어긋나기배열 직교류 열교환기의 열전달특성에 관한 연구 유재환¹·윤준규⁺

(원고접수일: 2012년 9월 7일, 원고수정일: 2012년 10월 30일, 심사완료일: 2012년 11월 20일)

A Study on Heat Transfer Characteristics for Cross Flow Heat Exchanger of Staggered Arrangement

Jae-Hwan Yoo¹ · Jun-Kyu Yoon*

요 약: 열교환기는 다수의 원관으로 구성하고 있기 때문에 원관 주위에서 국소열전달과 압력강하의 해 석, 크기의 성능과 추산, 경제성으로 설계 시 중요한 역할을 한다. 본 연구에서는 어긋나기배열 직교류 열교환기에서 물의 온도 및 공기량 변화에 따른 대류열전달계수, 대수평균온도차, 압력손실 등을 고찰하 기 위하여 실험 및 해석을 수행하였다. 본 열교환기는 관군이 5행 7열 어긋나기배열로서 구성하였으며, 실험 및 해석 조건은 물의 온도는 40℃~65℃ 범위이고, 공기량은 5.0~12.3㎡/s 범위이다. 그 결과로서 물의 온도 및 유량을 증가함에 따라 공기밀도가 감소하여 유속도 낮아지는 특성을 보여 레이놀즈수가 감 소하고, 공기량 증대로 평균열전달계수가 증가하여 전열성능은 향상됨을 알 수 있었고, 압력손실도 증가 하였다. 그리고 해석결과로서는 열전달율의 경우는 약 8~12%, 압력강하는 약 0.01~7.5% 오차를 나타내 어 본 연구의 적합성을 평가할 수 있었다.

주제어: 어긋나기배열, 직교류 열교환기, Nusselt수, 열전달계수, 압력강하

Abstract: Because heat exchanger consists of many circular tubes, the analysis of local heat transfer and pressure drop at the surrounding of circular tubes, performance and calculation of size, economics play important roles in design. In this study, This study conducted experiment and analysis in order to observe convective heat transfer coefficient LMTD (logarithm mean temperature difference) and pressure losses according to water temperature and air flow rate using a cross flow heat exchanger of staggered arrangement. This heat exchanger was composed of staggered arrangement for five rows and seven columns of tube banks, and the condition of experiment and analysis are $40 \sim 65^{\circ}$ C of water temperature and $5.0 \sim 12.3 \text{ m}^3$ s of air flow rate. As a result of it, since air density decreases as water temperature and flow rate increases, Reynolds number decreases with characteristics of low flow velocity but mean heat transfer coefficient increases with air flow rate increase, heat transfer performance has been improved and pressure losses decreased. And since heat transfer rate shows about $8 \sim 12\%$ and pressure drop around $0.01 \sim 7.5\%$ error as the analysis result, the feasibility of this study could be evaluated.

Key words: Staggered arrangement, Cross flow heat exchanger, Nusselt number, Heat transfer coefficient, Pressure drop

	1. 서 론	F	: 감소상수
С	: 실험상수	f	: 마찰인자
D	: 관의 직경 [mm]	h_{m}	: 평균열전달계수 [W/m²·K]

^{*} 교신저자(가천대학교 기계·자동차공학과, E-mail: jkyoon@gachon.ac.kr, Tel: 031-750-5651)

¹ 가천대학교 대학원 기계공학과, E-mail: mryoujh@naver.com, Tel: 010-2933-2287

L	:	관 길이 [m]
m	:	실험상수
Ν	:	전체 관의 수
n	:	실험상수
N_L	:	관 열의 수
Nu	:	평균Nusselt수
Q	:	열전달률 [W]
Pr	:	Prandtl个
\Pr_{w}	:	벽온도에서 Prandtl수
$Re_{D,max}$:	Reynolds宁
S _D	:	대각선피치 [mm]
S _T	:	횡피치 [mm]
SL	:	종피치 [mm]
T _i	:	유체의 입구온도 [℃]
T _o	:	유체의 출구온도 [℃]
T_w	:	벽온도 [℃]
u _{max}	:	최대흐름속도 [m/s]
u∞	:	자유흐름속도 [m/s]
ΔP	:	압력강하 [N/m²]
$\Delta T_{\rm m}$:	대수평균온도차 [℃]
ρ	:	유체의 밀도 [kg/m³]
κ	:	유체의 열전도계수 [W/m·K]
ν	:	유체의 동점성계수 [m²/s]
Φ	:	보정계수

