## 研究論文

DOI: http://dx.doi.org/10.6108/KSPE.2013.17.2.105

## 강내탄도의 점화기 해석 모델 개발 및 초기 점화 연구

성형건\* • 장진성\* • 이상복\* • 최동환\* • 노태성\*\*\*

# Development of Numerical Model for Igniter and Study on Initial Ignition of Interior Ballistics

Hyung-Gun Sung\* · Jin-Sung Jang\* · Sang-Bok Lee\* · Dong-Whan Choi\* · Tae-Seong Roh\*\*\*

## ABSTRACT

A numerical model of the igniter for the interior ballistics has been developed by combining lumped parameter model with the theoretical equation of orifice. With the developed model of the igniter, the numerical study on characteristics of the interior ballistics has been conducted according to the igniter configuration in terms of igniter length, side hole diameter, and distribution of side holes. As results of the calculation of the pressure difference between the breech and shot base, the low-cycle oscillations have been influenced by the igniter length, while the high-cycle oscillations have been affected by the side hole diameter and the distribution of side holes.

#### 초 록

Lumped parameter model에 오리피스의 이론식을 결합하여 강내탄도의 점화기 해석 모델을 개발하였다. 이 개발된 점화기 해석 모델을 이용하여 점화기 형상인 길이, 직경, 주입구 분포에 따른 강내탄도의 특성을 분석하였다. 포미와 초기탄저의 압력차의 결과로서 점화기 길이는 저주기 진동에 영향을 미치는 것으로 나타났고, 점화제 주입구 직경과 주입구 분포는 고주기 진동에 영향을 주는 것으로 나타났다.

Key Words: Interior Ballistics(강내탄도), Two-phase Flow(이상유동), Gas-Solid Flow(기체-고체 유동), Igniter(점화기)

#### Nomenclature

저스이 2011 11 20 스저와ㄹ이 2012 12 20 계계화저이 2012 12 26
법 1 월 2011. 11. 27, 1 8 원 교 월 2012. 12. 20, 개계력 8 월 2012. 12. 20
* 정회원, 인하대학교 항공우주공학과
** 종신회원, 인하대학교 항공우주공학과
† 교신저자, E-mail: tsroh@inha.ac.kr
이 논문은 한국추진공학회 2011년도 추계학술대회(2011. 11. 24-25,
부산 노보텔 앰배서더) 발표논문을 심사하여 수정 보완한 것임.]

A <sub>t</sub>	: side hole area
C <sub>d</sub>	: drag coefficient
Dp	: exchange coefficient of drag factor
d	: propellant diameter
E	: Total energy
e	: internal energy
e <sub>ig</sub>	: combustion heat

t	: drag of propellants
$h_t$	: heat transfer coefficient
$M_t$	: mach number at side hole
$\dot{m}$	: mass flowrate of the combustion gas
m	: mass
Ν	: number density of parcel
n	: number density of black powder
Р	: pressure
q	: heat transfer of propellant
R	: gas constant
$\dot{r}$	: burning rate
S <sub>p</sub>	: propellant surface
$T_{p0}$	: initial propellant surface temperature
u	: velocity
V	: volume
Y	: mass fraction
a	: volume fraction or porosity
$\alpha_p$	: coefficient in burning rate
$\alpha_{pa}$	: propellant thermal diffusivity
β	: exponent in burning rate
X	: specific heat ratio
$k_p$	: propellant thermal conductivity
μ	: viscosity coefficient
ρ	: density
σ	: intergranular wave speed

#### Subscript

av	: average
f	: gas or fluid
ig	: igniter
ign	: injected igniter gas
р	: particle or propellant
pri	: primer

