

(技) (術) (論) (叢)

Ball Mill 粉碎의 理論과 實際

—The theory of comminution and the actual operation—

雙龍洋灰工業株式會社

東海工場 生產課

成秀慶

目 次

1. Ball mill 粉碎研究의 近況
2. Ball의 크기와 공급률의 크기
3. Mill의 회전수와 Ball의 충진률
4. 最大 Ball 徑의 理論的 計算과 實際
5. Mill內 Ball의 分布
6. Ball의 磨耗와 adding

1. Ball Mill 粉碎研究의 近況

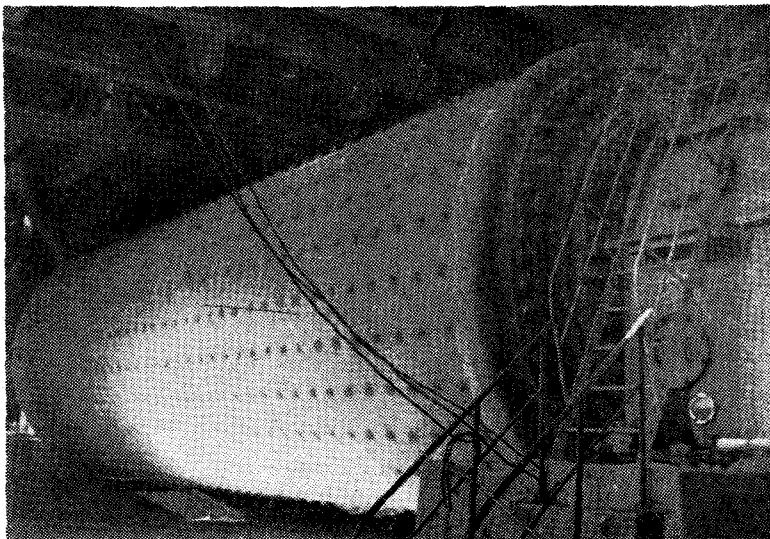
1857年 Rittinger에 依해서 처음으로 粉碎에 對한 체계적인 理論이 발표된 후 계속하여 kick等을 비롯한 여러 명의 이 관계 研究者들이 粉碎를 研究해 왔다. 한동안 別 진전을 보지 못하고 있던 粉碎의 研究는 1950年代에 이르러 활기를 띠우기 시작하여 여러 面으로 깊은 발전을 보였으며 이미 「리팅거」와 「킥크」의 理論이 實際와는 정확히一致되지 않고 있다는事實이 그간 學者들에 依하여 밝혀진 바 있다.

또한 1950年代 이후에 Rose, Bond, olewski, coghill 등은 먼저

研究者들이 분쇄 에너지 관계에서 그친 것에比하여 보다 구체적인 면까지 파고들었는데 이는 해당 공업계 입장에서 볼 때 매우 주목할 만한 사실이 아닐 수 없으며 1960年代에선 Mill 내 Ball의 구체적인 Motion이 설명되고 粉碎速度論이 Matrix method에 依하여 해석 규명되어 가고 있으며, 日本의 「다나카」 교수 等이 이 분야에 도론에 研究를 남기고 있다.

이 밖에 각 粉碎장치 「메이커」 들에 依한 研究도 매우 활발하다.

이에 따라, 最近 경향으로서는 Cement plant 수출에 있어서, 설계제작된 장치들이 他國에 수출된 다음 더욱 효과적인 설계자료蒐集을 目的으로 Back calculation을 면밀히 검토하기 위하여 실제 설계를 담당한 技士들을 部門別로 大量 파견하고 있는 實情이다.



Max. 90T/hr의 大型 크린카粉碎 Ball Mill

原料물질의 Size Reduction은 요업분야에서 매우 중요시되고 특히 시멘트工場의 경우 전체에너지 소모량의 80%가량이 Size Reduction(분쇄)에 소모되고 있다는事實을 생각해 볼때 Crushing and Grinding에 對한 研究의 발전은 매우 바람직한 일이 아닐수 없다고 生覺된다.

國內의 경우 여러가지 現場사정으로 인하여 실제구체적인 研究의 진행이나 혹은 他研究들을 확인해 볼수 있는 상태는 못되고 있으나 날카로운 소리를 내며 힘차게 들고있는 Mill은 항상 現場技士들 관심의 대상이 되고 있다.

여기서는 최근 분쇄에 對하여 研究 규명된 것 중 이론적으로도 확립되고 또 실제 와도 어느정도 잘一致하고 있는 것으로 확인된 것 들 중의一部를 실제와 연결하여, 우선 기초적인 사항들을 內外國 각 現場 실제「테타」와 함께 이야기 하고 다음 「씨리즈」에서 에너지관계와 Ball mill 大型화 경향 및 기타 사항들을 살펴보도록 한다.

2. Ball의 크기와 공급물의 크기

Ball의 크기와 공급하는 물질의 크기 관계에 對하여는 이 양자 사이에決定的인 어떤一定한 數式의 관계가 성립하고 있어서 여기에 잘 따르고 있다고 단정기는 곤란하다. 다만 이 관계를 따지게 되는 기초적인 개념은 Mill 内의 제일 큰 Ball이 공급되고 있는 물질중의 제일 큰 물질을 충분히 파괴시킬 수 있어야만 한다는 점의 기본 사항이 되고 있을 뿐이다.

