

# A Study on A Methodology for Centralized Warehouse Problem Considering Multi-item and Budget Constraint

Dongju Lee<sup>†</sup>

Department of Industrial and Systems Engineering, Kongju National University

## 다품종 예산제약을 고려한 중앙창고문제 해결방법론에 대한 연구

이 동 주<sup>†</sup>

공주대학교 산업시스템공학과

This paper deals with a centralized warehouse problem with multi-item and capacity constraint. The objective of this paper is to decide the number and location of centralized warehouses and determine order quantity ( $Q$ ), reorder point ( $r$ ) of each centralized warehouse to minimize holding, setup, penalty, and transportation costs. Each centralized warehouse uses continuous review inventory policy and its budget is limited. A SA (Simulated Annealing) approach is developed and its performance is tested by using some computational experiments.

**Keywords :** Simulated Annealing, Continuous Review Inventory Model, Supply Chain Management

## 1. 서 론

기업들은 기업 내의 경영 및 물류효율화를 통한 비용 절감이 실효성을 거둔에 따라 기업외부로 눈을 돌려 여러 기업을 아우르는 통합된 공급사슬관리(Supply Chain Management)를 통한 비용절감에 관심을 가지게 되었다. 본 연구에서도 하나의 스토어 내의 효율적인 재고관리를 통한 비용절감이 아니라 여러 개 스토어들의 재고를 통합하여 관리하는 중앙창고를 세워 비용절감을 꾀하는 방안에 대해 알아보았다.

특히 본 연구에서는 다품종과 예산(budget)의 제약이 있는 경우 재고관련비용과 운송비용을 고려하여 적정한 수의 중앙창고들을 적정한 장소에 배치하는 중앙창고입지선정문제에 관심을 두었다. 중앙창고입지선정문제란 여러 곳의 스토어와 그 스토어들에 제품을 공급하는 중앙창고로 이루어지는 공급사슬에서 각 중앙창고는 연속적 재고조사정책(continuous review policy)을 따를 때 비용을 최소화하는 최적의 중앙창고 개수와 어느 중앙창고가 어느 스토어들에게 제품을 공급할지를 정하는 문제이다. 연속적 재고조사정책인  $(Q, r)$ 재고 모형은 재고수준을 항상 알 수 있고 제품 수요가 불확실한 경우, 재고가 재주문점인  $r$  이하가 되면,  $Q$ 만큼 주문하는 것이다[6].

중앙창고 입지 선정문제는 연속적 재고 문제와 설비위치결정 문제를 포괄하는 문제이다. 먼저 연속적 재고 조사정책에 대한 연구를 살펴보면, Das[1]은 단품종 연속적 재고 모형에서  $Q$ 와  $r$ 을 반복적으로 풀지 않고 추정하는 방법을 제안하였다. Lee et al.[9]과 Ghalebsaz-Jeddi et al.[2]은

---

Received 10 September 2012; Accepted 16 October 2012

<sup>†</sup> Corresponding Author : djlee@kongju.ac.kr

© 2012 Society of Korea Industrial and Systems Engineering

This is Open Access article distributed under the terms of the Creative Commons Attribution Non-Commercial License which permits unrestricted non-commercial use, distribution, and reproduction in any medium, provided the original work is properly cited(<http://creativecommons.org/licenses/by-nc/3.0/>).

$(Q, r)$  재고모형에 예산제약(budget constraint)이라는 하나의 제약식이 있는 문제에 대해 연구하고, 반복 없이  $Q$ 와  $r$ 을 구하는 추정을 통한 해법과 Hadley Whitin 기법(HW)을 이용한 최적해를 찾는 해법을 제안하였다. Hariga[4]는 단품종 연속적 재고 관리 문제에서 창고 크기에 제약이 있는 경우의 최적해를 푸는 기법과 EOQ에 기반한 기법을 제시하였다. Tajbakhsh[12]는 단일 창고를 가진 연속적 재고 관리 문제에 충족률(fill rate)이 제약식으로 있는 경우에 수요의 분포가 일반적으로 고려하는 정규분포가 아닌 어떠한 분포라도 풀 수 있는 분포와 무관한 해법(Distribution Free Approach)을 제시하였다.

Pasandideh[10]는 2단계를 가진 공급사슬에서 각 단계는 연속적 재고 관리 모형을 가지고 예산의 제약이 있는 문제에 대해 유전자 알고리듬(Genetic Algorithm)을 이용한 해법을 제시하였다. Purnomo et al.[11]은 보유재고량(on hand inventory), 리드타임동안의 수요를 감당하기 위한 재고량, 연속적 재고 모형과 주기적 재고 모형 등을 고려한 하모니 검색(Harmony Search)을 이용한 해법을 제안하였다. 하모니 검색 알고리듬은 음악연주자의 실력이 향상되게 하여 결국 하모니를 만들어 내는데 착안한 휴리스틱 기법이다. 살펴본 연구들은  $Q$ 와  $r$ 의 최적화를 통한 비용최소화를 꾀했는데, 본 연구에서는  $Q$ 와  $r$ 의 최적화 뿐 아니라 중앙창고의 위치도 선정해야 하므로 이들의 연구와는 차이가 있다.