## 1. 서 론

탄약의 설계, 새로운 화포 추진제의 개발, 또 는 화포나 포신의 설계를 위해서는 강내탄도 (Interior Ballistics)에서 일어나는 물리 현상에 대한 연구가 필요하다. 강내탄도는 아주 짧은 시 간인 수십 ms 동안에 장약의 연소 및 이동, 고 온·고압의 연소가스에 의한 탄자의 가속이 일어 나는 일련의 과정이다. 이와같은 복잡한 강내탄 도에 대한 실험 연구는 피에조 타입의 압력계를 이용하여 초기 약실의 양 끝단에서 압력을 계측 하는 것이 대부분이다. 약실 내부의 고체추진제 의 이동과 연소를 분석하기에는 계측 장비의 한 계와 안전성 문제로 인한 제약으로 거의 이루어 지지 않고 있다. 이에 미국, 프랑스, 일본, 호주 등에서는 다차원 다상 유동을 해석하는 강내탄 도 코드를 개발하였고 이를 사용하여 다양한 수 치적 연구를 수행하였다[1-8].

특히, 점화제 주입에 따라 강내 압력이 국부적 으로 상승하여 압력파가 생성되고 이로 인해 포 미(Breech)와 탄저(Shot base)의 차압에 변동이 생긴다. 이 때 발생한 차압이 음의 값이 나타나 는 현상이 발생하면, 약실 내 압력진동이 증폭되 는 압력파가 발생할 수 있다. 이로 인해 포신에 허용 응력 이상의 힘이 가해져서 포신에 금이 가거나 포신이 깨지는 등 화포의 성능 및 내구 성에 부정적인 영향을 미칠 가능성이 높아질 수 있다. 따라서 탄약 개발 시 압력파로 인한 화포 에 심각한 문제가 야기되지 않도록 수치적 연구 가 동반되어야 한다. 기체-고체(Gas-Solid Flow) 의 이상유동의 경우 해석 격자의 크기가 입자에 의해 제약받기 때문에 점화기 형상을 구현하기 쉽지 않다. 따라서 성긴 격자에서도 점화기 해석 이 가능한 모델이 필요하다. 또한, 기존의 국내 연구에서는 점화제가 단순히 일정한 질유량이 주입되는 것으로 가정한 연구를 수행하였으나 강내 차압 변동에 따른 점화기의 주입 특성 변 화를 모사할 수 없는 한계가 가지고 있었다[9, 10]. 이에 본 연구에서는 점화기 해석 모델을 개 발하였고 이를 이용하여 다양한 점화기 형상에 따른 강내탄도의 특성을 분석하였다. 이를 바탕 으로 화포에 결함을 유발시킬 수 있는 압력파를 감소시키는 점화제 주입 방안을 모색하였다.

### 2. 강 내 탄 도



Fig. 1 Section of Interior ballistics

## 2.1 강내탄도

강내탄도는 화포의 약실 내(Fig. 1)에서 고체추 진제가 점화가스에 의해 점화 및 연소되고, 생성 된 연소가스의 압력에 의해 탄자가 가속되어 포 구를 이탈하는 일련의 과정이다[1-11].

#### 2.2 강내탄도 지배방정식

강내탄도의 약실 내 고체추진제 연소와 이동 현상은 기체-고체의 이상유동(Gas-Solid Flow)에 포함된다. 국부적인 점화에 의한 다분산 이상유 동을 해석하기 위해 Eulerian-Lagrangian 접근법 을 사용하여 기체-고체 유동을 해석하였다[9-12]. 강내탄도에서 연속상인 기상의 지배방정식은 고체추진제(고상)를 고려하기 위해 기상이 차지 하는 부피를 의미하는 기공률(α)을 Euler 방정식 에 도입한 식을 사용한다. 본 연구에서는 Baer&Nunziato가 사용한 지배방정식을 이용하 였으며 다음과 같다[13].

$$\frac{\partial(\alpha\rho)}{\partial t} + \nabla \cdot (\alpha\rho \vec{u}) = \vec{m} + \vec{m}_{ig}$$
(1)

$$\frac{\partial(\alpha\rho u)}{\partial t} + \nabla \cdot (\alpha\rho \vec{u} \cdot \vec{u}) = -\alpha\nabla p + \dot{m}\vec{u_p} - \vec{f}$$
(2)

$$\frac{\partial(\alpha E)}{\partial t} + \nabla \cdot \{\alpha(e+p)\vec{u}\} = -\vec{f} \vec{u_p} + \vec{m} \left( e_p + \frac{p}{\rho_p} + \frac{\vec{u_p} \cdot \vec{u_p}}{2} \right) + \vec{m}_{ig} e_{ig} - q_p$$
(3)

$$\frac{\partial(\alpha\rho Y)}{\partial t} + \nabla \cdot (\alpha\rho Y \vec{u}) = \dot{m}_Y$$
(4)

