

http://dx.doi.org/10.7236/JIWIT.2012.12.5.185

JIWIT 2012-5-23

## 제공합동 기반 소인수분해법

### The Integer Factorization Method Based on Congruence of Squares

이상운\*, 최명복\*\*

Sang-Un Lee, Myeong-Bok Choi

**요 약** 큰 반소수  $n=pq$ 의 소인수  $p, q$ 를 직접 찾는 것은 현실적으로 거의 불가능하여 대부분의 소인수분해 알고리즘은  $a^2 \equiv b^2 \pmod{n}$ 의 제공합동을 찾아  $p = GCD(a-b, n), q = GCD(a+b, n)$ 의 소인수를 찾는 간접 방법을 적용하고 있다. 제공합동  $a, b$ 을 찾는 다양한 방법이 제안되었지만 100자리 이상인 RSA 수에 대해서는 적용이 쉽지 않다. 본 논문에서는  $xa = \lceil \sqrt{zn} \rceil$  or  $\lceil \sqrt{zn} \rceil + z, z = 1, 2, \dots$ 로 설정하고  $(xa)^2 \equiv (yb)^2 \pmod{n}$ 을 찾는 간단한 방법을 제안한다. 제안된 알고리즘은 19 자리 수 까지는 제공합동을 빠르게 찾는데 성공하였으나 39 자리 수에 대해서는 실패하였다.

**Abstract** It is almost impossible to directly find the prime factor,  $p, q$  of a large semiprime,  $n = pq$ . So Most of the integer factorization algorithms uses a indirect method that find the prime factor of the  $p = GCD(a-b, n), q = GCD(a+b, n)$  after getting the congruence of squares of the  $a^2 \equiv b^2 \pmod{n}$ . Many methods of getting the congruence of squares have proposed, but it is not easy to get with RSA number of greater than a 100-digit number. This paper proposes a fast algorithm to get the congruence of squares. The proposed algorithm succeeded in getting the congruence of squares to a 19-digit number.

**Key Words** : prime number, semiprime, composite number, Sieve, Trial Division, congruence of squares

## 1. 서 론

RSA 암호체계 (cryptograph)의 공개키  $n = pq$ 를 생성하기 위해서는 합성수  $n$ 이 2개 소수  $p, q$ 의 곱인 반소수 (semiprime)가 되어야 한다. 여기서  $p, q$ 의 소수 여부를 소수 판별법 (primality test, PT)을 적용한다. 또한, RSA 암호 해독은 반소수  $n$ 을  $p, q$ 로 소인수분해 (factorization)하여야 한다.<sup>[1-6]</sup>

2개의 소수 곱  $p \times q$ 으로 반소수  $n$ 을 생성하는 것은

쉬운 반면에, 역으로  $n$ 이 주어졌을 때 이를 2개의 소인수  $p, q$ 로 인수분해하는 것은 어렵다. 소인수분해 방법에는 나눗셈 시행 (Trial Division), Pollard의 rho 알고리즘, Pollad의 p-1 알고리즘, William의 p+1 알고리즘, Lenstra elliptic curve 인수분해, 페르마 (Fermat)의 인수분해 방법, 오일러 (Euler)의 인수분해 방법, Special Number Field Sieve, 2차 (Quadratic, Q), MPQ (Multiple-polynomial quadratic), NF (Number field), GNF (General number field), Dixon, CFRAC (continued

\*정회원, 강릉원주대학교, 멀티미디어공학과

\*\*중신회원, 강릉원주대학교 멀티미디어공학과

접수일자 : 2012년 6월 24일, 수정완료 : 2012년 8월 28일

계재확정일자 : 2012년 10월 12일

Received: 24 June 2012 / Revised: 28 August 2012 /

Accepted: 12 October 2012

\*\*Corresponding Author: cmb5859@gmail.com

Dept. of Multimedia Engineering, Gangnung-Wonju National University Wonju Campus, Korea

fraction factorization), SQUFOF (Shanks' square forms factorization)과 양자 컴퓨터를 활용한 Shor 알고리즘이 있다.<sup>[7]</sup>

