

부분대역 재밍하에서 리미터-변별기 검파와 Integrate-and-Dump 필터링을 고려한 시스템의 성능 분석

이 봉 수* 이 사 원**

Analyzed the performances for system with limiter
discriminator detection and integrate
and dump post detection filtering

Lee Bong Soo* Lee Sa Won**

요 약

본 논문에서는 열잡음과 부분대역 재밍하에서 리미터-변별기 검파와 Integrate - and - Dump 필터링을 고려한 FH/CPFSK 시스템의 성능을 분석하였고, 시스템을 평가하는데 있어서 인접한 8개의 Bit 패턴에 대한 심볼간 간섭과 차분위상, FM 잡음 클릭을 고려하였다.

그 결과, 최적의 변조지수 h 는 0.7이었고, 대역폭과 시간의 곱 D 는 1.0이었으며, 부분대역 재밍하에서 열잡음을 고려했을 때, 대략 20dB 이하에서는 시스템의 오류확률에 중대한 영향을 미쳤으나 20dB 이상에서는 무시할 수 있었다.

Abstract

In this paper, we analyzed the performances for FH/CPFSK system with limiter - discriminator detection and integrate-and-dump post-detection filtering under thermal noise and partial-band jamming noise. And, we considered intersymbol interference - related SNR and differential phase parameters for all eight of the possible adjacent bit data patterns, FM noise clicks for evaluating FH/CPFSK and CPFSK systems.

In result, the optimum modulation index h was 0.7 and the optimum value of bandwidth-time product D was 1.0. Next, when we considered the thermal noise under the partial-band jamming, the thermal noise significantly influenced the error probability of system below 20dB approximately but could ignore above 20dB.

* 대원공과대학 전자통신과 겸임교수

** 청주대학교 전자공학과 대학원

논문접수 : 98.10.22. 심사완료 : 98.11.26.

I. 서 론

주파수 도약 대역 확산(FH / SS : Frequency Hopping / Spread Spectrum) 통신 방식은 통신 링크(Link)에서 주파수 대역이 고의적인 전파방해(Jam)나 각종 잡음 및 페이딩(Fading)에 영향을 받더라도 광대역으로 확산하여 통신을 행하기 때문에 각종 잡음이나 재밍(Jamming)으로부터 쉽게 회피할 수 있으므로 주로 군사용 통신이나 위성 통신 및 HF 통신에 많이 응용되고 있다.

FH 방식에서 도약 속도는 비트율(Bit Rate)에 관계되고, 높은 비트율로 전송을 하려면 필연적으로 도약기(Hopper)와 역도약기(Dehopper)의 하드웨어적인 제약이 따르게 되므로, 대부분의 FH 시스템은 하나의 도약에 다수의 비트를 전송하는 완도약(Slow Hopping) FH 시스템을 채택하여 사용하고 있다. 하지만 추종 재머(Follower Jammer)와 같은 지능적인 재머의 재밍은 절대적으로 도약률(Hop Rate)에 의해 좌우되므로, 높은 도약률의 데이터는 광대역 현상이 발생하게 된다. 따라서, 요구되는 변조 기법은 단순한 비동기 MFSK(M-ary Frequency Shift Keying)나 DPSK(Differential Phase Shift Keying)보다는 차라리 대역 폭을 효율적으로 이용할 수 있는 연속 위상 변조(Continuo-use Phase Modulation : CPM) 형태의 변조 기법이 요구될 것이다.[5]

따라서 현재 FH/CPFSK에 대한 대부분의 연구 발표된 문헌들이 근사적으로 해석되었거나, 열 잡음(Thermal Noise)을 무시하였으며, 특히 톤 재밍(Tone Jamming)에 대한 해석은 하지 않고 있을 뿐만 아니라 일반적으로 재밍하에서 FH / CPFSK 시스템에 대한 최적 이용과 최적 설계를 위한 가장 적당한 파라메타 값을 유도하지 않고 시스템을 분석하였으므로, 본 연구에서는 리미터-변별기 겸파방식을 가정한 FH / CPFSK 시스템의 최적설계를 위한 파라메타를 유출하고, 부분대역 재밍하에서 열잡음을 고려하여 시스템의 성능을 분석하였다.