1. 서 론

열교환기는 상이한 온도에 있는 다른 두 유체사 이의 열전달이 가능한 장치로서 화학공정, 가열과 공기정화, 폐열회수 등의 목적으로 다양하게 널리 사용되고 있으며, 전체 산업용 열교환기 시장의 약 70% 이상을 차지하고 있다. 이러한 열교환기는 일 반적으로 다수의 원관으로 구성하고 있기 때문에 원관 주위에서 국소열전달현상과 압력강하의 해석, 크기와 성능의 추산, 경제성이 최종설계에 중요한 역할을 한다. 따라서 열전달계수와 대수평균온도차 등의 계산으로 열교환기에 대한 열전달특성을 고찰 한 연구동향으로서 Zukauskas[1]는 직교류에서 관 군의 열전달 및 압력강하 특성 등을 수치해석 및

실험으로 고찰하여 상관식을 제안하였으며, Yoo 등[2]은 정렬배열 직교류 열교환기에서 간격비, 원 관의 위치, 레이놀즈수를 변수로 하여 국소열전달 특성을 고찰하였고, Kostic와 Oka[3]는 직교류 유 동장에서 2개 원관이 유동방향에 대하여 일렬로 배열되어 있을 때 레이놀즈수 $1.2 \times 10^4 \sim 4 \times 10^4$ 의 범위와 간격비 1.6~9의 범위에서 원관 주위의 압 력계수와 Nusselt수를 구하였고, Buyruk[4]은 레이 놀즈수가 400이하의 낮은 범위에서 원관의 배열형 태, 간격비, 유동조건에 따른 열전달특성을 수치적 으로 예측하였다. 또한 열교환기의 압력손실에 대 한 연구로서는 Smith와 Troupe[5]는 상업용 금속평 판에 대하여 연속유동 및 루프유동 형태에 대한 실험적인 상관식을 제안하였으며, Cooper[6]은 열 교환기에서 기하학적 특성 및 유동유체에 따라 마 찰계수를 적용하여 압력손실의 상관식을 제안하였 다. 그 외에도 직교류 열교환기에서 관과 관 사이 의 간격, 배열 등에 따른 열전달성능을 향상시키기 위해 여러 가지 변수를 적용한 각종 실험방법 및 해석을 통하여 열교환기의 최적설계를 위한 연구 가 지속적으로 진행되고 있다.[7-10]

본 연구에서는 직교류 열교환기의 어긋나기 관 군배열에 대해 물의 온도 및 공기량 변화 등에 따 른 대류열전달 상관식을 적용하여 대류열전달계수, 대수평균온도차, 압력손실 등을 구해 열전달특성을 고찰하여 열교환기 설계 시 기초자료로 활용하고 자 한다.

2. 실험 및 해석방법

2.1 실험장치 및 실험방법

일반적으로 열교환기의 성능은 유체의 입출구온 도, 유체의 유동속도, 열교환기의 크기 및 배열형 식 등에 좌우된다. 따라서 열교환기 설계 시 이들 인자를 분석하여 최적조건을 규명하여야 성능과 효율을 높일 수 있다. Figure 1은 본 열교환기 실험 장치(HH15A, 홍익유체)의 개략도를 나타낸 것으로 고온유체의 입출구의 온도, 체적유량, 저온유체의 입출구온도 등을 계측하여 열전달계수, 열전달율, 압력강하 등을 산출하여 분석할 수 있도록 제작되 어 있다. Table 1은 실험장치의 구성품에 대한 사

양을 나타내었고, Figure 2는 어긋나기배열의 직교 류 열교환기의 모델링을 나타낸 것으로 횡피치 Sr =27.7mm, 종피치 S_L=17.7 mm, 대각선피치 S_D =22.5mm이고, 동관의 크기는 높이 170mm, 가로 203.06mm, 세로 93.5mm으로 KS규격에 맞는 외경 및 내경은 각각 12.7mm, 11.6mm로 5행 7열로 제 작한 총 35개의 관군이다.