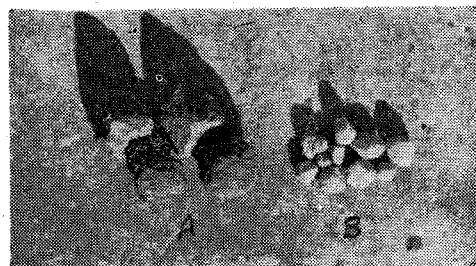
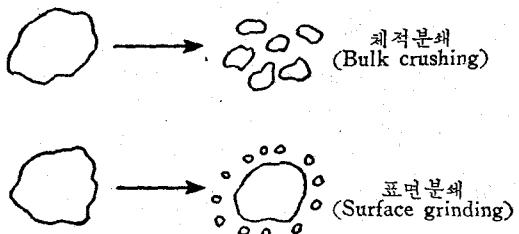
원료밀과 크린카분쇄 밀의 경우 그 공급되는 Feeding material의 粒度分布는 마이크론 단위의 가루로부터 20~40mm에 이르는 덩어리까지 매우 광범위한 Size 分布를 띠우고 뒤섞여 있다.

Mill内에서 주로 1실에서는 粗粉碎를, 그리고 2실에서 더욱 미분쇄되어진다고 말할수 있겠는데 공급되는 물질중의 굵은粒을 Mill 1실내의 큰 볼들이 몇수십조각으로 충분한 파괴를 시켜주지 못할 경우 이굵은粒은 Ball들사이에 끼워진 채 표면이나 모서리 等만이 마찰과 약한 충격으로 표면분쇄(Surface grinding)만을 일으킨채 그대

로 Mill內를 통과하여 밀출구를 빠져 나오게 된다. 이와같은 굵은粒은 분쇄효률의 많은손실과 더불어 Mill內에서 점차 마모된다. 즉 粒體가 완전파괴되어 충분한 분쇄에 이르지못하고 Ball과의 무익한 접촉으로 粒體의 표면만이 마모되는 정도에 그치게 된다는 것이다. (fig 1 참조)

그리고 이 粒體는 closed-circuit의 경우, 回路를 따라 몇번이고 다시 Mill을 통과하게 된다. 이 粒體가 이렇게 상태로 Mill을 통과 하여버린다면 Mill능력의 손실은 경우에 따라 대단히 커진다고 말 할수 있다.

Fig. 1



A: feeding 前의 크링카

B: 표면분쇄만을 일으친후 밀출구에서 나온 크링카

여기서는 Feeding 되는 공급물의 크기가 어느一定한 크기의 Screen을 80%통과한 Size F가 有効한 最大공급물의 크기라고 보고 공급물과 Ball의 크기를 따져보기로 한다. 가장큰 粒體에 있어서 (대략 20~40mm의 크기), 이粒體 칫수(가로, 세로, 혹은 직경)중 最少의 칫수가 바로 粒體強度를 決定짓게되는데 이최소칫수는 앞서 말한 一定한 체를 80%통과한 有効最大크기 F와 거의 같은 크기라고 할수있게 된다.

우선 25mm(≈ 1 inch) 크기의 Steel Ball이 一定한 체를 80%통과한 공급물질들 중의 1mm(1000 μ 혹은 16mesh) 크기의 물질을 분쇄시키는데 가

장 有効한 크기라고 가정을 한다.

Ball에 依해서 발휘되는 물질파괴력은 Ball 무게에 따라, 혹은 Ball 직경 3승(B^3)에 따라 달라 지게 되며 粒體를 파괴시키는데 必要로 하는 힘($Lb/Inch^2$)은 粒體직경 2승(D^2)에 따라 變하게 된다.

이는 즉 25mm(≈ 1 inch) Ball이 1mm 크기의 粒體를 파괴시키는데 적당하고 50mm(≈ 2 inch) Ball은 4mm를, 75mm(≈ 3 inch) Ball은 9mm 크기 粒體파괴에 알맞음을 말해 주는게 된다.

이 관계는 理論的으로 확실할 뿐 아니라 실제와도一致하고 있다.

이러한 관계의 좀 더 확실한 근거는 직경 F의 粒體를 파괴시키는데 必要한 일(work)은 $F^{5/2}$ 로서 變化한다는 Bond의 第三理論(The third theory of comminution)에서 확실해진다.

일(work)이 에너지와 같다고 할 때 粒體가 파괴되기 前 變型거리가 粒體크기 F에 따라 變한다고 하면 粒體 파괴에 必要한 힘(Force)은 $F^{3/2}$ (입체크기의 3/2승)에 따라 變화하게 된다.

이 관계를 F.C.Bond는 다음과 같이 정리해놓았다. (Table-1)

Table-1 Factors Relating Ball size and Feed size

Ball		파괴된 粒子		
Ball의 크기 B (inch)	파괴력 (wt) B^3 (unit)	粒子의 크기 F (mm)	粒子의 크기 (inch)	파괴력 $F^{3/2}$ (unit)
$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{8}$	$\frac{1}{4}$	0.00985	$\frac{1}{8}$
1	1	1	0.0394	1
2	8	4	0.157	8
3	27	9	0.354	27
4	64	16	0.630	64
5	125	25	0.985	125

윗정리 결과는 Ball의 크기가 파괴된 粒子크기의 평방근에 따라 變하게 된다는 理論에 근거하고 있다.