II. FH/CPFSK 시스템

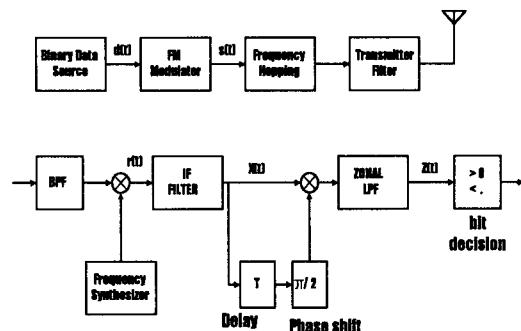


그림 1. FH/CPFSK 시스템의 송·수신기 복록도

FH/CPFSK 시스템 모델을 그림 1에 나타내었다. 여기에서 이진 데이터 열(Binary Data Stream) $d(t)$ 는 주기가 T 이고, 진폭이 ± 1 인 펄스의 열이며 수신기의 IF 필터 입력에서 신호 $r(t)$ 는

$$r(t) = A \cos[\omega_0 t + \theta_0 + \theta_m(t)] + n(t) \quad (1)$$

이다. 식 (1)에서 $\omega_0 = 2\pi f_0$ 는 IF 필터의 중심 주파수이고, θ_0 는 Downconversion과 역도약(De-hopping) 후 잔존하는 임의의 위상 Offset이며, $\theta_m(t)$ 는 FM 변조후의 Data 위상으로서

$$\theta_m(t) = 2\pi f_d \int_{-\infty}^t d(\tau) d\tau \quad (2)$$

여기에서 f_d 는 Data Frequency Offset이다.

IF 필터의 전달함수 $H(f)$ 는 저역통과 필터의 전달 함수 $H_0(f)$ 로 모델화 될 수 있고, 이것의 출력은 다음과 같이 된다.

$$x(t) = a(t) \cdot A \cdot \cos[\omega_0 t + \theta_0 + \phi(t)] + n(t) \quad (3)$$

여기에서

$$a^2(t) = [h_0(t) * \cos \theta_m(t)]^2 + [h_0(t) * \sin \theta_m(t)]^2$$

.....(4)

$$\phi(t) = \tan^{-1} \frac{h_0(t) * \sin \theta_m(t)}{h_0(t) * \cos \theta_m(t)}$$

.....(5)

이다. 또한 리미터의 목적은 IF신호의 어떤 진폭을 제거하는 것이므로, 리미터의 출력 $y(t)$ 는

이다. 여기에서 $\eta(t)$ 는 [1]

$$\eta(t) = \tan^{-1} \frac{\xi(t)}{\sqrt{2\rho(t) + \xi(t)}} \quad \dots\dots\dots(7)$$

로 주어지는 위상잡음이다. 여기에서 $\xi(t)$ 와 $\zeta(t)$ 는 영평균과 단위분산을 가지는 독립가우시언 변수이고, $\rho(t)$ 는 다음과 같이 주어지는 시변 신호 대 잡음비[1]이다.

$$\rho(t) = \frac{E_b}{N_0} \frac{a^2(t)}{T \int_{-\infty}^{\infty} |H(f)|^2 df} \quad \dots \dots \dots (8)$$

심볼간 간섭(Intersymbol Interference)을 고려하는데 있어서 현재의 비트에 인접한 두 비트만이 시스템의 응답에 중요한 역할을 한다(2). 따라서 가능한 비트 패턴은 모두 8개로서

111, 000 : All Ones or Zeros

010, 101 : Alternating One-Zero

110, 001

011, 100

이 되고, 1을 전송할 확률과 0을 전송할 확률은 같은 확률로 발생되므로 앞으로 신호 1을 전송하였다고 가정한다.

"All Ones"와 "Alternating One-Zero" 비트 패턴은 비트 오류 확률을 결정하는데 있어서 최적의 상황과 최악의 상황에 관계되므로 이 두 특별한 비트 패턴에 대해 필터된 신호 위상과 정규화된 진폭에 대해 좀더 고려하여야 한다.

A. "All Ones" Bit Pattern

이 비트 패턴의 경우, FM 변조후의 Data 위상은 직선이고, 위상 지연을 제외하다면 IF 필터의 출력위상은

$$\phi(t) = 2\pi f_d t \quad (9)$$

이고, 필터의 정규화된 신호의 진폭은

$$a^2(t) = |H(f_d)|^2 \quad (10)$$

이다.