- ① Control panel
- ③ Air flow con. inverter
- (5) Manometer
- ⑦ Heater switch
- (9) Temperature sensor
- 1 Blower
- 13 Water tank
- (8) Wind tunnel 10 Heat exchanger 12 Water flow con. valve
 - 14 Water flow meter

6 Temperature digit

④ Temperature controller

Figure 1: Schematic setup of heat exchanger (HH15A) experimental apparatus

Components	Туре	Specification
	Suction type	0~4 m/s
Wind Tunnel	Size & mesh	170×170 mm, #24 (75×8 mm)
	Blower control	Volume control (8m ³ /min×30 mmAq)
Flow Measuring	Nozzle	$\phi 60, C_0 = 1.115$
system	Manometer	U tube $(0 \sim 200 \text{ mmAq})$
	Tank size	500×400×500mm
Water supply	Heater	2 kW×3 (5∼70 °C)
oy otom	Flow meter range	1.5~15 <i>l/</i> min
Control nanal	Temperature	Pt 100Ω
Control panel	Indicator	Digital type
Heat Exchanger	Cross flow	Staggered arrangement

Table 1: Specification of experimental apparatus

이 직교류 열교환기는 두 유체(물 및 공기)가 서 로 접촉하지 않으며 관 내부 및 외부를 지나면서 열에너지를 교환하여 양쪽 유체 모두 입구에서 출 구까지 온도변화를 일으킨다.



Figure 2: Modeling of cross flow heat exchanger

실험방법은 실험실 상온에서 저수조에 물을 채 우고 물의 유량은 8~12kg/min 범위에서 온도조절 장치로 물의 온도를 40℃에서 65℃까지 5℃씩 올 리고, 공기유량은 물의 각 온도 및 유량조건에서 마노미터 차압을 10~60mmAq(5.0~12.3 m³/s)범위 에서 10mmAq씩 올리면서 물의 입출구온도 및 공 기의 입출구온도를 각각 계측하였다.

2.2. 해석방법

열교환기의 열전달 특성해석을 위해 먼저 Pro-E 를 통하여 모델링을 하였고, 이를 Ansys 프로그램 으로 불러와 격자형성, 경계조건부여 후 Fluid domain으로 설정하여 CFX해석을 위해 $\kappa - \epsilon$ 모델 을 적용하였다. 어긋나기형 배열이 우회하는 유동 에 의하여 보다 많은 관의 표면이 난류후류에 접 하게 되기 때문이다. Realizable $\kappa - \epsilon$ 난류모델은 Shih 등[11]에 의해 제안된 난류모델로, 새로운 와 점도 방정식과 평균제곱 와도변동의 역학식에 기 초를 둔 새로운 소산율 모델방정식을 적용시킨 모 델이다.

여기서 Realizalbe의 의미는 난류유동의 물리학

적 거동과 일치하는 평균응력에 대한 특정한 수학 적 제한을 만족한다는 뜻이다.

이러한 해석모델링과 열교환기 실험장치의 제작 과 실험을 통하여 해석모델을 비교 및 검증하였다. 열교환기 설계는 일반적인 설계와 마찬가지로 냉 각유체인 냉각수와 피냉각유체인 공기 사이에 있 어서 고온과 저온의 두 유체가 열교환을 하는 형 태로 다음과 같은 식을 활용한다.

관군의 해석을 위해서는 우선 레이놀즈수를 구해 야 한다. 레이놀즈수란 관군에서 생기는 최대속도 에 의한 무차원수로 다음과 같은 식으로 정의된다.

$$\operatorname{Re}_{\text{D.max}} = \frac{u_{\text{max}}D}{\nu} \tag{1}$$

또한 관군의 관의 배열에 의한 종류를 결정하기 위해 다음과 같은 대각선피치 S_D를 구할 수 있다.

$$S_{\rm D} = \sqrt{S_{\rm L}^2 + \left(\frac{S_{\rm T}}{2}\right)^2} \tag{2}$$

S_D를 통하여 관의 배열에 의한 종류와 최대흐름 속도 u_{max}를 구할 수 있게 되는데 다음과 같은 상 관식을 통하여 형식에 따라 u_{max}를 구할 수 있다.