한편, 설비위치결정문제에 대한 연구들을 살펴보면, Holmberg[5]는 운송비가 convex 함수인 경우의 설비위치 결정문제를 Benders decomposition과 Dual ascent 기법을 이용한 최적해를 찾는 기법을 제시하였다. Hackness[3]는 생산비가 convex 함수인 경우의 설비위치결정문제를 분지한계법(Branch and Bound)을 이용한 해법을 제시하였다.

Lee et al.[8]은 단품종을 고려한 중앙창고입지선정문제에 대한 시뮬레이티드 어닐링(Simulated Annealing)기법을 제안하고 이를 전체나열법(total enumeration)으로 구한 최적해와 비교하여 우수성을 입증하였다. 이들 연구에서는 단품종을 고려하였으며 중앙창고의 예산의 제약을 고려치 않았다. 본 연구에서는 좀 더 실제적인 경우를 고려하기 위해 단품종이며 중앙창고에 예산의 제약이 있는 경우를 고려하였다. 본 연구는 이 문제에 대한 최초의 연구로 그 의의가 있으며, 본 연구를 통해 다양한 제품을 공급하는 용량제약이 있는 중앙창고를 어디에 몇 개를 설치해야 하며 이때의  $Q$ 와  $r$ 은 얼마인지 구하는 해법을 제시하려 한다.

제 2장에서는 본 논문에서 고려한 문제의 수학모형을 설명하고, 제 3장에서는  $Q$ 와  $r$ 을 반복 없이 추정하는 해법을 살펴보고 이를 이용한 SA를 적용한 해법을 제시한다. 제 4장에서는 예제를 통해 제안된 해법의 성능을 살

펴보았다. 제 5장에서는 결론과 미래연구에 대해 알아보았다.

## 2. 수학모형

특정 중앙창고에서 제품을 공급하는 스토어들의 모임을 연합(coalition)이라고 정의하고 다음의 가정을 가진다. 먼저 중앙창고의 위치는 미리 정해져 있지 않고, 기존의 스토어의 위치 중 연간평균총비용을 최소로 하는 곳으로 정한다. 또한, 스토어들은 그 스토어를 담당하는 하나의 중앙창고로부터 모든 제품을 공급받고, 각 스토어들과 연합들은 연속적 재고조사정책을 따른다. 각 연합들의 중앙창고는 각 제품에 대해 동일한 주문비용(setup cost)  $A$ , 재고유지비용(holding cost)  $h$ , 유실판매 벌과 비용(penalty cost)  $p$ 를 가진다.

본 연구에서 다루는 문제의 기호와 수학모형을 소개하면 다음과 같다.

### 기호

- $A_k$  : 제품  $k$ 의 고정 발주비
- $h_k$  : 제품  $k$ 의 연간 단위당 재고유지비
- $p_k$  : 제품  $k$ 의 연간 단위당 벌과비용
- $C_k$  : 제품  $k$ 의 단위당 가격
- $W$  : 중앙창고의 예산
- $Z$  : 표준정규분포의 확률변수  $N(0, 1)$
- $N$  : 스토어 수
- $U$  : 전체 스토어들의 집합,  $\{1, 2, 3, \dots, N\}$
- $S$  : 전체 연합의 집합
- $s_j$  : 중앙창고  $j$ 에서 제품을 공급받는 스토어들의 집합
- $d_{ij}$  : 중앙창고  $j$ 로부터 스토어  $i$ 로의 운송거리, 단  $d_{ii} = 0$ .
- $u_k$  : 제품  $k$ 의 하물당 km당 운송비
- $t_{ijk} = u_k d_{ij}$  : 제품  $k$ 에 대해 중앙창고  $j$ 로부터 스토어  $i$ 로의 운송비
- $D_{ik}$  : 스토어  $i$ 에서 제품  $k$ 의 연간 기대수요
- $D_{jk}$  : 스토어  $i \in s_j$ 에 제품을 공급하는 중앙창고  $j$ 에서 제품  $k$ 의 연간 기대 수,
- $\mu_{ik}, \sigma_{ik}$  : 선행기간(lead time) 동안의 스토어  $i$ 의 제품  $k$ 에 대한 수요의 평균과 표준편차.
- $\mu_{jk}, \sigma_{jk}$  : 스토어  $i \in s_j$ 에 제품을 공급하는 중앙창고  $j$ 에서 제품  $k$ 에 대한 선행기간동안의 수요의 평균과 표준편차,  $\mu_{jk} = \sum_{i \in s_j} \mu_{ik}, \sigma_{jk} = \sqrt{\sum_{i \in s_j} \sigma_{ik}^2}$
- $V_{jk}$  : 평균이  $\mu_{jk}$ 이고 표준편차가  $\sigma_{jk}$ 인 중앙창고  $j$ 에서 제품  $k$ 에 대한 선행기간동안의 총 수요에 대한 확률변수.