B. "Alternating One-Zero" Bit Pattern

FM 변조후의 신호위상 $\theta(t)$ 는 영평균과 원점에서
peak인 삼각 Pulse파이다. $\sin \theta_m(t)$ 와 $\cos \theta_m(t)$
Fourier 급수는

$$\sin \theta_m(t) = \frac{4h}{\pi} \cos \frac{\pi h}{2} \sum_{n=odd,0}^{\infty} \frac{\cos \frac{\pi n t}{T}}{n^2 - h^2} \quad (11)$$

$$\cos \theta_m(t) = \frac{2}{\pi h} \sin \frac{\pi h}{2} \cdot \left[1 - 2k^2 \sum_{n=even>0}^{\infty} \frac{\cos \frac{\pi n t}{T}}{n^2 - h^2} \right] \quad (12)$$

이다. IF 필터가 단지 이들 Fourier 급수의 조화파를 $f = 1/T$ 까지만 통과시킨다면 필터된 신호 위상과 정규화된 신호의 진폭을 균사시킬 수 있다. 따라서 $\phi(t)$ 와 $a^2(t)$ 는

$$\phi(t) = \tan^{-1} \frac{m \cdot \cos \left[\frac{\pi t}{T} + \angle H \left(\frac{1}{2T} \right) \right]}{\left[1 - n \cdot \cos \left[\frac{2\pi t}{T} + \angle H \left(\frac{1}{T} \right) \right] \right]} \quad \dots \dots \quad (13)$$

$$a^2(t) = \text{sinc}^2\left(\frac{\pi h}{2}\right) \cdot \left\{ \left(1 - n \cos\left[\frac{2\pi t}{T} + \angle H\left(\frac{1}{T}\right)\right]\right)^2 + m^2 \cos^2\left[\frac{\pi t}{T} + \angle H\left(\frac{1}{2T}\right)\right] \right\} \quad \dots (14)$$

이 된다. 여기에서

$$m = 2 \left| H\left(\frac{1}{2T}\right) \right| \frac{h^2}{1-h^2} \cot \frac{\pi h}{2} \quad \dots \dots \dots (15)$$

$$n = 2 \left| H\left(\frac{1}{T}\right) \right| \frac{h^2}{4-h^2} \quad \dots \dots \dots \quad (16)$$

그림 1에서 리미터-변별기의 출력은 식 (6)의 위상 도 합수이므로

$$\delta = \angle H\left(\frac{1}{T}\right) - 2\angle H\left(\frac{1}{2T}\right) \dots \dots \dots (32)$$

이다.

ac 신호 대 잡음비 R_a , dc 신호 대 잡음비 R_d , 변조 지수 m , n , 필터의 위상천이 δ 는 시스템 파라메타에 관계되므로 비트 오류 확률에 대한 최종적인 형태에서 중요한 역할을 한다.

차분 위상 $\Delta\phi$ 에 대한 확률 밀도 함수인 식 (19)은 클릭을 포함하지 않은 경우에 적합하다. 따라서, 클릭을 포함한 확률밀도함수는 다음과 같이 쓸 수 있다.

$$P_d(x) = \sum_{n=0}^{\infty} \Pr\{N=n\} \cdot P_{d\phi}[x + 2\pi n \cdot \text{sgn}(\Delta\phi)]$$
.....(33)

III. 시스템의 오류 확률 계산

2장에서 전개한 이론적 배경을 토대로 3장에서는 열잡음과 부분대역 채밍 잡음을 포함한 FH/CPFSK 시스템의 오류율률을 구하고 성능을 분석하였다.

부분대역 재밍이 가정되었기 때문에 조건부pdf는

$$P_Z(\alpha | \beta) = (1 - \gamma) \sum_{n=0}^{\infty} P_{0,n} \cdot P_{A\phi}(\alpha + 2\pi n; \rho_N, \beta) \\ + \gamma \sum_{n=0}^{\infty} P_{1,n} \cdot P_{A\phi}(\alpha + 2\pi n; \rho_T, \beta) \quad \dots \dots \dots (34)$$

이 된다. 여기에서 γ 는 재밍 Fraction이고, β 는 개개의 비트 패턴에 대응하는 파라메터를 나타낸다.

수신기는 $\Delta\phi > 0$ 이면 1이 전송된 것으로 결정하고,
그 외에는 0으로 결정한다. 따라서 조건부 BFR은

$$P(e|x_1y) = 1 - \Pr\{Z = \Delta\Phi > 0 | x_1y\} \quad (35)$$

$$= 1 - \int_0^{\Delta\Phi + n} P_Z(\alpha|\beta) d\alpha$$

과 같이 주어지므로, 양의 비트가 전송되었다면 4개의 비트 패턴 111, 010, 011, 110가 비트 오류확률을 평가하는데 고려되어져야 한다.