2.3 강내탄도 구성방정식

분산상의 지배방정식은 고체추진제에 의한 항 력(interphase drag)과 고체상 간의 충돌인 intergranular를 통해 계산하며 Eq. 5와 같다. 항 력은 관내 고체입자에 의한 압력 손실을 측정한 실험식을 사용한다. 이 항들과 관련한 다양한 모 델이 개발하여 사용하고 있으며 본 연구에서는 대표적으로 사용하는 Ergun의 경험식(Eq. 6)을 사용하였다[11]. 입자간 응력(intergranular stress) 은 Gough 등이 개발한 식(Eq. 7)을 사용하였다 [1-3].

$$\frac{Du_p}{Dt} = D_p \times (u_f - u_p) - \nabla\sigma \tag{5}$$

$$D_{p} = \frac{1}{\rho_{p}} \left\{ 150 \frac{\mu_{f}(1-\alpha)}{\alpha d_{p}^{2}} + 1.75 \frac{\rho_{f} |u_{f} - u_{p}|}{d_{p}} \right\}$$
(6)

$$\sigma = \rho_p \frac{a_1^2}{g_0} \alpha_0^2 \left( \frac{1}{\alpha} - \frac{1}{\alpha_0} \right) \tag{7}$$

고체추진제는 열전달에 의해 점화 온도까지 도달하였을 때 점화하고, 고체추진제 연소는 연 소율과 형상함수에 의해 계산하며 Eq. 8과 같다. 연소율은 압력의 함수로 표현하는 Saint Robert's Law를 이용하였고 Eq. 9와 같이 표현 된다[1-11].

$$\dot{m} = \rho_p N S_p \dot{r} \tag{8}$$

$$\dot{r} = \alpha_p P^{\beta}$$
 (9)

고체추진제의 열전달은 Eq. 10-16을 통해 계산 한다. 여기서 고체추진제의 표면온도인 T\_가 점 화 온도에 도달할 때까지는 점화되지 않는 것으 로 하였다[1-3, 5, 7].

$$q_p = n_p S_p q \tag{10}$$

$$q = h_t (T_g - T_p) \tag{11}$$

$$Nu_p = \frac{h_t d_p}{k_f} = 2 + 0.4 R e_p^{2/3} \Pr^{1/3}$$
(12)

$$Re_{p=}\frac{\rho|u_f - u_p|d_p}{\mu} \tag{13}$$

$$\Pr = \frac{4\gamma}{9\gamma - 5} \tag{14}$$

$$T_{p} = T_{po} - \frac{2}{3} \frac{h_{t}H}{k_{p}^{2}} + \left[ \left( T_{po} - \frac{2}{3} \frac{h_{t}H}{k_{p}^{2}} \right)^{2} + \frac{4}{3} \frac{h_{t}T_{g}H}{k_{p}^{2}} - T_{po}^{2} \right]$$
(15)

$$\frac{dH}{dt} = \alpha_p q \tag{16}$$

Eulerian-Lagrangian 접근법에서 각 상의 지배 방정식을 계산하기 위해서는 다른 상의 물리량 을 필요로 한다. 이를 위해 PSIC(Particle Source in Cell) 모델을 사용하여 각 상의 계산에 필요 한 물리량을 계산하였다[11].