$L_{jk}(r_{jk})$  : 스토어  $i \in S_j$ 에 제품을 공급하는 중앙창고  $j$ 에서 제품  $k$ 에 대한 주기말의 기대부족수요,

$$L_{jk}(r_{jk}) = E[(V_{jk} - r_{jk})^+] = \int_{r_{jk}}^{\infty} (V_{jk} - r_{jk}) g_{jk}(v_{jk}) dv_{jk}$$

단,  $(V_{jk} - r_{jk})^+ = \max[0, V_{jk} - r_{jk}]$ 이며  $g_{jk}(v_{jk})$ 는 리드타임동안의 중앙창고  $j$ 에서 제품  $k$ 의 수요의 확률밀도함수이다.

#### 의사결정변수

$Q_{jk}$  : 중앙창고  $j$ 에서 제품  $k$ 에 대한 주문량,

$$\mathbf{Q} := \{Q_{jk} : \forall j, \forall k\}$$

$r_{jk}$  : 중앙창고  $j$ 에서 제품  $k$ 에 대한 재주문점.

$$\mathbf{R} := \{r_{jk} : \forall j, \forall k\}$$

$x_{ij}$  : 스토어  $i$ 가 중앙창고  $j$ 에서 모든 제품을 공급받으면

$$1 \text{ 아니면 } 0, X := \{x_i : \forall i, \forall j\}$$

$y_j$  : 중앙창고  $j$ 에 스토어가 할당되면 1 아니면 0,

$$Y := \{y_j : \forall j\}$$

본 연구에서 고려한 비용은 중앙창고  $j$ 를 대상으로 한 경우 다음과 같다.

$$\text{연간 주문비} : \sum_k A_k \frac{D_{jk}}{Q_{jk}}$$

$$\text{연간재고유지비} : \sum_k h_k \left( \frac{Q_{jk}}{2} + r_{jk} - \mu_{jk} \right)$$

$$\text{연간유실판매별과비} : \sum_k p_k \frac{D_{jk}}{Q_{jk}} L_{jk}(r_{jk})$$

$$\text{운송비} : \sum_k \sum_{i \in S_j} t_{ij} D_{jk}$$

이들 비용을 목적식으로 하며 예산의 제약을 가진 다품종 중앙창고입지선정 문제의 수학 모형(F1)은 다음과 같다.

$$\text{F1: Min} \sum_j \sum_k \left\{ \left[ A_k \frac{\sum_i D_{ik} x_{ij}}{Q_{jk}} + h_k \left( \frac{Q_{jk}}{2} + r_{jk} - \sum_i \mu_{ik} x_{ij} \right) \right. \right. \\ \left. \left. + p_k \frac{\sum_i D_{ik} L_{jk}(r_{jk}) x_{ij}}{Q_{jk}} \right] y_j + \sum_i t_{ij} D_{jk} x_{ij} \right\} \quad (1)$$

subject to

$$P(\sum_k C_k (r_{jk} - V_{jk} + Q_{jk}) \leq W) \geq \gamma, \quad \forall j \quad (2)$$

$$x_{ij} \leq y_j, \quad \forall i, j \quad (3)$$

$$\sum_i x_{ij} = 1, \quad \forall j \quad (4)$$

$$x_{ij} \in \{0, 1\}, \quad \forall i, j \quad (5)$$

$$y_j \in \{0, 1\}, \quad \forall j \quad (6)$$

$$Q_{ik}, r_{ik} \geq 0, \quad \forall j \quad (7)$$

식 (1)은 목적식으로 재고관련 비용과 운송비용의 최소화이다. 식 (2)는 주문품을 수령할 때 비용을 지불하는 경우 중앙창고  $j$ 에서 보유한 모든 제품의 총가격이 예산( $W$ ) 이내에 있을 확률이  $\gamma$ 보다 크게 하는 제약식이다. 여기서  $P(\cdot)$ 는 확률이다.  $C_k$ 를 제품  $k$ 의 크기라 하고,  $W$ 를 창고의 크기라 한다면 이 제약식으로 창고의 용량제약이 있는 경우를 나타낼 수도 있다.