비트 패턴 111과 비트 패턴 010는 2장에서 "All ones" 비트 패턴, "Alternating One-Zero" 비트 패턴으로 고려되었고, 비트 패턴 011, 110 앞의 두 비트 패턴의 Noise Statistics와 시스템 응답을 사용하여 비트 오류 확률을 구할 수 있다. 110 비트 패턴의 중간 bit에 이를 때까지는 "All Ones" 비트 패턴이고 그런 다음 "Alternating One - Zero" 패턴이다. 따라서 중간 bit 부근에서의 시간응답은 균사적으로 111, 010 비트 패턴의 반과 같다. 그래서 110 비트 패턴에 대한 비트 위상 변화와 클릭의 평균수는 균사적으로

$$A\phi(110) \cong 0.5 \cdot [A\phi(010) + A\phi(111)] \quad (36)$$

$$\bar{N}(110) \cong 0.5 \cdot [\bar{N}(010) + \bar{N}(111)] \quad (37)$$

이 되므로, 비트 오류 확률 P_b 는 이들 4개의 비트 패턴에 대해 평균을 취함으로서 구해질 수 있다. 각각의 비트 패턴에 대해서는 식 (35)을 사용하고, 각각의 비트 패턴에 대응하는 $\Delta\phi$ 와 ρ 를 구하기 위해서는 식 (9) ~ 식 (16)을 사용하였으며, 클릭 성분을 구하기 위해서는 식 (28) ~ 식 (32)을 사용하였다. 식 (36), 식 (37)과 함께 이것들을 결합하면

$$P_b = \frac{1}{4} [P(e|111) + P(e|010) + 2P(e|110)] \quad \dots \dots \dots (38)$$

이 된다.

IV 시스템의 성능 분석 및 검토

열잡음과 부분대역 재밍 잡음을 고려한 FH / CPFSK 시스템에서 리미터-변별기 겸파방식을 가정하면 식 (38)과 같은 오류 확률식을 얻게 된다. 따라서 본 연구에서는 리미터-변별기 겸파 방식을 가정한 FH /CPFSK 시스템의 타당성을 검토하기 위하여 컴퓨터로 성능을 분석한 결과 다음과 같은 결론을 얻을 수 있었다.

먼저 FH/CPFSK 시스템에서 최적의 변조 지수 h_{opt} 을 구하여 h_{opt} 을 0.5, 0.6, 0.7, 0.8로 고정시켜 두고, SNR 값을 0dB에서 15dB까지 변화시키면서 오류

확률을 구하였다. 그 결과, 그림 2에 나타낸 바와 같이 높은 SNR(9.8dB 이상)에서 최적의 h 값은 0.7이었고, SNR < 3.5dB에서는 $h=0.5$, 3.6dB < SNR < 9.8dB에서는 $h=0.6$ 이었다.

다음 FH/CPFSK 시스템에서 대역폭과 시간의 곱(Bandwidth-Time Product) D값을 구하기 위하여 h 는 0.7로 고정시켜 두고, D값을 0.8에서 1.2까지 변화시키면서 오류확률을 구하였다. 그 결과, 그림 3에 나타낸 바와 같이 높은 SNR(13.6dB 이상)에서는 D=1이 최적의 값이었고, SNR < 8.5dB에서는 D=0.8, 8.6dB < SNR < 13.5dB에서는 D=0.9가 최적의 값이었다.

FM은 무한 대역폭을 가지므로 IF 필터에서 심볼간 간섭에 의해 왜곡이 발생한다는 것은 이미 논의한 바와 같다. 따라서 간섭의 효과를 측정하기 위하여 SIR 값을 0dB에서 30dB까지 5dB단위로 분석하였고, 그 결과를 그림 4에 제시하였다.

먼저, 열잡음을 고려하지 않은 경우, 재밍 Fraction γ 을 1, 0.5, 0.2, 0.1, 0.05, 0.02, 0.01, 0.005, 0.002, 0.001로 고정시켜 두고, 비트 에너지 대 재밍 잡음 밀도비 E_b/N_J 를 0dB에서 40dB까지 변화시키면서 오류 확률을 구하였다. 그 결과, 그림 5에 나타낸 바와 같이 재밍 Fraction이 감소할수록 잡(Jam)될 확률은 감소하지만, 잡(Jam)된 신호는 더 높은 조건적인 오류 확률을 경험한다는 것을 알 수 있었다.

