 式(15)를 式(16)에 代入하면

$$I = E + \frac{2E(x_d - x'd)\cos \theta}{\left(x'd + \frac{x_0}{2}\right) + \sqrt{\left(x_q + \frac{x_0}{2}\right)\left(x'd + \frac{x_0}{2}\right)}} \\ (\cos \theta + b \cos 3\theta + b^2 \cos 5\theta + \dots) \\ + \frac{E(x_d - x'd)\cos \alpha \cos \theta}{\sqrt{\left(x_q + \frac{x_0}{2}\right)\left(x'd + \frac{x_0}{2}\right)}} \\ (1 - 2b \cos 2\theta + 2b^2 \cos 4\theta + \dots) \quad (18)$$

이것을 더욱 簡單히 整理해 보면

$$I = E + \frac{E(x_d - x'd)}{\left(x'd + \frac{x_0}{2}\right) + \sqrt{\left(x_q + \frac{x_0}{2}\right)\left(x'd + \frac{x_0}{2}\right)}} \\ \left[1 + (1+b)\cos 2\theta + b(1+b)\cos 4\theta + b^2 \cdot \right. \\ \left. (1+b)\cos 6\theta + \dots \right] + \frac{E(x_d - x'd)\cos \alpha}{\sqrt{\left(x_q + \frac{x_0}{2}\right)\left(x'd + \frac{x_0}{2}\right)}} \\ \left[(1+b)\cos \theta + b(1+b)\cos 3\theta + b^2(1+b) \cdot \right. \\ \left. \cos 5\theta + \dots \right] \quad (19)$$

와 같이 所問의 式이 求해지며 直流分은 短絡과 더불어 自動的으로 短絡前의 값 E 의

$$\frac{(x_d - x'd)}{\left(x'd + \frac{x_0}{2}\right) + \sqrt{\left(x_q + \frac{x_0}{2}\right)\left(x'd + \frac{x_0}{2}\right)}}$$

값만큼 더 增加한 것을 알 수 있으며 이것을 다시 奇數 調波別로 羅列하면

$$I = \frac{E \left[\left(x'd + \frac{x_0}{2}\right) + \sqrt{\left(x_q + \frac{x_0}{2}\right)\left(x'd + \frac{x_0}{2}\right)} \right]}{\left(x'd + \frac{x_0}{2}\right) + \sqrt{\left(x_q + \frac{x_0}{2}\right)\left(x'd + \frac{x_0}{2}\right)}} \\ + \frac{E(x_d - x'd)(1+b)}{\left(x'd + \frac{x_0}{2}\right) + \sqrt{\left(x_q + \frac{x_0}{2}\right)\left(x'd + \frac{x_0}{2}\right)}}$$

$$(\cos \theta + b \cos 4\theta + b^2 \cos 6\theta + \dots)$$

$$\frac{E(x_d - x'd)\cos \alpha(1-b)}{\sqrt{\left(x_q + \frac{x_0}{2}\right)\left(x'd + \frac{x_0}{2}\right)}}$$

$$(\cos \theta + b \cos 3\theta + b^2 \cos 5\theta + \dots) \quad (20)$$

의 같이 展開되어 第1項이 直流分이고 第2項이 偶數倍 調波分이며 第3項이 奇數倍 調波分이 된다. 時間 $t=0$ 에서 短絡이 偶發한 경우 界磁回路와 鎖交하는 磁束數는 瞬間的으로 變化할 수 없으므로 field flux Φ 는 變化가 없고 $\Phi = E$ 이며 또 上述한바와 같이 界磁電流의 直流分은 增加함으로 結局 界磁回路 inductance 는 다음과 같이 變化할 것이다.

$$I_{d.c.} = \frac{E \left[\left(x'd + \frac{x_0}{2}\right) + \sqrt{\left(x_q + \frac{x_0}{2}\right)\left(x'd + \frac{x_0}{2}\right)} \right]}{\left(x'd + \frac{x_0}{2}\right) + \sqrt{\left(x_q + \frac{x_0}{2}\right)\left(x'd + \frac{x_0}{2}\right)}}$$

Field transient inductance L' 는

$$L' = \frac{\Phi_{(t=0)}}{I_{d.c.}} = \frac{E}{I_{d.c.}} \\ = \frac{\left(x'd + \frac{x_0}{2}\right) + \sqrt{\left(x_q + \frac{x_0}{2}\right)\left(x'd + \frac{x_0}{2}\right)}}{\left(x'd + \frac{x_0}{2}\right) + \sqrt{\left(x_q + \frac{x_0}{2}\right)\left(x'd + \frac{x_0}{2}\right)}} \quad (21)$$

와 같이 된다.