식 (3)은 중앙창고 창고  $j$ 가 사용되지 않으면 스토어들은 창고  $j$ 로부터 제품을 받을 수 없도록 한다. 식 (4)는 각 스토어는 하나의 창고로부터 제품을 받을 수 있도록 한다. 식 (5)~식 (7)은 의사결정변수가 이진정수 혹은 비음(non-negative)임을 나타낸다. F1은 현재 상태로는 풀 수가 없다. 왜냐하면,  $Q_{jk}$ 와  $r_{jk}$ 의 값이 구해지지 않았고 기대부족수요를 구하기 위해서는 정규분포의 기댓값을 구해야 하기 때문이다.

Lee et al.[8]은 F1에서 제약식 (2)가 없고 단품종인 경우를 풀 수 있는 SA(Simulated Annealing)기법을 제시하였다. 또한, Ghalebsaz-Jeddi et al.[2]과 Lee et al.[8]은 식 (1)을 목적식으로 하고 식 (2)와 식 (7)을 제약식으로 하는 하나의 창고 혹은 스토어가 있는 문제를 풀 수 있는 기법을 제시하였다. 본 논문에서는 이 논문들에서 제시한 기법들을 이용하여 2가지의 해법을 개발하고자 한다.

### 3. 제안된 알고리듬

#### 3.1 Subproblem과 2가지 해법들

수학 모형 F1에서 오픈할 중앙창고( $j$ )와 그 중앙창고가 담당할 스토어( $i$ )가 정해져 있다고 하고, 첨자  $i$ 와  $j$ 를 이번 절에서는 생략하고자 한다. 이때의 운송비용은  $Q_k$ 와  $r_k$ 의 결정에 영향을 미치지 않으므로 제외할 수 있다. 이 문제는 예산의 제약이 있는 연속적 재고관리문제와 동일한데, 즉, 오픈할 중앙창고  $j$ 의 비용을 최소화 하는  $Q_k$ 와  $r_k$ 를 구하는 Subproblem은 다음과 같다.

##### Subproblem (S1)

$$\text{Min} \sum_k \left[ A_k \frac{D_k}{Q_k} + h_k \left( \frac{Q_k}{2} + r_k - \mu_k \right) + p_k \frac{D_k}{Q_k} L_k(r_k) \right]$$

subject to 첨자  $j$ 를 생략한 식 (2)와 식 (7)

$Y = \sum_k C_k V_k, \mu_Y = \sum_k C_k \mu_k, \sigma_Y^2 = \sum_k C_k^2 \sigma_k^2$ 이라고 할 때  $Y \sim N(\mu_Y, \sigma_Y^2)$ 이다. 식 (2)는 다음과 같이 나타낼 수 있다.

$$\sum_k C_k (r_k + Q_k) \leq W + \mu_Y + z_{1-\gamma} \sigma_Y$$

위 수학 모형(S1)은 비선형계획법 문제로 라그랑주함수를 도입하면 다음과 같다.

$$\begin{aligned} \mathcal{J}(\tilde{Q}_k, \tilde{r}_k, \tilde{\lambda}) = & \sum_k \left[ A_k \frac{D_k}{Q_k} + h_k \left( \frac{Q_k}{2} + r_k - \mu_k \right) + p_k \frac{D_k}{Q_k} L_k(r_k) \right] \\ & + \lambda \left( \sum_k c_k (r_k + Q_k) - W - \mu_Y - z_{1-Y} \sigma_Y \right) \end{aligned}$$

위 라그랑주함수를  $Q_k, r_k, \lambda$ 에 대해 각각 편미분하고 0으로 두고 풀면

$$Q_k = \sqrt{\frac{2D_k(A_k + p_k L_k(r_k))}{h_k + 2\lambda C_k}} \quad (9)$$

$$1 - F(r_k) = \frac{h_k + \lambda C_k}{p_k D_k} Q_k \quad (10)$$

$$\sum_k C_k (r_k + Q_k) - W - \mu_Y - z_{1-Y} \sigma_Y = 0 \quad (11)$$

여기서,  $F(\cdot)$ 는 누적정규분포이다.

식 (11)에서

$$g(Q_k, r_k) = \sum_k C_k (r_k + Q_k) - W - \mu_Y - z_{1-Y} \sigma_Y$$

이라 두면  $Q_k, r_k$ 는  $\lambda$ 에 영향을 받으므로  $g(\lambda)$ 라 둘 수 있다. 만약  $g(\lambda) > 0$ 이면 제약식 (2)를 위반하고  $g(\lambda) < 0$ 이면 제약식 (2)를 만족한다.