그러나 現場에서 관찰할 때 Mill 자체가 大型이고 길이가 충분히 긴 closed-circuit 크린카 분쇄 밀의 경우에서도 Feed size에만 맞추어서 Ball의 크기를 決定하여 그대로 투입하기에는 여러 가지 곤란한 점이 있다. 너무큰 Ball을 넣게 될 경우

Mill「라이나」가 깨지게 될 가능성이 있어 오히려 이로 因한 비경제성도 충분히 고려해야 될 것으로 여겨진다.

3. Mill 의 회전수 와 Ball 충진率

Mill의 회전수는 Mill의 粉碎능력, Ball직경의決定等을 계산할 때는勿論 기타 여러가지 계산상 매우 重要한 위치를 차지한다.

잘 알려진 식으로서 밀의 임계회전수(N_c)는

$$N_c = \frac{42.3}{\sqrt{D}}$$

이 있는데

이는 알려진 바와 같이 Mill內에서 Ball이 一定 높이까지 따라올라갔다가 떨어지는, 즉 원심력과 Ball落下力 과의 관계를 성립시켜 따져 놓은 것으로서 이 임계회전수와 自體의 회전 수는 다른 것이다.

밀의 회전수(rpm)는 보통 기계 supply側에서 모ータ와 갑속기 설계에 依해서 定해져 들어오게 되므로 現場에서 이 회전수를 변경시키기는 불가능한 일이다.

계산에서 많이 利用되는 것은 밀의 임계 회전수(N_c)와 밀의 회전수(N)의 회전비율(Fraction of mill critical speed)인데 보통 이 회전비율($C_s\%$)은 67%~77% 범위 内에 들고 있다.

예를 들면, 직경 2.2m, 길이 8m, rpm이 21.4인 밀의 경우 $C_s\%$ 는

$$N_c = \frac{42.3}{\sqrt{D}} = \frac{42.3}{\sqrt{1.484}} = 28.5$$

$$C_s\% = \frac{N}{N_c} = \frac{21.4}{28.5} = 75\%(%)$$

즉 위 밀의 회전비율($C_s\%$)은 75%가 되는 것이다.

또한 N_c 와 $C_s\%$ 는 다음식에 依해서도 간단히 얻어진다.

$$N_c = 76.6 / \sqrt{D}$$

where: 76.6...Constant K.

D는 feet로 표시된 밀의 내경

$C_s\%(%)$ 는

$$C_s = 0.0305 \cdot rpm \cdot \sqrt{D}$$

역시 D는 feet로 표시된 Mill의 내경 Ball의 충진률이 30%以上 되는 습식 Ball mill에서는 이 회전비율이 最大 76~77%가량이고 습식 토드·밀(Rod mill)에서는 70%정도이다.

Closed-Circuit(閉回路) 전식 大型 Ball Mill의 경우 73~74% 범위가 알맞다고 생각되나 때로는 77%까지도 운전하여 좋은 효과를 거두는 경우도 있다.

밀의 회전속도를 증가시키면 어느정도의 용량이 증가하지만 이와더불어 동력소모량도 증가하게 되며 「밀·라이너」 및 「볼」 등의 금속 磨耗(Metalwear) 度와 紛碎ton당 cost도 증가하게 되는고로 경우에 따라서는 노린속도가 보다 경제적임이 밝혀지는 때도 있다.

그리고 中少型 전식 Ball mill에선 습식의 경우와 거의 비슷한 속도로 운전하게 된다.

데이터 1. Closed-Circuit Ball mill 中小型경우 (Closed-Circuit Cement mill)

Mill의 규격					운전 조건			
동력 (Hp)	밀의 직경 m	밀의 길이 m	L/D	rpm	Cs%	생산량 T/hr	동력 kW	충진 률%
1000	3.2	5.3	1.66	16.4	68.3	18.2	648	36.7
1400	3.5	5.2	1.49	17.3	76.0	27.0	769	33.1
1600	3.5	5.8	1.68	17.4	76.2	30.2	981	34.3
2000	3.3	12.0	36.4	16.9	71.1	37.8	1311	30.7

데이터 2. 크립카 분쇄밀 大型의경우

Mill 조건	A	B	C	D	E
직경 및 길이(D.L) K. W. H kwh/t-Ball Ball 양 最大 생산량 (T/h) rpm Cs% L/D	4.6 × 7.75 3,000 14.3 210 95 14.9 77.0 1.7	3.9 × 12.0 2,700 14.2 190 75 15.9 74.3 3.1	3.5 × 11.24 2,200 14.7 150 85 17.4 77.0 3.2	4.2 × 11.24 3,000 13.9 2.6 100 15.0 72.8 2.7	3.8 × 11.5 2,200 12.2 180 70 15.7 71.4 3.0

충진률 ※ Steel Ball의 양이 나와 있으므로 생략함

다음은 밀의회전비율(Cs%)와 grinding media (粉碎媒體), 충진률의 관계를 圖示한 것으로 이는 Rose에 依해 Plot된 것이다.

Ball충진률과의 관계에선 실제 어떤 조건하에 서 몇%가 꼭좋다고 하는 決定的인 수치는 표시하기 어려우나 다음에 제시 하는 데이터 1과 2, 및 도표 1을 비교검토해보면 어느정도 「아웃트라인」의 파악이 가능하리라고 생각된다.