나눗셈 시행법은  $n \equiv 0 \pmod{p}$ ,  $2 \leq p < \sqrt{n}$ 의 나눗셈으로  $p$ 를 찾는 직접 방식이다.  $n$ 이 큰 수인 경우 나눗셈 시행법은 비현실적으로 과다한 시간이 소요된다. 따라서 일반적으로 체 (Sieve) 방법이 사용되고 있다. 체 방법은  $a^2 - b^2 \equiv 0 \pmod{n}$ 의 제공 합동 (congruence of squares)인  $a, b$ 를 결정하고  $p = GCD(a-b, n)$ ,  $q = GCD(a+b, n)$ 을 구하는 간접 방식이다. 그러나  $a, b$ 를 결정하는 과정도 쉽지 않다. 왜냐하면, RSA Lab.에서 1991년에 RSA Factoring Challenge를 결성하여 총 \$687,563의 상금을 걸었지만 지금까지 RSA-100부터 RSA-200의 일부 데이터만 소인수분해에 성공하여 \$82,563의 상금을 지급하였고, \$605,000의 상금이 철회된 상태로 2007년에 해제되었다.<sup>[8]</sup> 이후, 2009년에 T. Kleinjung et al.이 \$50,000 상금이 걸린 RSA-768을 소인수분해에 성공하였으나 상금은 수령하지 못하였다. 결국, RSA 수의 소인수분해 문제는 현재 진행형이며, 다항시간 알고리즘을 찾지 못할 수도 있다.

본 논문은  $(xa)^2 - (yb)^2 \equiv 0 \pmod{n}$ 의 제공합동을 간단히 찾는 방법을 제안한다.

2장에서는 소인수분해법을 고찰해 본다. 3장에서는 제공합동을 간단히 구하는 방법을 제안한다. 4장에서는 제안된 알고리즘의 적합성을 검증해 본다.

## II. 반소수의 소인수 분해법

RSA 보안체계에 적용되는 합성수  $n$ 은 홀수 반소수로 반드시 2개의 소인수  $p, q$ 만을 가진다. 주어진 수  $n = p \times q$ 로부터 직접 소인수  $p, q$ 를 직접 구하는 방법은 나눗셈 시행법<sup>[9]</sup>이 있다. 나눗셈 시행법은  $n/p = q$  공식에 의거  $2 \leq p < \sqrt{n}$ 의 범위에서 소수들만을 대상으로  $n/p = q$  또는  $n \equiv 0 \pmod{p}$ 를 찾아야 하나 큰 자리수에 대해서는 현실적으로 불가능하여 홀수들을 대상으로 한다.  $n = pq$ 의 특징은  $n, p, q$ 는 모두 홀수이다. 왜냐하면 소수 (홀수)  $\times$  소수 (홀수) = 합성수 (홀수)가 되기 때문이다. 또한,  $n, p, q$ 의 1의 자리는 1, 3, 7 또는 9이며,  $6k \pm 1, k = 1, 2, \dots$ 이다.  $n = 6k \pm 1, (n_1 = \{1, 3, 7, 9\})$ 라면  $7 \leq p < \sqrt{n}$ , ( $p = 6k \pm 1, p_1 = \{1, 3, 7, 9\}$ )로 한정시켜,  $m = 1, 2, \dots$ ,

$\sqrt{n}/6$ 에 대해  $p = n / \sqrt{36m^2 \pm 12m + 1}$ ,  $q = n/p$ 로 결정된다.

Shor 알고리즘을 제외한 대부분의 간접 소인수분해 알고리즘은 제공합동을 찾는 페르마 알고리즘<sup>[10]</sup>에 기반을 두고 있다. 제공합동 알고리즘들은 항상  $a^2 - b^2 = n$ 이 되는  $(a, b)$  쌍을 찾는다. 페르마 알고리즘은 항상  $a^2 - b^2 = n$ 의 1개 쌍을 순차적 또는 랜덤하게 찾는 방법이다. 그러나 1개의  $a^2 \equiv b^2 \pmod{n}$ 을 찾는 것은 쉽지 않다. 페르마 알고리즘을 적용할 경우 주의할 점은  $a = \lceil 0.5n \rceil$ ,  $b = a - 1$ 로 결정하면  $6k \pm 1$ 의 모든 합성수나 소수는  $a^2 - b^2 = n$ ,  $a - b = 1, a + b = n$ 이 되므로  $p, q$ 를 얻지 못한다. 따라서  $\lceil \sqrt{n} \rceil \leq a \leq \lfloor 0.5n \rfloor$ 으로 설정하여야 한다.