따라서, 수학모형(S1)의 최적해는 식 (9)~식 (11)을 동시에 만족하는 변수  $Q_k, r_k, \lambda$ 를 구하면 된다. 하지만 세식에  $Q_k, r_k, \lambda$ 가 모두 있으므로, 세식을 만족하는  $Q_k, r_k, \lambda$ 를 구하기가 간단하지 않다. 즉,  $Q_k, r_k, \lambda$ 가 모두 수렴할 때까지 세식을 반복적으로 풀어주어야 한다. 이러한 문제를 푸는 대표적인 해법으로는 Hadley and Whitin(HW)해법과 Lee et al.[9]이 제시한 해법이 있다.

### Hadley and Whitin의 해법(HW)

단계 1 :  $g(\lambda_1) > 0$ 이고  $g(\lambda_2) < 0$ 인  $\lambda_1, \lambda_2 \geq 0$ 를 구한다.

단계 2 :  $\lambda = \lambda_1$ 일 때  $Q_k^1, r_k^1$ ,  $\lambda = \lambda_2$ 일 때  $Q_k^2, r_k^2$ 를 구한다.

식 (9)와 식 (10)을 동시에 만족할 때까지 반복적으로 풀어  $Q_k^1, r_k^1$ 와  $Q_k^2, r_k^2$ 를 각각 구한다.

단계 3 :  $\lambda_3 = (\lambda_1 + \lambda_2)/2$ 라고 할 때 식 (9)와 식 (10)을 반복적으로 풀어  $Q_k^3, r_k^3$ 를 구한다. 만약  $g(\lambda_3) > 0$ 이면  $\lambda_1 = \lambda_3$ ,  $Q_k^1 = Q_k^3, r_k^1 = r_k^3$ 이다. 만약  $g(\lambda_3) < 0$ 이면  $\lambda_2 = \lambda_3, Q_k^2 = Q_k^3, r_k^2 = r_k^3$ 이다.

단계 4 :  $\varepsilon$ 은 임의로 정한 작은 수라고 할 때,  $|g(\lambda_1) - g(\lambda_2)| < \varepsilon$ 면 종료한다. 아니면 단계 3으로 돌아간다.

HW 해법은 반복적이고 복잡한 계산이 필요하므로 Lee et al.[9]은 다음과 같은 추정 해법을 제시하였다.

$G(z) = 1 - F(z)$ 라 할 때 Das[1]은  $L(z)$ 를  $G(z)$ 에 대한 2차식으로 추정하였다.

$$L(z) \approx a(G(z))^2 + bG(z) + c \quad (12)$$

여기서  $a = 0.79838, b = 0.39694, c = -0.0000044$ 이다.

식 (10)을 식 (9)에 대입하고 식 (12)를 이용하면 다음의 식을 구할 수 있다.

$$G(z) = \frac{-Y_k b \pm \sqrt{Y_k^2 b^2 - 4(Y_k \alpha - 1)(O_k A_k + Y_k c)}}{2(Y_k \alpha - 1)} \quad (13)$$

여기서

$$O_k = \left( \frac{\sqrt{2}(h_k + \lambda C_k)}{pk \sqrt{D_k} \sqrt{h_k + 2\lambda C_k}} \right)^2, \quad Y_k = O_k p_k \sigma_k$$

이다.

$G(z)$ 를 이용하여  $z$ 를 다음과 같이 추정할 수 있다.

$G(z) > 0.0132$ 일 때

$$z = 0.44 \pm \frac{\sqrt{0.44^2 - 0.4 \times (0.5 - G(z))}}{0.2}$$

$0.0014 \leq G(z) \leq 0.0132$ 일 때에는  $G(2.2) = 0.0132, G(2.6) = 0.0047, G(3.0) = 0.0014$ 를 이용하여 보간법으로  $z$ 를 구하고,  $G(z) < 0.0014$ 일 때에는  $z = 3.0$ 으로 둔다.

Lee et al.[9]이 제안한 추정 해법은 다음과 같다.

단계 2 :  $\lambda = \lambda_1$ 일 때  $Q_k^1, r_k^1, \lambda = \lambda_2$ 일 때  $Q_k^2, r_k^2$ 를 구한다. 식 (13)을 이용하여  $G(z)$ 를 구한다.  $G(z)$ 를 이용하여 위에서 소개한 방법으로  $z$ 를 추정한다.  $r_k = \mu_k + z \sigma_k$ 와 식 (9)를 이용하여  $Q_k^1, r_k^1$ 와  $Q_k^2, r_k^2$ 를 각각 구한다.

단계 1, 3, 4는 HW와 동일하다.

### 3.2 SA 해법

SA는 Kirkpatrick et al.[7]이 제시한 메타휴리스틱 기법으로 “uphill move”라는 개념을 도입하여 목적함수를 증진시키지 못하는 해에 대하여도 교체 확률 함수 하에 받아들이므로 국부최적해(local optimal)을 극복하여 전체최적해(global optimal)를 탐색해 가는 기법이다. SA 기법에

제 3.1절에서 알아본 중앙창고에 예산의 제약이 있는 문제 (S1)에서  $Q$ 와  $r$ 을 구하는 두 가지해법을 도입한 SA 기법은 다음과 같다.