위에서 Mill內 충진률 계산은 다음식에 依한 것이다.

$$Vp = 1.13 - 1.26 Q/D$$

where: Vp...Ball 충진율

Q...Mill內 충진물 수평 면에서

Mill 천정까지 높이(feet)

D...밀의 内徑(feet)

이는 충진률이 20%~50% 범위 内에서 확실히 적용된다.

이 범위를 벗어나는 경우는 다음식을 사용하는 데 Ball의 무게와 비중을 알아야 한다.

$$\frac{w_t}{l \cdot \frac{D^2}{4} \cdot \pi \cdot v} = vp(\%)$$

where = l...밀의 유효길이(m).

D...밀의 유효내경(m)

v...Ball의 비중(보통4.5).

Wt...볼무게(톤),

이는 어떠한 경우에도 적용되는 것으로서 처음 完工된 Mill을 試運轉 할때 1/3 Ball Charging 및 2/3 Charging 時 충진률 계산에 편리하다.

4. Mill內 最大 Ball徑의 理論的計算과 실제

Mill 내에서 사용되는 Ball 中 그最大 Ball 직경決定에 대하여 Bond는 Feeding Material 80% Pass 粒體直徑, Mill의 직경과 회전수, 피분쇄물의 Work Index(일指數) 等의 factor를 利用 Mill 내에서 가장 적당한最大 Ball 직경 과의 관계를 따져 다음과 같으 理論式(Theoretical Ball size Equation)을 제출하였다.

$$B = \left(\frac{F}{K} \right)^{\frac{1}{2}} \cdot \left(\frac{S \cdot Wi}{100 \cdot Cs \cdot \sqrt{D}} \right)^{\frac{1}{3}}$$

where : B...最大 Ball 직경 (Inch)

S...분쇄물질의 비중 (Table 1 참조)

Wi...Work Index(일指數 Table 3 참조)

D...Mill의 有効직경 (Feet)

F...Feed Material 80% Pass粒徑 (μ)

K...상수(습식 350, 전식에선 335.)

위의 式은 理論的으로 확실 할 뿐 아니라 경험적으로도 잘 따르고 있는 식으로서

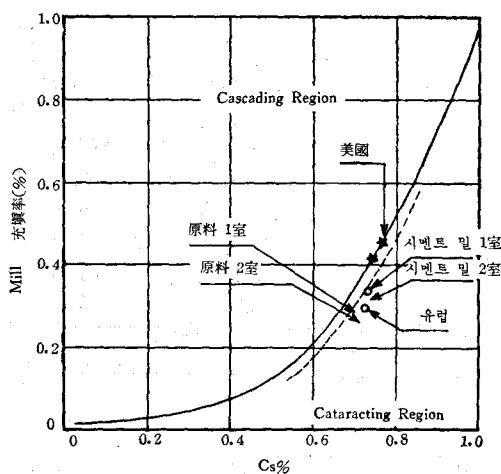
Ball Mill을 설계한 후 투입하게 될 最大 Ball 徑을 따질 때 기본식으로 最近 많이 利用되고 있으며 비교자료로서도 그 사용빈도가 매우 높다.

이러한 중요성에 비추어 웃식의 구체적인 해석을 좀 더 확실히 해 둘 필요가 있다.

實例로 다음과 같은 原料분쇄 Mill에서의 最大 Ball 직경 계산 예를 살펴본다.

밀의 규격 : $4.4\phi \times 14.3ml \times 3000kw \times 14.4rpm$
 $\times 180T/hr$

圖表 1. 「밀」의 回轉數와 充填率關係



※ Rose:Ball, Tube and Rod mill

또한 1실의 유효길이는 4.24m이고 2실은 5.26m이며 Feeding原料의 크기는 28m m以下 90%이다.

Ball量은 1실 82 t, 2실 94 t 전부 176 t 여기서 각 Factor들의 값은

S...2.7(Table 참조),

Wi...일指數 10.57(Table 3참조)

Cs...0.7(70%)

D...Mill의 내경 13.9 Feet,

F...공급원료 80% Pass粒徑($16000\mu=16mm$)

K...335,

위를 각각 식에 넣어보면,

$$\begin{aligned} B &= \left(\frac{16000}{335} \right)^{\frac{1}{2}} \cdot \left(\frac{2.7 \cdot 10.57}{100 \cdot 0.7 \cdot \sqrt{13.9}} \right)^{\frac{1}{3}} \\ &= (47.8)^{\frac{1}{2}} \cdot (0.14)^{\frac{1}{3}} \\ &= 6.91 \cdot 0.527 \\ &= 3.63(\text{Inch}) \\ &= 92.5\text{mm}\phi \end{aligned}$$

따라서 위原料 mill 1실엔 最大 Ball 직경이 92.5mm짜리라는 계산이 나오게 되는데勿論 이는 꼭 92.5mm짜리 Ball을 제일 큰「사이즈」로 그대로 결정하다는 것은 결코아니다. 현재 Steel Ball Maker에서 공급되는 Ball(商品Ball)은 특별히 주문하지 않는 한 보통 90mm, 80mm, 70mm...等으로 되어 있으므로 이 경우 90mm짜리를 사용하면 될것이다.

2 실의 경우에도 역시 같은 方法으로 最大 Ball 직경이 上記式에 依해서 계산될 수 있는데 다만 F의 값만이 다르게 될뿐이다.

