

# 노후 PSC 구조물의 잔여 긴장 응력 진단을 위한 외부 자화 EM 기법 검증

박 순 전<sup>1</sup>·박 세 환<sup>2</sup>·최 재 훈<sup>3</sup>·전 교 영<sup>4</sup>·김 준 경<sup>5†</sup>

<sup>1</sup>고려대학교 건축사회환경공학부 박사과정, <sup>2</sup>차세대융합기술연구원 인프라안전진단연구실 선임연구원, <sup>3</sup>차세대융합기술연구원 인프라안전진단연구실 연구원, <sup>4</sup>롯데건설(주) 기술연구원 수석연구원, <sup>5</sup>차세대융합기술연구원 인프라안전진단연구실 연구실장

## Verification of External Magnetization based EM Technique for Diagnosing Residual Tensile Stress in Aged PSC Structures

Soon-Jeon Park<sup>1</sup>, Sehwan Park<sup>2</sup>, Jaehoon Choi<sup>3</sup>, Kyo-Young Jeon<sup>4</sup> and Junkyeong Kim<sup>5†</sup>

<sup>1</sup>Doctor's Course, Department of Civil, Environmental and Architectural Engineering, Korea University, Seoul. 02841, Korea <sup>2</sup>Senior Researcher, Safety Inspection for Infrastructure Lab., Advanced Institute of Convergence Technology, Suwon, 16229, Korea <sup>3</sup>Researcher, Safety Inspection for Infrastructure Lab., Advanced Institute of Convergence Technology, Suwon, 16229, Korea <sup>4</sup>General Manager, R&D Institute, LOTTE E&C, Seoul, 06034, Korea

<sup>5</sup>Director, Safety Inspection for Infrastructure Lab., Advanced Institute of Convergence Technology, Suwon, 16229, Korea

#### Abstract

This study entailed an investigation of a tensile stress measurement method for prestressed concrete (PSC) tendons by utilizing external magnetization. The target of this study are PS structures that have been constructed and in use. An optimal external magnetization based elasto-magnetic (EM) sensor was designed using finite element analysis considering various factors, such as coil arrangement and size, that could influence the PS tendons inside the PSC girder. The residual tensile stress resulting from the external magnetization of the girder was then determined. Further, theoretical verification was performed using the numerical and material data used in the finite element analysis for sensor design. The calculated values of strength of magnetization at the target location were matched with the finite element analysis results. Thus, the designed sensor and the feasibility of magnetizing the tendons inside the PSC I-girder using an EM sensor were validated.

Keywords : PSC, EM sensor, element analysis, external magnetization, tendon

#### 1. 서 론

프리스트레스트 구조물(PSC, Prestressed Concrete)은 콘크 리트의 인장에 취약한 단점을 보완하기 위해 고강도 긴장재를 이용해 압축력을 미리 콘크리트에 도입시켜 구조적 효율을 증 대시킨 것을 말한다(Im *et al.*, 2012). 프리스트레스트 구조물 은 구조적 장점과 경제적 효율성으로 인해 국내외적으로 건설 이 활발하게 진행되고 있으며, 대한민국의 대표적인 프리스트 레스트 구조물은 PSC 교량, 원전구조물 및 대공간 건축물 등 이 포함된다. 그중 가장 활발하게 시공되고 있는 PSC I형 거더 교량은 시공의 장점 등으로 인해 중소규모 교량에 많이 적용되 고 있으며, 한국 내에서는 1960년대 초부터 PSC I형 거더 교량

<sup>†</sup>Corresponding author:

이 건설되기 시작하였고 현재 공용 중인 도로 교량 중 PSC I형 거더 교량은 6,779개소이다. 하지만 최근 들어 PSC 교량은 즉 시 손실 외에도 시간의 경과에 의해 노후화됨에 따라 단축, 마 찰, 철근의 수축 및 이완 등 다양한 손실로 인해 PSC 텐던의 긴 장 응력이 약화되고 있는 실정이다(Kim *et al.*, 2019; Tadros *et al.*, 2001). 만약 텐던의 긴장 응력이 설계 긴장 응력보다 낮아 지면, 이는 교량의 붕괴 사고로 이어져 인사사고 및 국가적 재 난으로써 큰 피해를 가져올 수 있다(Kim and Park, 2020).