#### 2.4 점화기 해석 모델

이상유동인 강내탄도의 해석 격자는 입자 크 기로 인해 전산유체역학에서 사용하는 조밀한 격자보다 성긴 격자를 사용한다. 이로 인해 점화 기 주입구를 해석 격자 상에 모사하기에는 제약 이 있으므로 Lumped parameter model과 오리 피스의 이론식을 이용하여 점화기 해석 모델을 개발하였다[14]. 점화기의 내부 압력은 무차원 강내탄도 해석 코드인 IBHVG2에서 사용하는 Lumped parameter model을 이용하여 계산하였 다. 점화기 내부 압력은 Eq. 17을 통해 계산하며 점화기 주입구의 질유량은 오리피스의 이론식인 Eq. 18을 통해 계산한다.

$$P_{av} = T_{fmean}^{n+1} / \left( V_{pri} - \sum n_{ig} V_{ig} \right)$$

$$\times \left( \sum m_{ig} R_{ig} + m_{air} R_{air} - \sum m_{ign} R_{ign} \right)$$
(17)

$$\begin{split} \dot{m}_{ign} &= \frac{M_t A_t P_T}{\sqrt{T_T}} \sqrt{\frac{k}{R}} \\ &\times \left(\frac{1}{1 + \frac{k - 1}{2} M_t^2}\right)^{\frac{k + 1}{2(k - 1)}} \end{split}$$
(18)

25 수치 해석 기법

강내탄도 내의 유동장의 속도는 정지 상태에 서부터 최대 초속 수천 미터까지 증가하므로 이 를 해석하기 위해서는 모든 속도 영역을 해석할 수 있는 전산해석 기법이 필요하다. 이에 본 연 구에서는 LSHUS (Low-dissipation Simple Highresolution Upwind Scheme) 기법을 사용하였다 [15]. 공간차분법으로 MUSCL과 Minmod 제한자 를 사용하였고 시간차분법은 비정상상태 강내탄 도를 해석하므로 외재적기법을 사용하였다.

강내탄도는 탄자가 이동함에 따라 약실의 공 간의 증가하므로 시간에 따라 수치해석 영역이 변화한다. 이에 탄자의 이동에 따른 이동경계면 을 해석하는 수치해석 기법이 필요하다. 탄자의 단면 형상이 평면이므로 계산량을 감소시킬 수 있고 Cut cell method와 유사한 Ghost cell extrapolation method를 사용하였다[11, 16]. 본 연구에서 사용한 강내탄도 해석 코드는 기존 연 구에서 검증한 것을 사용하였다[17].

#### 3. 해 석 결 과

3.1 해석 조건

축대칭 2차원으로 해석을 수행하였고, 상태방 정식은 이상기체 상태방정식을 사용하였다. 강내 탄도 해석 모델의 형상은 Fig. 2와 같고, 초기 조건은 Table 1과 같다. 점화기 초기 조건은 Table 2와 같고 점화기 형상은 Fig. 3과 같이 동 일 위치에 점화제 주입구가 1, 2, 4개 있는 것을 사용하였다. 장약인 고체추진제의 형상은 구형으 로 직경이 4.1 mm이고 점화제 형상 또한 구형 으로 반경이 1.707 mm이다. 점화제 주입구(side hole) 조건은 Table 3과 같으며, 모든 해석조건 에서는 동일한 양의 점화제를 사용하였다.

다상유동을 해석하기 위해서는 하나의 격자가 많은 수의 입자를 포함하고 있어야 하므로 초기 약실의 격자는 50×6 개로 구성하였다. 각 격자당 등간격으로 x방향 5개, y 방향 5개로 총 25개의 추진제 입자 그룹(Parcel)을 배치하였고 총 7500 개의 추진제 입자 그룹을 계산하였다. 포구까지



Fig. 2 Schematic diagram of calculation model for interior ballistics

Table	1.	Initial	conditions	of	interior	ballistics

Projectile mass	30 kg
Friction force	17,236,893 Pa
Propellant density	1,569.45 kg/m <sup>3</sup>
Impetus	911,665.4 J/kg
Chamber area	0.019478 m <sup>2</sup>
Chamber length	0.9675 m
Exponent in burning rate( $\beta$ )	0.71
Coefficient in burning rate( $\!\alpha_{\!p}\!)$	1.33858e−7 Pa <sup>−β</sup> • m/s
Molecular weight of propellant	22.0 kg/kmol
Specific heat ratio	1.2593
Adiabatic temperature	2,417 K