따라서 명백해 진 바와 같이 결정적인變化요소가 되고 있는 F값의 정확한決定, 파악이 매우 중요하다고 볼 수 있을 것이다.

실제 현장에서 이것을 따질 때, 특히 Mill을 설계한 후 Ball의 크기와 量을 定하게 될 경우 여러 가지 다른「밀」의 운전실적을 참작함은 물론이며 mill의 크기와 분쇄하려는 물질의 特性등을 고려하고 앞에 설명한 식以外 Coghill, pevaney, Starke 等의 식들을 비교하여 종합적으로 검토한 후 결정케 되는 것이 일반적이다.

또한 여기서 예외없이 단순한 계산결과에 만 의존하여 너무큰 Ball을 넣게 될 경우엔 Mill 내 「라이나」가 깨져서 초래되는 비경제성을 충분히 고

려해야 할것이다.

요컨대, 위 理論式은 어느정도 실제와 잘一致한다고 볼수 있는데,

그 이유로서 1952年 1月 2日 역시 Bond에 依해最大 Ball직경계산에 對한 다음과 같은 경험식(Empirical equation)이 제시되어였다.

$$B = \sqrt{\frac{F \cdot w_i}{K \cdot C_s}} \sqrt{S} \sqrt{D}$$

(但, 여기서 상수 K 값은 Ball의 경우 200, Rod에선 300. Silica Pebbles는 100이다)

이 경험식에 依한 계산결과와 앞에 설명한 이론식에 依한 계산치가 거의一致하고 있다는事實로 보아 더욱 확실해진다(Table 2참조)

Table 2. 最大 Ball직경 계산의 경험식 결과와 이론식 결과와의 비교

Factors					計算結果	
F (μ)	Wi	S	Cs (%)	D (Feet)	경험식 (Inch)	이론식 (Inch)
500	12	2.7	76	9.0	0.613	0.625
1000	15	3.0	75	10.0	0.990	0.973
2000	10	3.3	65	12.0	1,229	1,265
5000	13	2.9	77	8.0	2.07	2.11
10,000	11	2.8	70	11.0	2.69	2.73

다음 Table에서는 몇 가지 물질의 Wi값과 그 비중을 소개한다.

Table 3. 각물질의 일指數와 비중(평균치)

Material	Work Index	Sp; gr
Bauxite	9.45	2.38
Cement Clinker	13.49	3.09
Cement Raw meal	10.57	2.67
Clay	7.10	2.23
Coal	11.37	1.63
Dolomite	19.40	2.78
Feldspar	11.67	2.59
Iron ore	15.44	3.96
Silica	13.53	2.71
Glass	3.08	2.58

※ 이밖에도 大部分 물질들의 wi값이 나와있다

5. Mill 内 Ball 的 分布

Mill 内 모든 Grinding Media(라이나 포함)는 Ball초기충진(The Initial Media Charge) 이후 혹은 보충(addition)한 후 一定기간에 걸친 운전시간경과와 더불어 磨耗(Abrasion) 되여지며 어느 한계에 가서는 모두 꺼내여 새로이 교환 해주지 않으면 않되게끔 작게 많아 버린다.

그러므로 Mill 内의 Size 别 Ball 的 分布는 Ball의 초기충진時나 혹은 운전중 adding 한 후를 막론하고 Mill 内에서의 Ball 배열분포의 상황과 분쇄에서의 가장 Optimum을 이룰수 있는 Ball 배열상태의 研究는 매우 중요하므로 이점 한층 명백히 해둘 필요가 있다.

Mill 内 Ball 충진에 있어서는 결국 몇mm 크기의 Ball을 몇톤씩 定하므로 粉碎에 Optimum을 무난히 이룰수 있는가 하는점이 중요한 문제라고 할수 있다.

현재 국내 現場에서는 당초 Plant Supply 則이 提示한 Ball Size 别 톤수를 그대로 인계 받아 되풀이 하고있는 경우도 있고 여기에 現場事情을 참작 약간의 수정을 加하여 주기적인 충진을 되풀이 하고 있는 곳도 있다.

一般的으로 Mill을 어느 일정한 기간 분쇄운전하는 동안 그 Grinding Media의 마모상태가 어느一定크기의 Ball만 集中的으로 마모되어버리는 것이 아니라, 깨여진 Ball(破球)들을 제외하고는 큰「볼」이건 작은「볼」이건 모두 비슷한 程度의 두께로 마모가 行해진다는 것이다. 이 마모로 인한 전체 Ball의 중량감소를 제일 큰 어떤 Size의 Ball로서 주기적으로 대치(Replace)시켜 준다면 그 배열상태가 결국은 어떤 一定한 식에 따르는分布를 갖인 평행 상태에 도달하게 된다.

이 Rule에 착안한 Bond는 오랜동안 시험을 거쳐 다음과 같은 경험식(Empirical equation)을 제안 하였다.

$$y = \left(\frac{x}{B}\right)^m$$

이식의 해석은, 즉 log-log paper(兩對數그라

프) 上 가로축에 Ball의 직경(B)을 取하고 세로축에 Ball分布量(weight) 累積%(y)를 取하여 평행상태의 Ball Size別 分布상태가 一定한 기울기(Slope)m을 갖는 직선으로 표시됨을 나타내는 것이다.