단계 1 : (초기화) 초기온도  $T_0$ 와 최종온도  $T_f$ 를 정한다. 초기해  $s$ 를 구하고 그에 따른 초기해의 비용  $C(s)$ 를 HW나 추정해법을 이용하여 구한다.  $iter = 0$ ,  $best = x$ ,  $C_{best} = C(x)$ 으로 정한다.

단계 2 : (1) (이동) 현재의 해에서 임의의 스토어  $j$ 를 선택한다. 현재 오픈된 중앙창고의 수를  $no\_ware$ 라고 할 때,  $j$ 가 속하지 않은 중앙창고 중  $CW_m (1 \leq m \leq no\_ware+1)$ 를 임의로 선택하였을 때  $k = no\_ware + 1$ 이면 새로운 중앙창고  $CW_{no\_ware+1} = \{j\}$  open하고 아니면  $CW_m$ 에  $j$ 를 추가한다. 이러한 이동에 의해 얻어진 새로운 해를  $y$ 로 정한다. HW나 추정해법을 이용하여 각 중앙창고의  $Q_k$ ,  $r_k$ 와 수학모형 F1의 목적식 값  $C(y)$ 를 계산한다.

(2) (Metropolis 기준)  $\Delta C = C(y) - C(s)$ 를 계산하고, 이동을 수락 혹은 거절한다.

- $\Delta C \leq 0$ 이고  $C(y) < C_{best}$ 이면 이동을 수락하고, 최상의 해를 갱신한다. 즉,  $best = y$ ,  $C_{best} = C(y)$ 으로 두고,  $x = y$ ,  $C(x) = C(y)$ 로 둔다.  $iter = 0$ 으로 둔다.
- $\Delta C \leq 0$ 이고  $C(y) > C_{best}$ 이면 이동을 수락한다.  $x = y$ ,  $C(x) = C(y)$ 로 둔다.
- $\Delta C > 0$ 이면, 확률  $\exp(-\Delta C/T_{iter})$ 으로  $x = y$ ,  $C(x) = C(y)$ 로 둔다(**uphill move**). 아니면 이동을 거절한다. 즉,  $x = x$ 로 둔다.

단계 3 : (종료조건) 만약  $iter \leq max\_iter$ 이고  $T_f < T_{iter}$ 이면  $iter = iter + 1$ ,  $T_{iter+1} = \alpha \times T_{iter}$ 로 갱신하고 단계 2로 가고 아니면 종료한다.

#### 4. 실험조건 및 결과

50개의 스토어가 있는 10개의 예제와 100개의 스토어가 있는 10개의 예제를 생성하였다. 모든 스토어는 3개의 제품을 취급하고 선행기간(lead time)은 모든 스토어들에 대해 3주이며 제품단위당 운송비는 50km에 \$1로 간주하여 0.02\$/km이다. 각 스토어의 창고와 중앙창고는 제품별 단위가격( $C_j$ ), 주문당 주문비용( $A_j$ , setup cost), 제품단위당 재고유지비용( $h_j$ , holding cost), 유실판매 벌과비용( $p_j$ , penalty cost)을 가진다고 가정하였다. 물론 같은 제품인 경우에는 모든 스토어에 대해 이들 비용은 동일하다. 또한, 각 제품의 선행기간 동안의 수요의 평균 ( $\mu$ )와 표준편차( $\sigma$ )는 스토어와 제품에 따라 각각 다르다고 가정하였다. 각 데이터의 값들은 <Table 1>과 같이 일양분포(U, Uniform

Distribution)를 이용하여 랜덤하게 생성하였다. 모든 창고들에 대해  $W = 400,000$ ,  $\gamma = 0.903$ , 즉  $z_{1-y} = -1.3$ 으로 하였다. 각 스토어간의 거리는 2차원 평면으로 가정하여  $x$ 축,  $y$ 축 각각에 대해  $U[0\text{km}, 50\text{km}]$ 이다.

<Table 1> Uniform Distributions Used for the Examples

$A_k$	$h_k$	$p_k$
$U[50, 150]$	$U[5, 10]$	$U[20, 30]$
$C_k$	$\mu_{ik}$	$\sigma_{ik}$
$U[50, 100]$	$U[100, 1000]$	$U[10, 50]$

제안된 알고리듬은 ‘C 언어’로 구현되었으며 Intel Core i3(2.10GHz) CPU가 탑재된 PC로 실행되었다. SA에 쓰인 패러미터들의 값은 다음과 같다.