Table 2. Characteristics of Igniter[4, 0	Table 2	2	Characteristics	of	igniter[4.	6
--	---------	---	-----------------	----	------------	---

Igniter mass	0.065 kg
Side hole diameter	5.5 mm
Igniter density	1,763 kg/m <sup>3</sup>
Igniter impetus	456,758.4 J/kg
Igniter diameter	0.014 m
Igniter length(L_I)	0.502 m
Igniter exponent in burning rate( $\beta)$	0.164
Igniter coefficient in burning rate( $\alpha_{p})$	0.0026 Pa <sup>-β</sup> • m/s
Molecular weight of igniter	22.0 kg/kmol
Igniter specific heat ratio	1.15
Igniter adiabatic temperature	1,942 K

#### Table 3. Characteristics of side hole at igniter

Case <sup>*</sup>	L_l(m)	Total side hole	Side hole Type	Total group	L_a(delx × number-0.5delx)	L_b(delx × number)
Ign 1SH24_1_24	0.5020	24	1	24	number = 2	number = 1
Ign 2SH12_2_24	0.5020	24	2	12	number = 3	number = 2
Ign 4SH6_4_24	0.5020	24	4	6	number = 5	number = 4
Ign 2SH12_3_24	0.7530	24	2	12	number = 4	number = 3
Ign 4SH12_2_24	0.9675	24	2	12	number = 5	number = 4

Case name : Ign (Side hole type)SH(Group number)\_(Grid skip, L\_b)\_(Total Side hole), delx = 0.01935 m

탄자의 이동 거리는 5 m이고, 강내탄도의 초기 기공률은 0.6이다.

#### 3.2 점화제 주입구 분포에 따른 비교

Figure 3과 같이 점화기의 주입구 분포 간격

(L\_b)이 강내탄도에 미치는 영향을 비교하였다. 주입구 분포 간격은 19.35 mm(Ign 1SH24\_1\_24), 38.70 mm(Ign 2SH12\_2,24), 77.40 mm(Ign 4SH6\_4\_24) 3 가지로 하였다. 강내탄도의 주요 성능인 포미 압력, 탄저 압력, 포미와 초기 탄저



Type # 4(Side hole # 4/ Side hole group) Fig. 3 Side hole type of igniter

(shot base)에서의 차압(압력차)을 분석하였다.

점화제 주입구 분포는 포미 압력(Fig. 4), 탄저 압력(Fig. 5)에 정성적인 영향을 주지 않는 것으 로 나타났다. 그러나 Fig. 6의 차압에서는 점화 기 주입구의 분포 간격이 클수록 고주기 (high-cycle) 진동이 발생하였다. 따라서 점화제 주입구 분포 간격(L\_b)을 조밀하게 하는 것이 화 포의 안전성을 향상시킬 수 있다는 사실을 알 수 있었다.

3.3 점화기 길이에 따른 비교

점화기 길이(L\_1)가 0.5020 m(Ign 2SH12\_2\_24), 0.7530 m(Ign 2SH12\_3\_24), 0.9675 m(Ign 2SH12\_4\_24)인 3 가지 종류에 대해 강내탄도에 미치는 영향을 비교하였고 점화기 형상은 Type #2를 사용하였다. 점화기 길이는 포미 압력(Fig. 7), 탄저 압력(Fig. 8), 포미와 초기 탄저 사아의 압력차(Fig. 9)에 영향을 주는 것으로 나타났다. 화포의 구조적 안전성은 포미와 탄저 후단의 차 압에 의한 힘과 밀접한 관련이 있으며, 화포에서 일정한 크기 이상의 음의 차압이 발생하면 포신 이나 탄에 균열이나 파괴가 발생하는 것으로 알 려져 있다. 위의 결과를 보면 차압은 점화기 길 이가 짧을수록 저주기(Iow-cycle)의 진폭이 크게