위식에서 B 는 最大 Ball 의 직경, x 는 B 보다 작은任意의 Ball직경을 나타내며 y 는 이들 Ball의累積%가 되고 m 의 값은 Ball의 경우 3.84, Rod의 경우 3.01이 적용된다.

이를 펼쳐서 설명해 본다면

$$y = \left(\frac{x}{B} \right)^{3/84} \dots \dots \dots \quad (1)$$

양변에 \log 을 취한다.

$$\log y = 3.84 \log \left(\frac{x}{B} \right) \text{ 이는 다시}$$

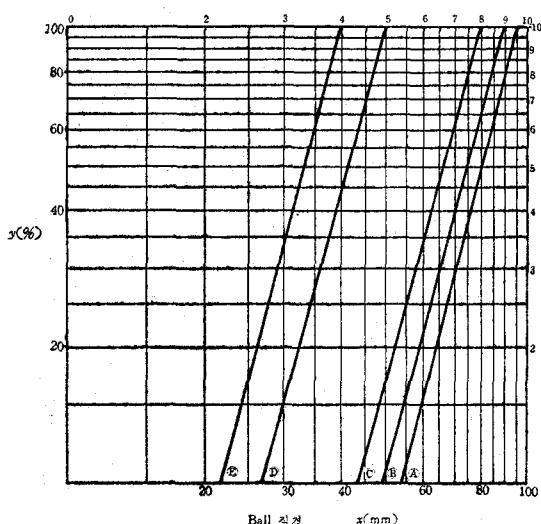
$\log y = 3.84 \log x - 3.84 \log B$ 가 되며

여기서 $\log - \log$ 그라프의 성질상 기울기는 3.84가 되고 $-3.84\log B$ 부분이 y 축 절편이 될 것이다. (여기서 B 는 알고 있는 값이다)

그러므로 이 절편부분을 定數 B^1 라하면

이를 log-log 그라프에 plot하면 slope 3.84를 갖는 직선이 얹어지게 된다.

圖表 2. Mill 內 Ball 球體分布圖



here : ① 線 : 最大 Ball 직경이 95mm 의 경우

(B) 線： 90mm

◎ 線： 80mm

⑩ ⑪는 각 50mm, 40mm의 경우(2실)

여기서 實例를 들어 설명해 본다면 다음의 Ball 分布 log-lgo 도표는 어느原料 mill 의 것으로서 1실은 82 ton 의 Ball이, 그리고 2실은 94ton, 모두 176 ton 의 경우로서 분쇄능력은 180 t/hr 의 경우를 Plot 해본 것이다(A線).

上記 도표中 A線을 읽으면 max Ball Size 가 95mm 로 되어 있는데 이는 全 Ball 中 95mm 以下 는 모두 100%를 의미 하게 되며 (누적 %이므로) 95mm 자체만의 量은 95mm와 다음크기인 90m m 의 중간지점 (mid-Point between The Ball size) 인 92.5mm部分 (두 Ball 크기 간의 중간지점을 읽게 되여 있다)을 가로축에서 읽고 세로 축에서 그 누적 %를 읽게 되면 90% 부분이 되는데 전체 100%에서 이를빼면 (누적부분이므로), 즉 $100 - 90 = 10$ 이되어 95mm 짜리는 10% 程度가 점유되고 있다는 사실을 곧 알게 될 것이다.

따라서 그 다음을 전부 정리해본다면 다음과 같아 될 것이다.

95mm → 10% ($100 - 90 = 10$)

$$90\text{mm} \rightarrow 27\% \quad (90 - 63 = 27)$$

$$80\text{mm} \rightarrow 25\% \quad (63 - 38 = 25)$$

70mm → 17% ($38 - 21.2 \div 17$)

60mm → 9.5% ($21.2 - 11.5 \div 9.5$)

50mm → 11.5%

計 100%

또한 이를 톤수로 환산하면(1실 82톤이다)

95mm	10%	8.2 t
90 "	27%	22.1 t
80 "	25%	20.5 t
70 "	17%	13.8 t
60 "	9.5%	7.8 t
50 "	11.5%	9.4 t

計 100% 82 t

2실도 마찬가지로 풀이 할 수 있다. 그러나 여기서 한가지 더 말해 둘 점은 위에 정리된 바와 같이 95mm 짜리가 꼭 10% 즉 8.2ton 이 된다는 게 아니라 95m와 90mm 사이에 싸이즈가 전체 10% 를 점유하고 이량이 8.2 ton'이 된다는 뜻이라고 볼수있겠는데, 결국 Mill 内 Ball 초기충진 時에도 위와 같은 Ball 구성을 갖게될 것이 요구 된다는 것이다. 그러나 전식 Single-Compartment

Ball mill의 경우는 위와 같은 Rule로부터 사정이 좀 달라지고 특히 분쇄하려는 粒體크기에比하여 W_i 값이 낮은 물질의 경우에는 다른 여러 가지 factor들을 비교 참작해야 한다.

다음 Table 4는 역시 Bond에 依해서 정리된 것으로 Ball 초기충진時 最大 Ball 직경에 따라 그이하 각 Size 別 Ball의 크기를 중량%로 표시하여 나타낸 것이다.