정렬배열 :

$$S_{\rm D} < \frac{S_{\rm T} + D}{2}, \ u_{\rm max} = \frac{S_{\rm T}}{S_{\rm T} - D} u_{\infty}$$
 (3)

어긋나기배열 :

$$S_{\rm D} > \frac{S_{\rm T} + D}{2}, \ u_{\rm max} = \frac{S_{\rm T}}{2(S_{\rm D} - D)} u_{\infty}$$
 (4)

여기서 S_D 의 계산결과에 의하면 $(S_D + D)/2$ 보 다 크므로 어긋나기배열로 u_{max} 를 구할 수 있다. 관의 평균열전달계수 h_m 을 구하기 위해서는 평균 Nusselt수 Nu을 구하여야 하는데 이는 Zhukauskas[1]가 제안한 경험식으로 다음과 같이 구할 수 있다.

$$Nu = FCR e_{D.max}^{m} Pr^{n} \left(\frac{Pr}{Pr_{w}}\right)^{1/4}$$
(5)

여기서 F, C, m, n은 실험상수이다.

그리고 관길이 1m당 대류열전달률 Q를 구하기 위해서는 평균열전달계수 h_m과 대수평균온도차 ΔT_m을 구하여야 한다. 관군에 대한 h_m은 다음과 같은 식으로 구할 수 있다.

$$h_{\rm m} = \frac{{\rm Nu.}\kappa}{{\rm D}} \tag{6}$$

또한 대수평균온도차 △Tm계산은 다음과 같다.

$$\Delta T_{\rm m} = \frac{(T_{\rm w} - T_{\rm i}) - (T_{\rm w} - T_{\rm o})}{\ln\left[(T_{\rm w} - T_{\rm i})/(T_{\rm w} - T_{\rm o})\right]}$$
(7)

따라서 관 길이 1m당 대류열전달률 Q은 다음 식으로 구할 수 있다.

$$\frac{\dot{Q}}{L} = N h_m \pi D \Delta T_m$$
(8)

일반적으로 유체가 관군 입구에서 출구를 지나 유동할 때 관군에 의해 압력이 감소한다. 유체가 관군을 원활히 유동하기 위해서는 외부 힘을 사용 하는데, 본 실험장치에서 사용한 송풍기의 소요동 력을 고려하기 위해서는 압력손실을 알아야 한다. 따라서 압력강하는 다음과 같은 상관식으로 산출 할 수 있다.[1]

$$\Delta P = N_L \Phi \frac{\rho u_{max}^2}{2} f \tag{9}$$

여기서 Ф와 f는 보정계수와 마찰계수이다.

3. 결과 및 고찰

직교류 열교환기의 실험장치를 이용하여 실제 실험결과와 Ansys CFX 해석결과를 비교하여 평가 하였다.

3.1 실험을 통한 열전달특성

Figure 3은 열교환기입구 물의 온도 및 유량 변 화에 따른 공기유량(마노미터 차압)의 변화조건에 서 얻어진 유속에 의한 레이놀즈수의 특성을 나타 낸 것이다. 그 결과로서 동일한 공기량조건에서 물 의 온도를 증가하면 공기밀도가 감소하여 유속도 낮아지는 특성을 보여 레이놀즈수가 감소한다. 또 한 공기량을 증가하면 상대적으로 유속이 빨라져 레이놀즈수가 증가하는데, 낮은 온도 경우의 순으 로 증가하는 특성을 나타나는 것은 밀도의 영향임 을 알 수 있다. 여기서 Figure 3(a)와 Figure 3(b)를 통하여 레이놀즈수의 특성을 비교하면 거의 비슷 하여 물의 유량증가에 큰 영향을 미치지 않으므로 본 연구에서는 물의 유량을 8kg/min을 기준으로 열전달특성을 고찰하였다.



Figure 3: Reynolds number variation according to air flow rate at water temperature change.

Figure 4는 열교환기입구 물의 온도에 따른 공기 량의 변화조건에서 얻어진 유속에 의한 평균 Nusselt수의 특성을 나타낸 것이다. Nusselt수는 유 체와 고체표면 사이에서 열을 주고받은 무차원 열 전달계수로서 대류열전달의 특성을 파악하는데 중 요한 척도로 활용한다. 그 결과로서는 Zhukauskas 가 제안한 경험식 (5)을 적용한 것으로 공기량을 증가하면 평균Nusselt수는 증가하는 특성을 나타나 는데, 이는 공기유속이 빨라져 레이놀즈수가 증가 하는 특성과 비례하는 밀접한 관계임을 알 수 있 었다. 특히 20~30mmAq 범위에서 급격히 증가하 는 이유는 레이놀즈수 증가에 따른 실험상수 C, m, n의 적용 값[12]이 다소 다르기 때문이라 사료된 다. 결론적으로 동일한 공기량 경우에서 열교환기 입구의 물의 온도가 낮을수록 더 높은 열전달특성 을 나타내고 있다.