다음에는 短絡相 電機子回路의 inductance 를 求해보기로 한다. a 相 中性點間 短絡電流의 直流分은 式(14)에서

$$i_{d.c.} = \frac{3E \cos \alpha}{2\sqrt{\left(x_q + \frac{x_0}{2}\right)\left(x'd + \frac{x_0}{2}\right)}}$$

임을 알 수 있고 短絡電機子回路의 過渡 inductance L' 는

$$L' = \frac{\phi_{(t=0)}}{i_{d.c.}} = \frac{E \cos \alpha}{3E \cos \alpha} \\ = \frac{2}{3} \sqrt{\left(x_q + \frac{x_0}{2}\right)\left(x'd + \frac{x_0}{2}\right)} \quad (22)$$

이다. 式(21), (22)는 時定數(time constant)를 決定해 주는 重要한 要素가 된다. 電機子抵抗을 無視했으므로 界磁回路의 短絡時定數 T_f 는 式(21)을 利用하면 다음과 같이 求해진다.

$$T_f = T_0 \left\{ \frac{\left(x'd + \frac{x_0}{2}\right) + \sqrt{\left(x_q + \frac{x_0}{2}\right)\left(x'd + \frac{x_0}{2}\right)}}{\left(x'd + \frac{x_0}{2}\right) + \sqrt{\left(x_q + \frac{x_0}{2}\right)\left(x'd + \frac{x_0}{2}\right)}} \right\} \quad (23)$$

여기의 T_0 는 開路時定數(open circuit time constant)라 불리우는 電機子捲線이 開路狀態에 있는 경우의 界磁回路의 時定數이다. 一方 短絡相의 電機子時定數는

$T_a = \frac{r}{f}$ 의 식에서 求할 수 있는데 여기의 r 은 短絡電機子路의 per-unit 抵抗이며 그 값은 無視한만큼 僅少傾이나 誤차 및 及한마와 같이 時定數에는 크게 役割을 하는 것이 아니다. 그러므로 電機子時定數 T_a 는 곧

$$T_a = \frac{r}{f} = \frac{3r}{2\sqrt{\left(x_q + \frac{x_0}{2}\right)\left(x'_d + \frac{x_0}{2}\right)}} \quad (24)$$

가 된다. 上述한 界限短絡時定數 T_f 는 短絡時의 界限電流의 直成分(d.c. component)과 偶數倍調波分(even harmonics)에 適用하며 또한 電機子時定數 T_a 는 短絡電流의 直成分과 偶數倍調波分の 包絡線(envelope)에 適用되며 그리고 界限回路의 奇數倍調波分(odd harmonics)의 包絡線을 그리게 하는 減衰係數의 役割을 한다.

以上에서 求한 時定數 T_f , T_a 를 式(15), (20)에 適用하면 短絡電機子電流 및 界限過渡電流는 各各 다음과 같이 된다.

$$i_L = \frac{3E}{\left(x_d + \frac{x_0}{2}\right) + \sqrt{\left(x_q + \frac{x_0}{2}\right)\left(x'_d + \frac{x_0}{2}\right)}} \cdot (\cos \theta + b \cos 3\theta + b^2 \cos 5\theta + \dots) \cdot \frac{3E(x_d - x'_d)}{\left(x'_d + \frac{x_0}{2}\right) + \sqrt{\left(x_q + \frac{x_0}{2}\right)\left(x'_d + \frac{x_0}{2}\right)}} \cdot (\cos \theta + b \cos 3\theta + b^2 \cos 5\theta + \dots) e^{-\frac{t}{T_f}} \cdot \frac{3E \cos \alpha}{2\sqrt{\left(x_q + \frac{x_0}{2}\right)\left(x'_d + \frac{x_0}{2}\right)}} \cdot (1 - 2b \cos 2\theta + 2b^2 \cos 4\theta - \dots) \cdot e^{-\frac{3rt}{2\sqrt{\left(x_q + \frac{x_0}{2}\right)\left(x'_d + \frac{x_0}{2}\right)}}} \quad (25)$$