Table 4. 초기 충진시 Ball 구성

Mill 내 공급될最大 Ball의 직경 (Inch)	4.5	4	3.5	3	2.5	2	1.5
4.5	23.0						
4	31.0	23.0					
3.5	18.0	34.0	24.0				
3	15.0	21.0	38.0	31			
2.5	7.0	12.0	20.5	39	34		
2	3.8	6.5	11.5	19	43	40	
1.5	1.7	2.5	4.5	8	17	45	51
1	0.5	1.0	1.5	3	6	15	49
Total (%)	100	100	100	100	100	100	100

6. Ball의 마모와 Adding

6-1 Steel Ball 마모

금속마모(Metal wear)는 종합적으로 고찰해 볼 때 Cement 공장의 분쇄설비의 경우 第 2 次로 비용을 많이 차지하는 (Second Largest Single Item of expense) 부분으로서 Ball을 운전해 갈에 따라 필수적으로 媒體의 마모도 수반되게 마련이며 이들의 마모는 생산량에 매우 중요한 영향을 미치고 있다.

그러므로 여기서 먼저 Ball과 Liner의 마모형태를 검토해 볼必要가 있다.

대체로 이들의 磨耗機構(Mechanism of metal wear)로서는

- ① 기계적 마모
- ② 산화 마모
- ③ 溶着 溶融 마모

等으로 크게 구별되는데 분쇄하는 조건에 따라서 그종류가 달라지는게 원칙이나 경우에 따라서는 위의 세가지가 어느정도 組合되어 發生된다는 說도 있다.

W. Kayser(獨)가 제출한 마모 함수 보고서에서는 金屬組織學的面에서 검토를 한결과 그 마모상태가 Ball 각부분에 따라서도 차이가 많다는 結論을 얻고 이는 鍛造과정, 생가 조건(quenching), 재료의 조직 等에 따라서 많이 달라진다는 사실을 밝힌 바 있다.

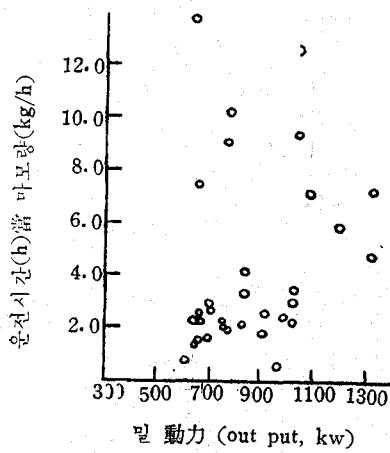
요컨대 Steel Ball이나 Liner의 재질을 그 조직적인面에서 볼때, 가령 탄소함유량이 0.6~1.0% 범위라면, 이 탄소가 Steel 결정구조 内에서 균일히 분포되어 있는 즉 가급적이면 Homogeneous Steel 일 것이 요망된다.

이론적으로, 혹은 경험적으로 이들 마모에 對하여는 그간 여러종류의 式이 제출 되었는데 다음은 Hukki(美)가 밝힌 것으로 밀의직경, 회전 속도, Ball의 크기 等의 관계를 성립시켜 Ball의 총마모량을 아래와 같이 따져 놓았다.

Ball

$$\text{Total 마모량}(W) = Cqd(0.02np - 2)npD^{2.5} \quad (\text{Lb/hr})$$

圖表 3. 시멘트 Mill



where : d...Ball의 직경, np...임계회전속도 비율(%), D...mill의 내경(feet)

Liner는

$$(W) = C^{13} (np)^m D^{(2+m)/2} \text{ (Lb/hr)}$$

(m은 1~1.5)

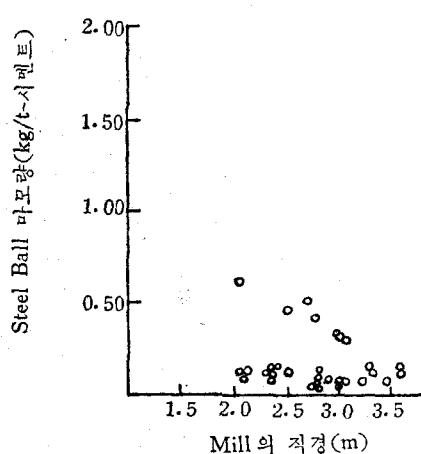
이외에도 마모속도 및 마모량 等을 따져놓은 式이 여럿 있으나 上記과 더불어 그 精度를 확인하는 곤란하며 그보다는 오히려 각 現場에서 얻어진 媒體마모량에 對한 여러 가지 「데이터」를 참고 함이 훨씬 신빙성이 있으리라고 생각된다.

그러나 이러한 「데이터」 자체도 넓게는 조사된 나라에 따라, Process에 따라 다르고 좁게는 Mill의 직경, 동력소모량, 媒體충진량 等에 따라 그차이가 크기 때문에 아직 확실한 技術 및 技術「데이터」의 축적이 확립되어 있지 못한 경우에는 함부로 引用하기 곤란한 때가 있다.

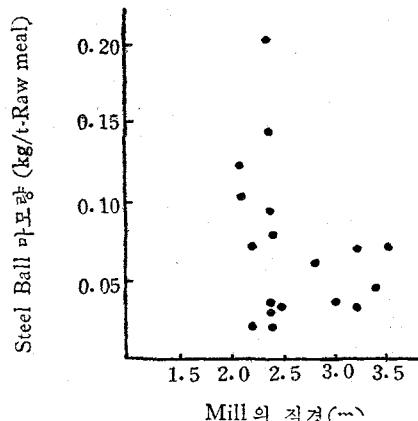
소형 mill과 大型 mill에 있어서 그 마모량의 차이가 직경이 클수록 분쇄량도 크고 (이 관계는 數式化되어 확인된 바 있다) 동시에 Ball의 량도 많이 必要하게 되므로 그 마모량도 증가하게 됨은 명백하다.