$a_0 = \lceil \sqrt{n} \rceil, r_0 = a_0^2 - n, d = a - a_0, a = a_0 + d$ 라 하면  $(a_0 + 1)^2 - a_0^2 = 2a_0 + 1$ 이 성립하므로 식 (1)로 표현된다.

$$\begin{aligned} a^2 - b^2 = n, (a-b)(a+b) = n, (a-b)a + (a-b)b = n \\ a^2 - a_0^2 + r_0 = b^2, (a+a_0)d + r_0 = b^2 \text{ or} \\ d^2 + 2a_0d + r_0 = b^2, (d+2a_0)d + r_0 = b^2. \end{aligned} \quad (1)$$

$d$ 를 페르마의 순차적 방법을 적용하면 수행횟수는  $d$ 이다. 예를 들면,  $n = 18,206,927$ 의 경우  $a_0 = 4267$ ,  $r_0 = 362$ 로  $a = 5676, b = 3743, d = 1409$ 이다. 즉,  $(5676 + 4267) \times 1409 + 362 = 3743^2$  또는  $1409^2 + 2 \times 4267 \times 1409 + 362 = 3743^2$ 이 되어  $d = 1409$ 회를 수행해야 한다.  $d^2 + 2a_0d + r_0 = b^2$ 는  $d^2 + 2a_0d + (r_0 - b^2) = 0$ 의 이차방정식이 된다. 근의 공식에 의거  $d = -a_0 \pm \sqrt{b^2 - r_0 + a_0^2} = -a_0 + \sqrt{b^2 + n} = a - a_0$ 이 되나  $b$ 를 모르기 때문에  $d$ 를 구할 수 없다.

Dixon<sup>[11]</sup>과 2차 체<sup>[12]</sup>, GNFS<sup>[13]</sup> 등의 방법은 페르마 알고리즘의 1개 제공합동 쌍을 찾는 어려움을 개선한 형태이다. 이들 알고리즘은 데이터 수집 단계 (data collection phase)와 데이터 처리 단계 (data processing phase)를 수행한다. Dixon 알고리즘은 데이터 수집 단계에서  $a_1^2 \equiv r_1 \pmod{n}$ ,  $a_2^2 \equiv r_2 \pmod{n}$ 의 2개 쌍을 찾는다. 여기서  $r_1$ 과  $r_2$ 는  $r_1 \neq b^2, r_2 \neq b^2$ 이지만 동일한 작은 소인수들의 집합  $B$ 로 구성되어 있다. 이를  $B$ -smooth

또는 소인수 기준(factor base, FB)이라 한다.  $(r_1 \times r_2) = b^2$ 이 되려면  $r_1 \times r_2$ 의 소인수들의 지수항이 짝수가 되어야 한다. 즉,  $a_1 \times a_2 = a, r_1 \times r_2 = b$ 를 얻어  $a^2 - b^2 = (a+b)(a-b)$  공식에 기반하여 유클리드 최대 공약수 (Great Common Divisor, GCD) 법칙을 적용하여  $p = GCD(a-b, n), q = GCD(a+b, n)$ 을 결정한다. 실제로  $a$  값을 랜덤하게 선택하여  $B$ -smooth를 찾는 것은 비현실적으로 많은 시간과 메모리가 요구되어 대안으로  $n$  보다 작은 몇 개만을 찾는다. Dixon 알고리즘은  $a_1$ 과  $a_2$ 를 랜덤하게 찾으며,  $FB$ 를 결정하는 어려움이 존재한다. 예로,  $n = 84923$ 의 경우,  $B = 7, FB = \{2, 3, 5, 7\}$ 로 설정하고,  $\lceil \sqrt{n} \rceil = 292 \leq a$ 인 임의의 수  $513^2 \pmod{n} = 8400 = 2^4 3^1 5^2 7^1$ 과  $537^2 \pmod{n} = 33600 = 2^6 3^1 5^2 7^1$ 을 구한다.  $(513 \times 537)^2 \pmod{n} = 2^{10} 3^2 5^4 7^2 = (2^5 3^1 5^2 7^1)^2$ 이다.  $(513 \times 537) \pmod{n} = 20712, 2^5 3^1 5^2 7^1 = 16800$ 로  $20712^2 \pmod{n} = 16800^2$ 이 되어  $a, b$ 가 결정된다. Dixon 알고리즘 적용시 유의할 점은  $a_1 = \lceil \sqrt{n} \rceil$ 으로 설정할 경우,  $a_2 = ka_1 - l, (k = 2, 3, \dots, l = 0, 1 \text{ or } 2)$ 은  $(a_1 \times a_2)^2 \equiv b^2 \pmod{n}, b = \sqrt{(r_1 \times r_2)}$ 을 만족시키지만  $p, q$ 를 얻지 못해 제외시켜야 한다.