여기서

$$T_f = T_0 \left(\frac{x'_d + \frac{x_0}{2} + \sqrt{\left(x_q + \frac{x_0}{2}\right)\left(x'_d + \frac{x_0}{2}\right)}}{x_d + \frac{x_0}{2} + \sqrt{\left(x_q + \frac{x_0}{2}\right)\left(x'_d + \frac{x_0}{2}\right)}} \right)$$

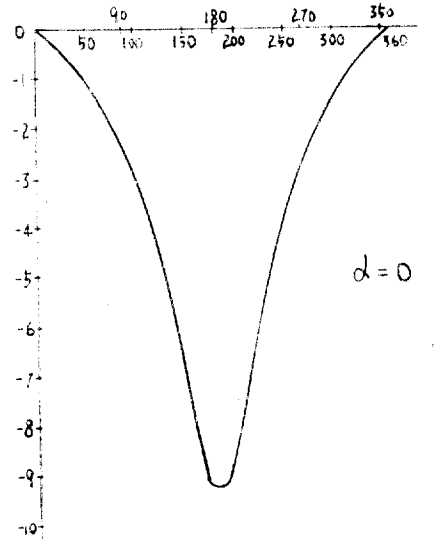
式에서 i_{L-N} 의 初期值(initial value)는 第1, 2項의 odd harmonics로 表示된 定常值와 過渡值로 構成되어 있어 時定數 T_f 에 依해 指數函數의 으로 減衰되어 最終에는 定常持續電流로 落着됨을 알 수 있다. 그리고 第3項의 even harmonics는 時定數 T_a 에 依해 減衰되어 直成分만 남게 될 것이다.

다음에도 同一한 論法에 依하여 過渡界限電流는

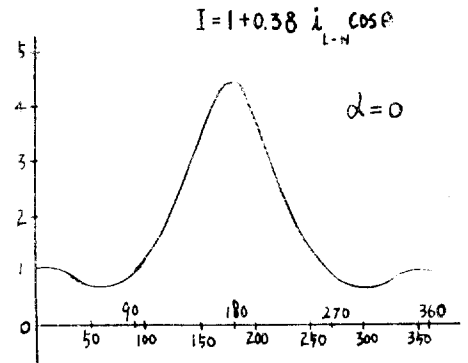
$$I = \frac{\left(x_d + \frac{x_0}{2}\right) + \sqrt{\left(x_q + \frac{x_0}{2}\right)\left(x'_d + \frac{x_0}{2}\right)}}{\left(x'_d + \frac{x_0}{2}\right) + \sqrt{\left(x_q + \frac{x_0}{2}\right)\left(x'_d + \frac{x_0}{2}\right)}} \cdot E \cdot e^{-\frac{t}{T_f}} + \frac{E(x_d - x'_d)(1+b)}{\left(x'_d + \frac{x_0}{2}\right) + \sqrt{\left(x_q + \frac{x_0}{2}\right)\left(x'_d + \frac{x_0}{2}\right)}}$$

$$\left(\cos 2\theta - b \cos 4\theta + b^2 \cos 6\theta - \dots \right) e^{-\frac{3rt}{2\sqrt{\left(x_q + \frac{x_0}{2}\right)\left(x'_d + \frac{x_0}{2}\right)}}} \cdot \frac{E(x_d - x'_d) \cos \alpha (1+b)}{\sqrt{\left(x_q + \frac{x_0}{2}\right)\left(x'_d + \frac{x_0}{2}\right)}} \cdot \left(\cos \theta + b \cos 3\theta + b^2 \cos 5\theta + \dots \right) \quad (26)$$

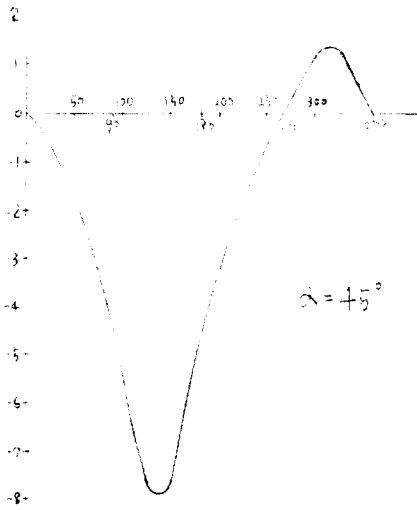
으로 表示할 수 있다. 以上은 1相中性點間短絡時의 電機子電流式(12)와 界限電流式(17)과를 odd-harmonic 成分과 even-harmonic 成分으로 解析해서 檢討해 보았다. 式(12)와 式(17)을 가지고 $\alpha = 0^\circ, 45^\circ, 90^\circ$ 의 경우를 各各 圖示하면 다음과 같다.