Fig. 5 Time history of base pressure according to igniter types



according to igniter types







Fig. 8 Time history of base pressure according to igniter lengths



Fig. 9 Time history of pressure difference according to igniter lengths



Fig. 10 Time history of breech pressure according to side hole diameters



Fig. 11 Time history of breech pressure according to side hole diameters



according to side hole diameters

나타났다. 즉, 화포의 안전성과 관련된 음의 차 압이 증가하는 것을 알 수 있다. 이는 점화기 길 이가 짧을수록 탄저 부위의 고체추진제가 점화 되는데 걸리는 시간이 증대되었기 때문이다. 따 라서 화포의 안전성을 유지하기 위해서 최대한 점화기를 길이를 증가시켜야 한다는 사실을 확 인하였다.

#### 3.4 점화제 주입구 직경에 따른 비교

점화제의 질유량과 관련된 점화기 주입구 직 경이 강내탄도에 미치는 영향을 조사하였다. 점 화기 형상은 Type #2를 사용하였고 주입구 직경 은 4.5 mm, 5.5 mm, 6.5 mm 3 가지에 대해 비 교하였다. 점화기 주입구 형상 조건은 Table 3의 모델 Ign 4SH6\_4\_24를 사용하였다.

점화제 주입구 직경의 변화는 포미 압력(Fig. 10), 탄저 압력(Fig. 11)에 정성적인 영향을 미치 지는 않았다. 그러나 Fig. 12의 차압의 경우 전 체 경향은 유지하나 점화기 주입구 직경이 작을 수록 고주기 진동이 발생하였다.

#### 3.5 결과 분석

점화기 형상 조건에 따른 강내탄도의 주요 성 능인 탄자탈출속도를 비교하였고 Table 4와 같 다. 탄자탈출속도는 점화기 형상에 상관없이 유 사하게 나타나 영향을 받지 않는다는 사실을 알

Table 4.	Muzzle	velocity	by	varying	igniter	models
----------	--------	----------	----	---------	---------	--------

Case	Muzzle Velocity (m/s)
Ign 1SH24_1_24	706
Ign 2SH12_2_24	711
Ign 4SH6_4_24	711
Ign 2SH12_3_24	708
Ign 2SH12_4_24	706
Side hole dia 4.5 mm	711
Side hole dia 5.5 mm	711
Side hole dia 6.5 mm	711

수 있었다.

강내탄도의 안전성과 직접적인 연관이 있는 차압에서 점화기 길이는 저주기 진동에 영향을 주며 점화제 주입구 직경과 주입구 분포는 고주 기 진동에 영향을 주는 것으로 나타났다. 기존의 장진성 등의 1차원 강내탄도 해석 코드를 이용 한 연구에서는 질유량이 저주기의 압력파에 큰 영향을 주는 것으로 나타났으나, 질유량과 연관 이 있는 점화제 주입구 직경 변화에서는 이와 같은 결과가 나타나지 않았다[9]. 이는 기존 연 구가 약실의 내부 압력 변동으로 인한 점화제 주입 질유량 변화를 고려하지 않아 발생한 차이 로 예상되나 추가적인 연구를 통해 비교 분석이 필요한 것으로 사료된다.

#### 4. 결 론

성긴 격자를 사용하는 고체-기체의 이상유동인 강내탄도의 해석에서 점화기 특성을 고려할 수 있도록 점화기 해석 모델을 개발하였다. 이를 위 해 무차원 강내탄도 해석 코드인 IBHVG2에서 사용하는 Lumped parameter model과 오리피스 의 이론식을 사용하였다. 이 개발한 점화기 해석 모델을 이용하여 점화기 형상에 따른 강내탄도 의 탄자탈출속도와 점화초기에 발생하는 포미와 초기 탄저에서의 차압에 대해 분석하였다. 차압 특성을 보면 점화기 길이는 저주기 진동에 영향 을 미치는 요소로 나타났고, 점화제 주입구 직경 과 주입구 분포는 고주기 진동에 영향을 주는 것으로 나타났다. 반면에 타자탈출속도는 점화기 형상에 영향을 받지 않는 것으로 나타났다. 이 연구 결과를 바탕으로 기존의 점화기 형상에서 발생할 수 있는 문제점을 사전에 감소시킬 수 있는 연구를 수행할 수 있게 되었다.