단순히 많은 난수를 제공하는  $a^2 \pmod{n}$ 은 수많은 다른 소인수들을 유발시킨다. 따라서 소인수들  $FB$ 가  $FB \leq B$ 인  $B$ -smooth들 만들 갯도록 하여야 하나 이 방법도 매우 어렵다. 2차 체 알고리즘<sup>[12]</sup>은 Dixon 알고리즘의 데이터 수집 단계를 개선한 것이다. 이 방법은  $B$ 를 먼저 결정하고 체 방법으로  $B$ -smooth로 구성된 값들만을 가지는  $a^2 \pmod{n}$ 을 찾는다. 결국, 다수의  $a^2 \pmod{n}$ 을 찾아 2개 쌍의 곱이 제공이 되는 것을 찾는다.

GNFS<sup>[13]</sup>는 100자리보다 큰 정수를 소인수분해하는 가장 효율적인 알고리즘으로 알려져 있으며, Rational Sieve<sup>[14]</sup>의 확장 형태이다. Rational Sieve는 먼저, 임의의  $B$ 를 결정하여 소인수  $FB$ 를 얻는다. 다음으로  $z$ 와  $z+n$ 이  $B$ -smooth인 양의 정수  $z$ 를 찾아 각각에 대해 곱셈 관계  $\pmod{n}$ 을 계산한다. 이들 각각에 대해 다른 방법으로 결합시켜 지수항이 짝수가 되는 값을 결정하고 공통 인수를 삭제하여  $a, b$ 를 얻는다.

### III. 제곱합동 소인수분해 알고리즘

$p, q$ 와  $a, b$ 의 관계는 식 (2)와 같다. 예를 들면,  $n = 973, \sqrt{n} = 31.19$ 의 경우,  $p = 7, q = 139, a = 73, b = 66$ 이다.

$$p = a - b, q = a + b, a = \frac{p+q}{2}, b = \frac{q-p}{2} \quad (2)$$

$n = pq$ 는  $[2, n]$ 에서  $|p| = q - 1, |q| = p - 1$ 개가  $p$  또는  $q$  간격으로 배치되어 있다. 반면에,  $a^2 \equiv b^2 \pmod{n}, a^2 - b^2 = kn$ 은 표 1과 그림 1에서 알 수 있듯이  $\sqrt{n} < xa$ 는  $a, p = a - b$ 와  $q = a + b$ 의 일정한 간격으로 배치되어 있다. 또한,  $xa$ 에 대해  $n \pm xa, 2n \pm xa, \dots$ 도 성립한다.  $yb$ 에 대해  $xa$ 와 동일한 개수가 존재한다.  $xa$ 의 기준이 되는  $a$ 는 대부분  $\sqrt{n} < a < \sqrt{2n}$ 에 위치하고 있지만  $d = a - \sqrt{n}$ 의 거리를 알지 못해 수많은  $xa$  또는  $yb$ 가 존재함에도 불구하고 찾기가 쉽지 않다. 일반적으로  $z$ 는 홀수와 4의 배수이다