- $max\_iter : 100,000$
- $T_0$  : 초기온도. 5000(수락율이 90% 이상이 되도록 정함).
- $T_f$  : 최종온도 1,
- $a : 0.95$

각 데이터별로 10번의 반복수행을 하여 총비용의 평균(Average)과 표준편차(S.D., Standard Deviation), 평균시간(Time), 평균호출횟수(Call Counts)를 구하였는데, <Table 2>와 <Table 3>에 주어져 있다. 평균호출횟수는 주문량( $Q_{jk}$ )과 재주문점( $r_{jk}$ )을 계산하기 위해 관련 함수를 호출한 총 횟수이다.

SA-Approx.는 SA 기법과 Lee 등이 제안한 추정기법을 사용한 경우로 반복 없이 주문량과 재주문점을 계산한다. 또한, SA-HW는 SA 기법과 HW 기법을 사용하는데 언급하였듯이 HW는 식 (9)와 식 (10)이 수렴할 때까지 반복한다. 스토어 수가 50개인 경우에는  $6,636,013/2,938,932 = 2.26$ 회의 평균 반복수를 가지며, 스토어 수가 100개인 경우에는  $18,407,348/8,675,812 = 2.12$ 회의 평균 반복수를 가진다. 즉, HW는 약 2회가 넘는 반복을 통해 주문량과 재주문점을 계산하는 것으로 나타났다.

총비용의 평균을 살펴보면, 스토어 수가 50개인 경우에는 데이터 3과 8을 제외하고는 모두 SA-HW가 나은 것으로 보이지만 큰 차이가 없는 것으로 보인다. 평균오차율 =  $[(\text{SA-Approx.}) - (\text{SA-HW})]/(\text{SA-HW}) = 0.57\%$ 로 거의 차이가 없는 것으로 보인다. 스토어 수가 100개인 경우에는 모든 경우에 SA-HW가 나은 해를 보이지만 평균오차율이 1.12%로 역시 차이가 크지 않은 것으로 나타났다.

총비용의 표준편차는 스토어 수가 50개와 100개인 경우 모두 SA-Approx.가 평균적으로 작게 나타났지만 거의 차이가 없는 것으로 보인다. 특히, 변동계수(CV, Coefficient of Variation)는 평균대비 표준편차의 비인데 스토어수가

50개인 경우 SA-Approx.와 SA-HW는 각각 0.0114, 0.0119이며 스토어 수가 100개인 경우에는 각각 0.0084, 0.0089로 나타나 아주 작은 것으로 나타났다. 즉, 제시한 두 알고리즘은 모두 안정적으로 해를 찾는 것으로 보인다.

계산시간(CPU time, 초)은 스토어 수가 50개인 경우와 100개인 경우 모두 SA-Approx.가 약 절반가까이 빠른 것으로 나타났다. 각 데이터별로 10번의 반복을 하였는데, 계산시간의 편차는 거의 없는 것으로 나타났다. 즉, 스토어수가 50개이며 SA-Approx.를 사용한 경우. 데이터 2는 9번의 반복에서는 6초, 1번은 7초였다.

연속적 재고 모형에 대한 연구들이 있었다. 본 연구는 다품종과 예산의 제약이 있는 경우의 중앙창고입지선정문제에 대한 최초의 연구로 그에 대한 해법을 제시한 데 의의가 있다고 하겠다. 본 연구에서 제시한 두 해법은 SA-HW와 SA-Approx. 인데 SA-HW는 주문량( $Q$ )과 재주문점( $r$ )을 계산하기 위해 Hadley-Whitin(HW) 기법을 적용한 SA 알고리듬이며, SA-Approx.는 반복 없이 추정을 통해  $Q$ 와  $r$ 을 계산하는 Lee 등이 제안한 기법을 SA에 적용한 것이다. 본 연구의 실험을 통해 살펴본 제안한 두 SA 해법의 결과를 요약하며 다음과 같다.

## 5. 결론 및 미래연구

기존에는 단품종의 중앙창고입지선정 문제에 대한 해법에 대한 연구들이 있었고, 예산의 제약이 있는 다품종

- SA-HW는 약 2회가 넘는 반복을 통해  $Q$ 와  $r$ 을 계산하는 것으로 나타났다.
  - 계산시간도 SA-HW는 SA-Approx.보다 약 2배 정도 시간이 더 걸리는 것으로 나타났다.
  - SA-HW가 SA-Approx.보다 약간 나은 결과를 보이나

<Table 2> The Result for 3 Items and 50 Stores

Data	SA-Approx.				SA-HW			
	Total Cost		Time (sec)	Call Counts	Total Cost		Time (sec)	Call Counts
	Average	S.D.			Average	S.D.		
1	312789	4420	7	3948430	309470	2746	14	8725812
2	276620	3063	6	2689427	272992	4971	11	6134605
3	346448	3091	6	3311507	347115	5392	12	7315227
4	233146	1797	6	2738813	231646	2578	11	6087346
5	286897	2977	6	2744926	285155	1887	11	6387536
6	294013	2169	6	3036553	292604	2183	12	6973212
7	251685	4119	5	2280668	249403	3368	10	5377538
8	290914	2104	6	3358922	293000	4593	12	7409034
9	300586	4689	6	2764208	299228	3482	11	6273188
10	347457	5001	5	2515864	343326	3588	10	5676637
Average	294055	3343	5.9	2938932	292394	3479	11.4	6636013