#### 후 기

본 연구는 방위사업청과 국방과학연구소 지원 에 의한 연구결과입니다. 지원에 감사드립니다.

## 참 고 문 헌

- Gough, P. S., "Initial Development of Core Module of Next Generation Interior Ballistic Model NGEN," ARL-CR-234, 1995
- Miura, H. and Matsuo, A., "Numerical Simulation of Projectile Accelerator using Solid Propellant," 44th AIAA Aerospace Sciences Meeting and Exhibit, AIAA 2006-1439, 2006
- Gollan, R. J., Johnston, I. A., O'Flaherty, B. T., and Jacobs, P. A., "Development of Casbar : a Two-phase Flow Code for the Interior Ballistics Problem," 16th Australasian Fluid Mechanics Conference, 2007, pp.295-302
- Mickovic, D. and Jaramaz, S., "Igniter Function: Experimental and Theoretical Studies," Propellant, Explosives, Pyrotechnics, 2009, pp.254-259
- Miura, H., Mastuo, A., and Nakamura, Y., "Multi-dimensional Simulation on Ignition Stage of Granular Solid Propellant Varying Primer Configuration," Advancements in Energetic Materials and Chemical Propulsion, Begell House Inc., 2008, pp.507-522
- Jaramaz, S., Mickovic, D., and Elek, P., "Two-phase flows in gun barrel: Theoretical and experimental studies," International Journal of Multiphase Flow, 2011, pp.475-487
- Miura, H., Mastuo, A., and Nakamura, Y., "Three-Dimensional Simulation of Pressure Fluctuation in Granular Solid Propellant Chamber within an Ignition Stage," Propellant, Explosives, Pyrotechnics, 2011, pp.259-267
- Nussbaum, J., Helluy, P., Herard, J. M., and Baschung, B., "Multi-Dimensional Two-Phase Flow Modeling Applied to Interior Ballistics," Journal of Applied

Mechanics, Vol. 78, Issue 5, 051016, 2011

- 장진성, 성형건, 이상복, 노태성, 최동환, "점 화제 주입에 따른 강내탄도 성능해석," 한국 군사과학기술학회지, 제14권, 제1호, 2011, pp.22-29
- 장진성, 성형건, 노태성, 최동환, "강내탄도 성능해석," 제19회 지상무기학술대회, 2011
- 성형건, 장진성, 이상복, 최동환, 노태성, 장 영재, "Eulerian-Lagrangian 접근법과 SMART scheme을 이용한 강내탄도 전산해석 코드 개발," 한국군사과학기술학회지, 제13권, 제3 호, 2010, pp.349-357
- Van Der Hoef, M. A., Van, M., Sint Annaland, Deen, N. G. and Kuipers, J. A. M., "Numerical Simulation of Dense Gas-Solid Fluidized Beds : A Multiscale Modeling Strategy," Annu. Rev. Fluid Mech. Vol. 40, 2008, pp.47-70
- Baer, M. R. and Nunziato, J. W., "A two-phase mixture theory for the deflagration to detonation transition in reactive granular materials," International Journal of Multiphase Flow, Vol. 12, No. 6, 1986, pp.861-889
- Ronald, D. A. and Kurt, D. F., "IBHVG2-A User's Guide," Technical Report, BRL-TR-2829, 1987
- 15. Shima, E., "A Compressible CFD Method for Flow with Sound from Very Low Mach Number to Supersonic," 6th International Colloquium on Bluff Bodies Aerodynamics and Applications, 2008
- Chertock, A. and Kurganov, A., "A simple Eulerian finite-volume method for compressible fluids in domains with moving boundaries," Commun Math Sci., Vol. 6 No. 3, 2008, pp.531-556
- 성형건, 장진성, 유승령, 노태성, "강내탄도 전산해석 코드 개발과 항력 모델에 따른 이 상유동 분석," 한국추진공학회지, 제15권, 제 6호, 2011, pp.38-46