표 1.  $a^2 \equiv b^2 \pmod{n}$ 의  $xa$ 와  $yb$  값  
Table 1. Values,  $xa$  and  $yb$  of  $a^2 \equiv b^2 \pmod{n}$

$(xa)^2 - (yb)^2 = zn$	
$z = x^2$	$z = x^2 - y^2$
$(1a)^2 - (1b)^2 = 1n$	-
$(2a)^2 - (2b)^2 = 4n$	$xa = 2a \pm 1b, yb = 2b \pm 1a, 3n$ $yb = xa - (x \mp y)(a - b)$
$(3a)^2 - (3b)^2 = 9n$	$xa = 3a \pm 1b, yb = 3b \pm 1a, 8n$ $xa = 3a \pm 2b, yb = 3b \pm 2a, 5n$
$(4a)^2 - (4b)^2 = 16n$	$xa = 4a \pm 1b, yb = 4b \pm 1a, 15n$ $xa = 4a \pm 2b, yb = 4b \pm 2a, 12n$ $xa = 4a \pm 3b, yb = 4b \pm 3a, 7n$
$(5a)^2 - (5b)^2 = 25n$	$xa = 5a \pm 1b, yb = 5b \pm 1a, 24n$ $xa = 5a \pm 2b, yb = 5b \pm 2a, 21n$ $xa = 5a \pm 3b, yb = 5b \pm 3a, 16n$ $xa = 5a \pm 4b, yb = 5b \pm 4a, 9n$
...	...
$xa = \sqrt{z}a \pm kb, (0 \leq k \leq \sqrt{z}-1)$ $yb = \sqrt{z}b \pm ka, (0 \leq k \leq \sqrt{z}-1)$	

다수의  $xa$ 중 어느 하나를 찾기 위해서는  $(xa)^2 - zn = (yb)^2$ 이 성립하므로  $GCD(xa - yb, n) = p$ 와  $GCD(xa + yb, n) = q$ 를 결정할 수 있다. 그러나  $xa$ 를 한 번에 결정하는 방법은 찾지 못하였다. 본 장에서는 대안으로  $xa$ 를 간단히 선택하는 방법을 그림 2와 같이 제안한다.

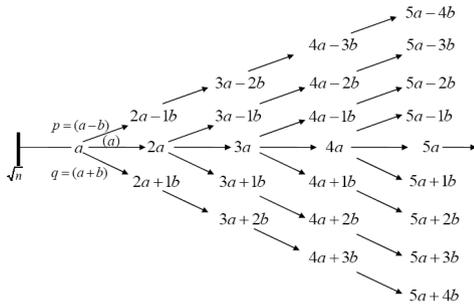


그림 1.  $a^2 \equiv b^2 \pmod{n}$ 의  $xa$  값 분포  
 Fig 1. Value Distribution with  $xa$  of  $a^2 \equiv b^2 \pmod{n}$

```

for z = 1, 2, ...
    xa = [ sqrt(zn) ] ..... (3)
    xa = [ sqrt(zn) ] + z ..... (4)
    if (xa)^2 ≡ (yb)^2 (mod n) then p = GCD(xa - yb, n),
        q = GCD(xa + yb, n), 알고리즘 종료.
end
    
```

그림 2. 제공합동 소인수분해 알고리즘  
 Fig 2. The Integer Factorization Algorithm Based on Congruence of Squares