Figure 4: Nusselt number variation according to air flow rate at water temperature change



Figure 5: Heat transfer coefficient variation according to air flow rate at water temperature change

Figure 5와 Figure 6은 식 (6)과 식 (8)로부터 얻 어진 관군의 평균열전달계수와 단위 길이당 관군 의 대류열전달율의 특성을 나타낸 것이다



Figure 6: Heat transfer rate variation according to air flow rate at water temperature change

그 결과로 공기량 증가로 평균 Nusselt수가 증가 되어 역시 평균열전달계수가 증가됨으로 전열성능 은 향상됨을 알 수 있다.

Figure 7은 열교환기입구 물의 온도에 따른 공기 량의 변화조건에서 얻어진 덕트 입출구의 압력강 하의 특성을 나타낸 것이다. 그 결과로서 공기의 유동속도 증가 및 물의 온도상승에 따라 유동마찰 손실 및 운동량손실이 커짐으로 압력손실도 증가 함을 알 수 있다.



Figure 7: Pressure drop variation according to air flow rate at water temperature change

32 해석을 통한 열전달특성 실험조건인 물의 온도 65℃ 및 질량유량 8kg/min, 공기유량 10mmAq에서 얻어진 실험결과 와 비교하기 위하여 Anysys CFX 해석에서는 실험 값에서 얻어진 평균공기유속 0.912m/s, 덕트 입구 온도 29.5℃, 열교환기 벽 쪽의 경계조건으로 관군 의 평균온도인 65℃를 기준으로 했을 때 기본설계 를 포함하여 다음과 같은 네 가지 유형으로 확대 하여 해석하였다. 첫째는 관의 배치를 좀 더 조밀 하게 하기 위해서 기본설계에서 2열과 4열의 위치 를 5mm만큼 위쪽으로 이동하였으며, 둘째는 관의 길이와 덕트의 세로길이를 10mm씩 증가하였으며, 셋째는 기본설계로 한 관의 외경 12.7mm를 15.88mm로 증가하였고, 넷째는 관의 배치, 길이 및 크기를 종합하여 해석을 하여 각각 비교하였다. Figure 8과 Figure 9는 공기유량에 따른 레이놀

즈수와 Nusselt수의 특성을 나타낸 것이다.



Figure 8: Reynolds number comparison according to air flow rate



Figure 9: Nusselt number comparison according to air flow rate

그 결과로 해석 시 공기유속과 덕트 입구온도를 동일하게 적용하여 산출하기 때문에 거의 일치함 을 알 수 있다.

Figure 10과 Figure 11은 공기량에 따른 단위 길 이당 관군의 대류열전달율의 특성과 덕트 입출구 의 압력강하의 특성을 나타낸 것이다. 그 결과로 공기량증가로 대류열전달율과 압력강하는 증가하 는 열전달특성은 유사하지만 해석값에 비해 실험 값이 열전달율의 경우는 약 8~12%, 압력강하는 약 0.01~7.5% 오차가 발생함을 알 수 있었다.



Figure 10: Heat transfer rate comparison according to air flow rate



Figure 11: Pressure drop comparison according to air flow rate

이는 덕트 출구온도가 실제 측정한 값과 해석한 값이 다름으로 인해 대수평균온도차가 약 3℃정도 로 실험값이 높게 나타나는 결과로 사료된다. 그리 고 압력강하의 오차는 덕트 출구온도에 따른 공기 밀도의 차이와 Zhukauskas의 경험식 및 도표[12]로 부터 얻어지는 관군배치의 영향을 나타내는 보정 계수 Φ와 마찰인자 f 등의 차이에 의해 발생함을 알 수 있다. 따라서 관내부의 거칠기 및 이음쇠의 용접부에 발생하는 유체 마찰손실의 영향도 지배 할 수 있으므로 관제작시 내부의 정밀도를 잘 고 려할 필요가 있다고 사료된다. 또한 직교류 열교환 기에서 기본설계를 근거로 관의 길이, 관의 배치 및 크기 등을 변경하여 해석한 4가지 조건을 비교 한 결과로서는 약 1~3%정도의 오차를 나타내어 모델 해석시 큰 차이가 없음을 확인하였다.