<Table 3> The Result for 3 Items and 100 Stores

	SA-Approx.				SA-HW			
	Total Cost		Time (sec)	Call Counts	Total Cost		Time (sec)	Call Counts
	Average	S.D.			Average	S.D.		
1	799146	6245	32	13516864	797773	5529	58	27304581
2	805929	6637	28	10309273	793214	4515	48	20981168
3	704052	5387	24	6800099	693445	6504	38	15010771
4	809068	5874	28	10327990	804106	7320	47	21110409
5	641226	4296	24	6681187	639293	6143	38	14665389
6	770163	5175	29	10779212	756207	5126	50	22350413
7	545068	4493	23	6439019	538298	4293	38	15133998
8	618921	6621	23	6106016	611418	6248	37	14026194
9	717747	5540	27	9494799	708542	9534	45	19522469
10	640461	8727	23	6303662	631487	5341	37	13968091
<b>Average</b>	<b>705178</b>	<b>5900</b>	<b>26.1</b>	<b>8675812</b>	<b>697378</b>	<b>6055</b>	<b>43.6</b>	<b>18407348</b>

1% 남짓의 총비용의 차이로 그 차이는 거의 없는 것으로 보인다.

- SA-HW와 SA-Approx.는 총비용의 표준편차가 거의 없는 것으로 나타나 안정적으로 해를 찾는 기법으로 보인다.

본 연구에서는 고려한 문제는 결정해야 할 변수가 중앙 창고들의 위치, 중앙창고별 주문량( $Q$ ), 중앙창고별 재주문점( $r$ ) 등 많은 복잡한 문제로 좀 더 효율적인 해법에 대한 앞으로의 연구가 필요하다. 또한, 트럭 용량의 제약이 있는 경우 등의 좀 더 현실적인 사항들을 고려한 문제들에 대한 연구가 필요하다.

## Reference

- [1] Das, C., On the solution of some approximate continuous review inventory models. *Naval Research Logistics Quarterly*, 1985, Vol. 32, p 301-313.
- [2] Ghalebsaz-Jeddi, B., Shultes, B.C., and Haji, R.A. Multi-product continuous review inventory system with stochastic demand, backorders, and a budget constraint 2004. *European Journal of Operational Research*, 2004, Vol. 158, p 456-469.
- [3] Hackness, J. and ReVelle, C., Facility location with increasing production costs. *European Journal of Oper. Res.* 2003, Vol. 145, p 1-13.
- [4] Hariga, M.A., A single-item continuous review inventory problem with space restriction. *Int. J. Production Economics*, 2010, Vol. 128, p 153-158.
- [5] Holmberg, K., Exact solution methods for uncapacitated location problems with convex transportation costs. *European Journal of Oper. Res.*, 1999, Vol. 114, p 127-140.
- [6] Johnson, A. and Montgomery, D.C., *Operations Research in Production Planning, Scheduling, and Inventory Control*. Wiley; New York, 1974.
- [7] Kirkpatrick, S., Gelatt, C.D., and Vecchi, M.P., Optimization by simulated annealing, *Science*, 1983, p 220; 671-680.
- [8] Lee, D.J. and Kim, J.H., A Distance-Based Simulated Annealing Algorithm for the Number and Location of Centralized Warehouses. *Journal of the Soc. of Korea Ind. and Sys. Engineering*, 2007, Vol. 30, p 44-53.
- [9] Lee, D.J., Yoo, J.W., and Lee, M.S., An approximation approach for a multi-product continuous review inventory problem with a budget constraint. *Journal of the Soc. of Korea Ind. and Sys. Engineering*, 2008, Vol. 31, p 134-139.
- [10] Pasandideh, S.H.R., Niaki, S.T.A., and Tokhmehchi, N., A parameter-tuned genetic algorithm to optimize two-echelon continuous review inventory systems. *Expert Systems with Applications*, 2011, Vol. 38, p 11708-11714.
- [11] Purnomo, H.D., Wee, H.M., and Praharsi, Y., Two inventory review policies on supply chain configuration problem. *Computers and Industrial Eng.* 2012, Vol. 63, p 448-455.
- [12] Tajbakhsh, M.M., On the distribution free continuous-review inventory model with a service level constraint. *Computers and Industrial Eng.* 2010, Vol. 59, p 1022-1024.