다음, 열잡음을 고려한 경우, FH/CPFSK 시스템의 성능을 분석하기 위하여 비트 에너지 대 열잡음 밀도비 E_b/NO 를 5dB에서 30dB까지 5dB 단위로 고정시켜 두고, γ 와 E_b/N_J 를 변화시키면서 성능을 분석하였고, 그 결과 중 15dB인 것과 30dB인 것을 그림 6에 나타내었다. 그 결과, FH/CPFSK 시스템에서 대략 20dB 이하의 열잡음은 무시할수 없을 정도로 시스템에 영향을 미치고 있으며, 20dB이상의 열잡음은 무시해도 좋을 정도로 시스템에 별 영향을 미치지 않음을 알 수 있었고, 30dB에서 열잡음을 무시한 경우와 비교할때, 거의 같아짐을 알 수 있었다.

표 1. 열잡음을 고려한 경우 10^{-5} 오류 확률에서 FH / CPFSK 시스템의 E_b/N_J 값

| E_b/N_J | γ | | | | | | | | | | |
|------------|----------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|------|
| | 1.000 | 0.500 | 0.200 | 0.100 | 0.050 | 0.020 | 0.010 | 0.005 | 0.002 | 0.001 | |
| FH / CPFSK | 15.0 | 14.5 | 16.9 | 20.1 | 22.6 | 25.0 | 28.1 | 30.4 | 32.7 | 35.6 | 37.7 |
| | 20.0 | 12.4 | 15.1 | 18.5 | 21.1 | 23.7 | 27.0 | 29.5 | 31.9 | 35.0 | 37.1 |
| | 25.0 | 11.9 | 14.6 | 18.1 | 20.8 | 23.4 | 26.7 | 29.2 | 31.7 | 34.8 | 37.0 |
| | 30.0 | 11.8 | 14.5 | 18.0 | 20.6 | 23.3 | 26.6 | 29.2 | 31.6 | 34.7 | 36.9 |
| | NO | 11.7 | 14.4 | 18.0 | 20.6 | 23.2 | 26.6 | 29.1 | 31.6 | 34.7 | 36.9 |
| TM | | | | | | | | | | | |