### IV. 알고리즘 적용성 평가

표 2. 소인수분해 실험 데이터  
 Table 2. Experiment Data for the Integer Factorization

$n$	$a^2 \equiv b^2 \pmod{n}$	$n = p \times q$
84,923	$a = 342$ $b = 179$	$p = 163$ $q = 521$
112,729	$a = 475$ $b = 336$	$p = 139$ $q = 811$
6,012,707	$a = 2,454$ $b = 97$	$p = 2,357$ $q = 2,551$
18,206,927	$a = 5,676$ $b = 3,743$	$p = 1,933$ $q = 9,419$
2,352,854,039	$a = 49,008$ $b = 6,995$	$p = 42,013$ $q = 56,003$
137,085,519,229	$a = 413,473$ $b = 184,050$	$p = 229,423$ $q = 597,523$
63,209,496,861,097	$a = 7,973,419$ $b = 604,908$	$p = 7,368,511$ $q = 8,578,327$
502,636,025,594,071	$a = 23,970,520$ $b = 8,482,323$	$p = 15,488,197$ $q = 32,452,843$
164,554,085,186,383,429	$a = 486,855,485$ $b = 269,210,286$	$p = 217,645,199$ $q = 756,065,771$
8,229,944,909,131,434,961	$a = 2,925,355,081$ $b = 572,501,040$	$p = 2,352,854,041$ $q = 3,497,856,121$
982,301,348,481,615,682,763, 349,336,546,115,836,409	$a = 33,894,332,773,738,$ $340,605$ $b = 1,904,435,117,249,$ $313,796$	$p = 20,989,897,656,$ $489,026,809$ $q = 46,798,767,890,$ $987,654,401$

알고리즘 적용성을 평가하기 위해 표 2의 데이터에 적용하여 보자. 일부 데이터는 Jensen<sup>[15]</sup>의 pGNFS에서 인용되었다.

표 2의 데이터에 제안된 알고리즘을 적용한 결과는 표 3과 같다. 제안된 알고리즘은 Python Ver. 3.1 소프트웨어로 프로그램을 작성하여 결과를 도출하였다.

$n = 18,206,927$ 의 경우, 제안된 제공합동 알고리즘은  $z = 5$ 에서  $xa = \lceil \sqrt{5n} \rceil = 9542$ 을  $(xa)^2 - zn = (yb)^2$ 에 대입하면  $9542^2 - 5 \times 18206927 = 123^2$ 으로  $yb = 123$ 을 얻어 알고리즘은 4회 ( $z = \text{홀수} + 4$ 의 배수) 수행되었다. 만약, Dixon의 체 알고리즘을 적용하면  $b = 3743 = 19^1 197^1$ 을 찾기 위해  $B = 197$ ,  $FB = \{19, 197\}$ 을 선택해야 하는 어려움이 있다.

표 3. 소인수분해 알고리즘 수행횟수  
 Table 3. Running Time of the Integer Factorization Algorithm

$n$	$(xa)^2 \equiv (yb)^2 \pmod{n}$		
	수식	$z$	제공합동
84,923	(3)	3	$xa = 505, yb = 16$
112,729	(3)	2	$xa = 475, yb = 336$
6,012,707	(4)	1	$xa = 2,454, yb = 97$
18,206,927	(3)	5	$xa = 9,542, yb = 123$
2,352,854,039	(3)	48	$xa = 336,061, yb = 43$
137,085,519,229	(3)	15,048	$xa = 45,418,751$ $yb = 7,003$
63,209,496,861,097	(3)	20,904	$xa = 1,149,491,767$ $yb = 4,051$
502,636,025,594,071	(3)	3,696	$xa = 1,362,990,371$ $yb = 29,035$
164,554,085,186,383,429	(3)	366,925	$xa = 245,721,402,623$ $yb = 27,048$
8,229,944,909,131,434,961	(3)	168,837	$xa = 1,178,778,693,659$ $yb = 1,180,882$
982,301,348,481,615,682,763, 3,349,336,546,115,836,409			해를 구하지 못함

제안된 알고리즘은 19자리까지는 해를 빠르게 찾는데 성공하였으나 39자리 이상에서는 해를 얻지 못하였다. 이 데이터에 대한 해는 존재하는 것으로 판단되나 11자리까지의  $z$ 에 대해 처리하는 데도 수 일이 소요되어 검증에는 실패하였다.

### V. 결론 및 향후 연구과제

본 논문은 제공합동을 쉽게 찾는 방법을 제안하였다.

먼저,  $a^2 \equiv b^2 \pmod{n}$  의 제곱 합동이 되는  $xa$ 와  $yb$ 는 다수가 존재함을 증명하였다. 다음으로  $xa = \lceil \sqrt{zn} \rceil$  으로 설정하고  $(xa)^2 - zn = (yb)^2$ 을 계산하여  $yb$ 를 얻을 수 있었다. 결국,  $p = GCD(xa - yb, n), q = GCD(xa + yb, n)$  을 구할 수 있다. 제안된 알고리즘은  $n$ 이 19 자리까지는 해를 빠르게 구하였으나 39자리에 대해서는 실패하였다. 따라서 보다 큰 자리수에 대해 제곱합동을 찾는 방법을 추후 연구할 계획이다.