4. 결 론

본 연구는 5행 7열로 구성한 어긋나기배열 직 교류 열교환기에서 물의 온도 및 공기량 변화를 통해 계측한 실험결과와 Anysys CFX 해석결과를 비교하여 고찰한 열전달특성은 다음과 같다.

- (1) 물의 온도 및 유량을 증가함에 따라 공기밀 도가 감소하여 유속도 낮아지는 특성을 보 여 레이놀즈수는 감소한다.
- (2) 공기량증가로 평균 Nusselt수가 증가됨으로 써 평균열전달계수도 증가되어 전열성능은 향상됨을 알 수 있다.
- (3) 공기량증가에 따라 유속증가 및 물의 온도상 승으로 인하여 유동마찰손실 및 운동량손실 이 커짐으로 압력손실도 증가한다.
- (4) 동일한 물의 유량 및 온도조건에서 실험 및 해석을 통한 결과로서 열전달율의 경우는 약 8~12%, 압력강하는 약 0.01~7.5% 오차 를 나타내어 이론해석의 적합성을 확인할 수 있었다.

후 기

이 논문은 2012년도 가천대학교 교내연구비 지 원에 의한 결과임.(GCU-2012-R151)

참고문헌

 A. Zhukauskas, Heat Transfer of Cylinder Flow, Hemisphere Publishing Co., 1985.

- [2] S.-Y. Yoo, H.-K. Kwon, K.-I. Jang, and J.-T. Park, "A study on local heat transfer characteristics for cross flow heat exchanger of in-line arrangement", Fall Proceeding of the Korean Society of Mechanical Engineering, pp. 2023-2028, 2006(in Korean).
- [3] Z. G. Kostic and N. S. Oka, "Fluid flow and heat transfer with two cylinders in cross flow", International Journal of Heat and Mass Transfer, vol. 15, pp. 279-299, 1972.
- [4] E. Buyruk, "Numerical study of heat transfer characteristics on tandem cylinders, in-line and staggered tube banks in cross flow of air", International Communications in Heat and Mass Transfer, vol. 29, no. 3. pp. 355-366, 2002.
- [5] V. C. Smith and R. A. Troupe, "Pressure drop studies in a plate heat exchanger", American Institute of Chemical Engineers Journal, vol. 11, pp. 487-491, 1965.
- [6] A. Cooper, "Recover more heat with plate heat exchangers", International Journal of the Chemical Engineer, vol. 285, pp. 280~285. 1974.
- [7] M. F. Edwards, A. A. Changal Vaie and P. L. Parrott, "Heat transfer and pressure drop characteristics of a plate heat exchanger using Newtonian and non-Newtonian liquids", International Journal of the Chemical Engineer, vol. 285, pp. 286-288. 1974.
- [8] B. Debusschere, "Measurement of friction, heat transfer and mass transfer in a severely outgassing tube banks", International Journal of Heat and Fluid Flow, pp. 3015-3024, 1998.
- [9] S. Aiba, H. Tsuchida and T. Ota, "Heat transfer around tubes in in-line tube banks", Bulletin of JSME, vol. 25, no. 204, pp. 919-926, 1982.
- [10] Y.-H. Jeon, N.-J. Kim and C.-B. Kim, "A study on the performance of a cross flow

heat exchanger by tube array change", Journal of the Korean Society for Energy Engineering, vol. 15, no. 1, pp. 28-34, 2006(in Korean).

- [11] T. H. Shih, W. W. Liou, A. Shabbir and J. Zhu. A, "A new $\kappa \epsilon$ eddy-viscosity model for hight Reynolds number turbulent flows model development and validation", International Journal of Computer Fluids, vol. 24, no.3, pp. 227-238, 1995.
- [12] C.-H. Jeon, G.-H. Jang, H.-G. No, and K.-B. Lim, Heat Transfer, Bosunggak Pub., pp. 223-230, 2008(in Korean).