다음의 點綴方法으로 표시된 圖表(3.4.5.6)는 Steel Ball의 마모량을 나타낸 것으로 전식원료 및 시멘트 밀의 경우이다.

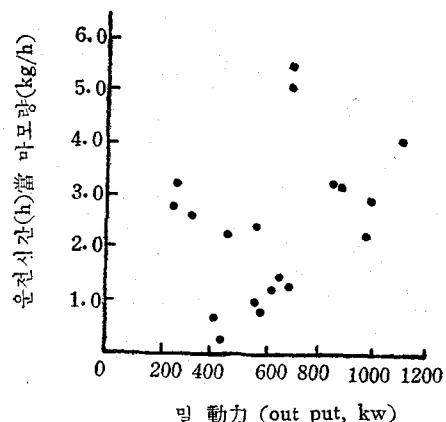
圖表 4. 시멘트 Mill



圖表 5. 원료 Mill



圖表 6. 원료 Mill



6-2 Steel Ball의 Adding (보충)

이미 앞서 論한바와 같이 Mill의 운전시간 경과와 더불어 Ball과 Liner들은 계속 마모되어 점점 그 충진량이 줄어들게 되고 生產量과 동력소모량의 감소도 뒤따르게 될것이다.

그러므로 Mill內 Ball 량이 一定 최적조건의 Level을 항상 유지 하도록 Ball을 주기 적으로 adding 해야 하게 된다.

여기서 먼저 적절한 adding 시기를決定해야 하게 되는데 보통 決定方法으로서 다음의 5가지 항목을 기본으로 하여 그 보충시기를 定하는 것이 일반적이다.

1. Mill의 동력소모상태

2. Mill 의 空高 측정(충진률파악)
3. Mill 의 운전시간
4. Mill 의 분쇄량(Tons)
5. Mill 의 분쇄상태

위의 5個항목의 각 상태를 수시로 파악 확인하여 Ball 보충 시기와 量을 定하는 것인데 이중 Mill 의 동력소모상태(1)의 파악은 기본항목이 되며 다음이 충진률(2) 체크가 보편적으로 사용되고 있다.

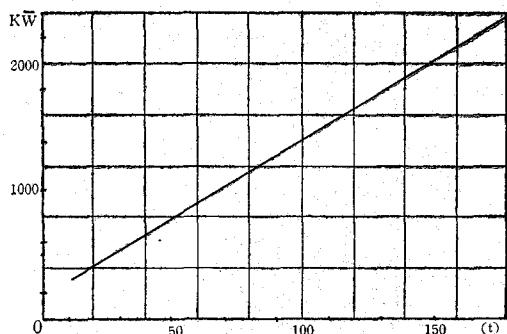
어느 밀을만한 外國통계에 따르면 Mill 의 동력 소모량 체크 하나만을 갖고 Ball 의 adding 시기와 量을 決定하고 있는 Cement Plant 의 수효가 전공장수의 32% 가량이 되고 있으며 Mill 内 충진률 조사를 하여 이것만 갖고 決定하는 工場이 21%, 나머지는 기타항목 및 위의 둘을 동시에 조사하여 行하고 있음이 聞혀진바 있다.

확실한 적산전력계기가 장치되어 있는 경우 1번 항목을 사용함이 간편하며 시간을 절약 할수 있을뿐더러 비교적 밀을만하다. 그러나 동력소모량 충진률을 동시에 조사하여 定하는 것이 가장 좋은 方法이라고 생각된다.

3번과 4번을 위주로 사용하려는 경우엔 어느 정도 확실한 自體工場의 Steel Ball 마모를 「데이터」를 보유하고 있을 것이 요청되며 실제 사용에 있어서 여러가지 이유로 그 정확도가 의심된다.

다음 圖表7의 Steel Ball 量에 따른 전력 커브는 어느공장 원료밀의 것으로서 Ball 보충用으로 쓰이는 것이다. 위의 커브를 사용하므로서 Ball 的 보충시기와 보충량을 동시에 決定지을 수 있게된다.

圖表 7. Raw mill 의 전력 소모線
(3.8 φ, 11.5t, 2.200kw, 150 t Ball)



REFERENCES

- (1) F.C.Bond, "Crush. & Grind. Calculation" Allis Chalmers (1956), (1961).
 - (2) H.E.Rose, "Ball, Tube & Rod mills" (1958)
 - (3) R.T. Hukki, Mining Eng., 10,581(1958)
 - (4) W. Kayser, Zement-Kalk-Gips 17, (11) 495 (1964)
 - (5) J. Slegten, Zement-Kalk-Gips 17,(11)503(1964)
 - (6) F.C. Bond, Mining Eng., Grinding Ball size Selection (5), 592(1958)
 - (7) F.C. Bond, Min. Eng., Grind. Ball size selection(5), 594(1958)
 - (9) G.J. Jalbalt & V.F. Freymann, Rock Product (7) 1957
- (1969. 1. 10接受)