### 참 고 문 헌

[1] Wikipedia, "Prime Number," [http://en.wikipedia.org/wiki/Prime\\_number](http://en.wikipedia.org/wiki/Prime_number), 2010.

[2] Wikipedia, "Prime Number Theorem," [http://en.wikipedia.org/wiki/Prime\\_number\\_theorem](http://en.wikipedia.org/wiki/Prime_number_theorem), 2010.

[3] Wikipedia, "Primality Test," [http://en.wikipedia.org/wiki/Primality\\_test](http://en.wikipedia.org/wiki/Primality_test), 2010.

[4] Wikipedia, "RSA," <http://en.wikipedia.org/wiki/Rsa>, 2010.

[5] J. G. Kim, Y. S. Kim, S. O. Kim, "Factorization Algorithm," Journal of Korean Institute of Information Technology, v.8, no.2, pp.37-48, June, 1998.

[7] Wikipedia, "Integer Factorization," [http://en.wikipedia.org/wiki/Integer\\_factorization](http://en.wikipedia.org/wiki/Integer_factorization), 2010.

[8] Wikipedia, "RSA Factoring Challenge," [http://en.wikipedia.org/wiki/RSA\\_Factoring\\_challenge](http://en.wikipedia.org/wiki/RSA_Factoring_challenge), 2010.

[9] Wikipedia, "Trial Division," [http://en.wikipedia.org/wiki/Trial\\_Division](http://en.wikipedia.org/wiki/Trial_Division), 2010.

[10] Wikipedia, "Fermat's Factorization Method," [http://en.wikipedia.org/wiki/Fermat's\\_factorization\\_method](http://en.wikipedia.org/wiki/Fermat's_factorization_method), 2010.

[11] Wikipedia, "Dixon's Factorization Method," [http://en.wikipedia.org/wiki/Dixon's\\_factorization\\_method](http://en.wikipedia.org/wiki/Dixon's_factorization_method), 2010.

[12] Wikipedia, "Quadratic Sieve," [http://en.wikipedia.org/wiki/Quadratic\\_sieve](http://en.wikipedia.org/wiki/Quadratic_sieve), 2010.

[13] Wikipedia, "General Number Field Sieve," [http://en.wikipedia.org/wiki/General\\_number\\_field\\_sieve](http://en.wikipedia.org/wiki/General_number_field_sieve), 2010.

[14] Wikipedia, "Rational Sieve," [http://en.wikipedia.org/wiki/Rational\\_sieve](http://en.wikipedia.org/wiki/Rational_sieve), 2010.

[15] P. L. Jensen, "pGNFS," <http://pgnfs.org/>, 2009.

### 저자 소개

#### 이 상 윤(정회원)



• 1983년 ~ 1987년 : 한국항공대학교 항공전자공학과(학사)  
 • 1995년 ~ 1997년 : 경상대학교 컴퓨터공학과(석사)  
 • 1998년 ~ 2001년 : 경상대학교 컴퓨터공학과(박사)  
 • 2003년 : 강원도립대학 컴퓨터응용과 전임강사  
 • 2004년 ~ 2007년 2월 : 국립 원주대학 여성교양과 조교수  
 • 2007년 3월 ~ 현재 : 강릉원주대학교 멀티미디어공학과 부교수  
 <주관심분야 : 소프트웨어 프로젝트 관리, 신경망, 뉴로-퍼지, 그래프 알고리즘 등>

#### 최 명 복(중신회원)



• 1992년 : 호서대학교 전자계산학과(학사)  
 • 1994년 : 아주대학교 컴퓨터공학과(석사)  
 • 2001년 : 아주대학교 컴퓨터공학과(박사)  
 • 1997년 ~ 현재 : 강릉원주대학교 멀티미디어공학과 교수  
 • 2004년 1월 ~ 현재 : 한국인터넷방송통신학회 이사  
 <주관심분야 : 지능형 정보검색, 소프트웨어 공학, 알고리즘 등>