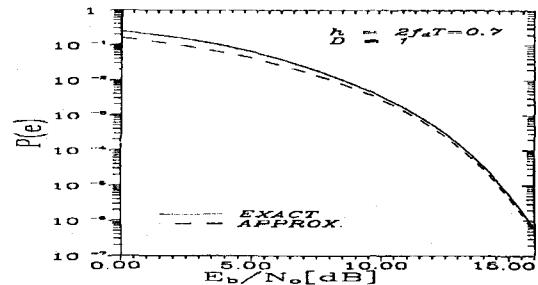


그림 2. D=1일때, 번조지수에 따른 비트오류 확률

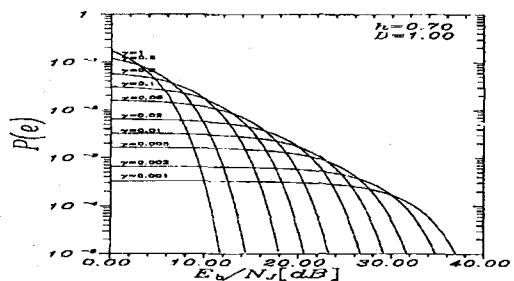


그림 3. h=0.7일때, D=WFT에 따른 비트오류 확률

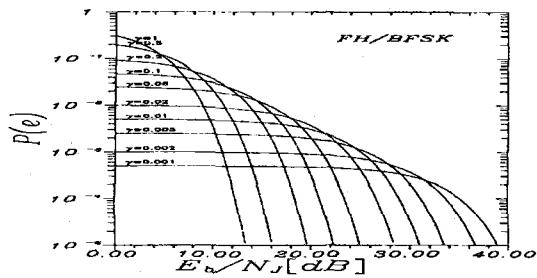


그림 4. 신호대 간섭비에 따른 비트 오류 확률

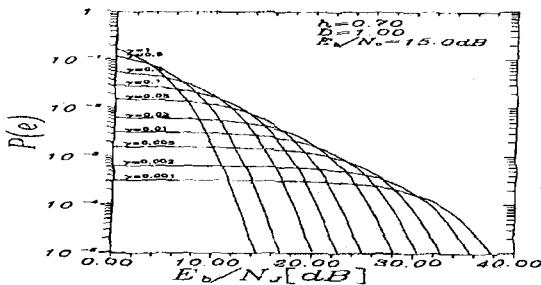


그림 5. 부분대역 재밍하에서 열잡음을 무시한 경우, γ 와 E_b/N_0 에 따른 비트 오류 확률

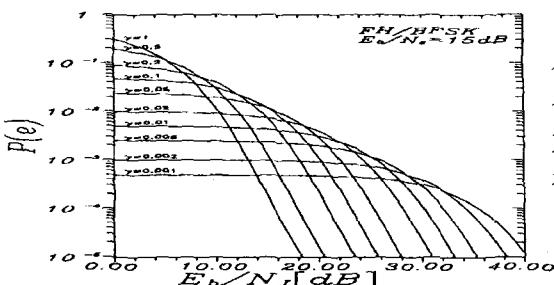


그림 6. 부분대역 재밍하에서 $E_b/N_0 = 15.0 \text{ dB}$ 일 때, γ 와 E_b/N_0 에 따른 비트 오류 확률

잡음은 고려하지 않은 상태에서, $D = W_{IF} T$ 를 1.0으로 고정시켜 두고, 변조지수 h 값을 변화시킨 결과 최적의 h 값은 0.7이었으며, h 값을 0.7로 고정시켜 두고 D 값을 변화시킨 결과 최적의 D 값은 1.0이었다. 또한 IF 필터에 의한 심볼간 간섭 효과를 고려해 본 결과 10^{-5} 이상의 오류 확률을 얻을려면 적어도 SIR은 20dB 이상을 요구할 만큼 시스템에 중요한 영향을 미치고 있으며, 부분대역 시스템의 오류 확률에 중대한 영향을 미치고 있었으나, 20dB 이상에서는 무시할 수 있음을 알 수 있었다.

본 논문이 앞으로 나아가야 할 방향은 FH / CPFSK 시스템의 시스템의 성능을 더욱 향상시키기 위하여 부호 상관 효과와 Diversity가 고려되어 쳐야 하고, 이상적인 Discriminator와 고속의 주파수 합성기의 개발이 필요할 것으로 사료된다.

참고문헌

V. 결론

FH/CPFSK 확산 통신 시스템에 대한 대부분의 연구 발표된 분석 결과들은 열잡음(Thermal Noise)을 무시하고 근사적으로 해석되었으나, 시스템에 대한 최적 이용과 최적 설계를 위하여서는 이와 같은 열잡음을 무시할 수 없을 뿐 아니라 재밍하에서 원만한 통신을 행하기 위하여 가장 적당한 파라메타 값을 발견하는 것은 매우 중요하다.

따라서 본 연구에서는 부분대역 재밍 잡음과 열잡음을 고려하여 리미터-변별기 검파방식을 가정한 FH/CPFSK 시스템의 성능을 분석하고, 총 8개인 인접 비트 패턴에 대한 심볼간 간섭 SNR과 차분 위상 파라메타, FM 잡음의 클릭율과 정클릭의 평균수를 유도하여, 오류 확률의 계산에 있어서 적용한 결과식 (38)과 같은 결과를 얻었다.

먼저 최적의 변조지수 h 를 얻기 위하여 부분대역 재밍

- (1) R.F. Pawula, "On the Theory of Error Rates for Narrow - band Digital FM", IEEE Trans. Commun., Vol. COM - 29, pp. 1634 - 1643, November 1981.
- (2) C.H. TAN, T.T. TJHUNG, H. SINGH, "Performance of Narrow Band Manchester Coded FSK with Discriminator Detection", IEEE Trans. Commun., Vol. COM - 31, No.5, May 1983.
- (3) M.K. Simon and C.C. Wang, "Differential versus Limiter - Discriminator Detection of Narrow - band FM", IEEE Trans. Commun. Vol COM-31, pp 1227-1234, November 1983.
- (4) MASAHICO HIRONO, TOSHIO MIKI, KAZUAKI MUROTA, "Multilevel Decision Method for Band - Limited Digital FM with Limiter-Discriminator Detection".

IEEE Journal on selected area in communications, Vol. SAC- 2, No. 4, July 1984.

- [5] R.E. Ziemer, R.L. Peterson, "Digital Communications and Spread Spectrum systems", Macmillan Publishing Company, 1985.
- [6] M.K. Simon, J.K. Omura, R.A. Scholtz, B.K. Levitt, "Spread Spectrum Communications Volume I, II, III", Computer Science Pre- ss, 1985.
- [7] Athanasios Papoulis, "Probability, Random Variables, and Stochastic Processes", McGrawHill Book Company, 1984.

저자소개

이봉수

한국 OA학회 논문지 제3권 제3호
참조

이사원

한국 OA학회 논문지 제3권 제3호
참조