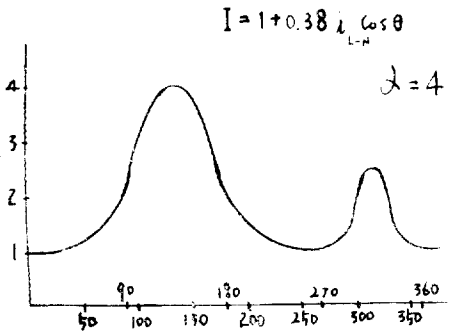
$$i_{L-N} = 11.11 (\cos \theta - 1) \left[\frac{1}{3.4 - \cos 2\theta} \right]$$



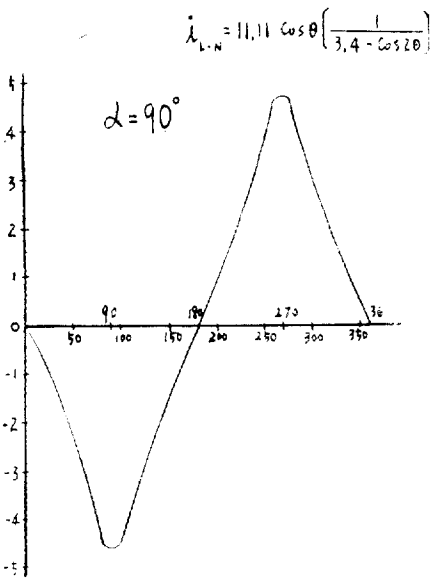
$$I = 1 + 0.38 i_{L-N} \cos \theta$$



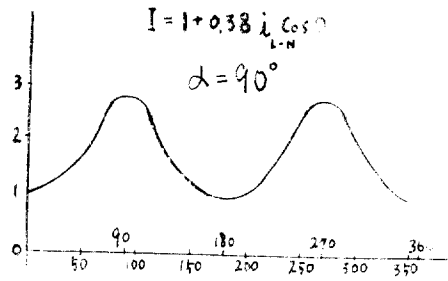
$$i_{L-N} = 11.11 (\cos \theta - 0.707) \left[\frac{1}{3.4 - \cos 2\theta} \right]$$



$$I = 1 + 0.38 i_{L-N} \cos \theta$$



$$i_{L-N} = 11.11 \cos \theta \left[\frac{1}{3.4 - \cos 2\theta} \right]$$



$$I = 1 + 0.38 i_{L-N} \cos \theta$$

$$\alpha = 90^\circ$$

Fig. 2 Armature current and field current in a synchronous machine when a line-to-neutral short circuit is suddenly applied.

結 論

短絡相의 電機子回路的 inductance 와 界磁回路的 過渡 inductance 는 短絡時定數를 決定해 주는 重要한 要素가 된다. 界磁短絡時定數 T_f 는 界磁電流 I 의 直流分과 偶數倍調波分에 그리고 短絡電流 i_{L-N} 의 奇數倍調波分에 適用되어 減衰하는 役割을 하며 또 一方 電機子時定數 T_a 는 短絡電流 i_{L-N} 의 偶數倍調波分에 그리고 界磁電流 I 의 奇數倍調波分에 適用됨을 알 것은 興味있는 結果라고 보겠다. (1964年 2月 14日 接受)

參 考 文 獻

1. Doherty, R.E. and C.A. Nickle. "Synchronous Machine-IV. AIEE Transaction, Vol. 47. April 1928. pp. 462-464. pp. 483-484.
2. 李晚榮 "Open-phase Voltage for Line-to-Line Fault." 大韓電氣學會誌 第12輯, 1963年 12月 pp. 6-11.
3. Concordia, C., "Synchronous Machine Theory and Performance," John Wiley & Son, Inc., New York, 1958. pp. 32-36. pp. 81-88.