이러한 문제점을 해결하고자 교량이나 프리스트레스트 콘 크리트 등에 사용되는 강연선 혹은 텐던의 긴장력을 측정하기 위해 다양한 방식의 모니터링 기법이 사용되고 있다. 특히, 프 리스트레스 콘크리트 빔에 탄성-자기(elasto-magnetic) 센서를

Tel: +82-31-888-9407; E-mail: junkyeong@snu.ac.kr Received June 19 2023; Revised July 18 2023; Accepted July 18 2023

 $<sup>{\</sup>ensuremath{\textcircled{C}}}$  2023 by Computational Structural Engineering Institute of Korea

This is an Open-Access article distributed under the terms of the Creative Commons Attribution Non-Commercial License(http://creativecommons. org/licenses/by-nc/3.0) which permits unrestricted non-commercial use, distribution, and reproduction in any medium, provided the original work is properly cited.

내장하여 텐던의 긴장력을 모니터링하는 방법(Halvonik et al., 2013), 역자기변형 효과를 기반으로 한 자기탄성 인덕턴스 (magnetoelastic inductance) 센서를 제작하여 강연선의 긴장력 을 모니터링하는 방법(Zhang et al., 2022) 등이 수행되었다. 광 섬유 센서를 이용한 모니터링 기법 또한 많이 이용되고 있는 데, 스트레인에 의해 격자의 파장 이동을 이용한 방식인 fiber Bragg grating(FBG) 형식의 광섬유 센서가 주로 많이 이용되 고 있으며(Yao et al., 2021), 텐던 외부에 fiber Bragg grating (FBG) 형식의 광섬유 센서를 클램프하여 긴장력 손실을 모니 터링하는 연구가 진행된 바 있다(Shen et al., 2018). 또한, FBG 형식의 광섬유 센서가 core wire에 내장된 PC 스트랜드를 제작 하여 긴장력을 모니터링하였으며(Kim et al., 2015), 더 나아가 실제 교량에 적용하여 프리스트레스트 힘의 분포 및 변화를 모 니터링하는 연구가 진행되었다(Kim et al., 2022). 최근에는 압전 물질인 PZT를 이용해서 제작한 전기-역학적 임피던스(electromechanical impedance) 센서를 PS텐던에 클램프하여 긴장력 을 모니터링하는 연구(Le et al., 2021) 및 중립축 위치를 이용 하여 이론적으로 post-tensioned precast segmental beam의 프리 스트레스힘을 정량화하는 방법에 대한 연구도 진행되었다. 특 히, 시뮬레이션을 통한 수치해석 결과 중립축 위치를 구하기 위한 스트레인을 측정하기 위해 스트레인 게이지를 실제 프리 스트레스 빔에 부착하여 진행한 실험 결과를 통해 이를 검증했 다(Li et al., 2022).

하지만, 기존의 다양한 연구들은 노출된 비부착형 프리스트 레스트 텐던이나 신규 가설되는 프리스트레스트 구조물에만 적용이 가능하다는 한계점이 존재하였으며, 현재 가설되어 가 용 중인 프리스트레스트 구조물에 대해서 긴장 응력을 계측하 는 방법에 관한 연구는 이루어지지 않고 있는 실정이다. 따라 서 본 연구에서는 외부 자화를 이용한 PSC 텐던의 긴장 응력 계측 연구를 진행하기 위한 기초 연구로써 센서 설계에 대한 연구를 진행하였다. 센서 설계의 경우 먼저, 유한요소해석 방 법을 이용하여 PS 텐던의 외부 자화를 위한 외부 자계의 세기 가 가장 강한 긴장 응력 계측용 센서의 설치 위치, 배치 방법, 수치 및 재질에 대해 산정하고자 다양한 케이스 별로 유한요소 해석을 진행하였으며, 유한요소해석을 통해 설계한 센서를 이 론적 검증을 통해 타겟 위치에서의 자화량을 검증하는 연구를 진행하였다. 이를 이용하여 외부 자화 시 타겟 위치에서의 자 계의 세기를 유추할 수 있으며, 긴장 응력 변화 시 자계 세기의 변화를 이용하여 텐던의 긴장 응력을 예측할 수 있다.

#### 2. 유한요소해석을 통한 비 접촉 외부 자화 EM 센서 최적 설계

#### 2.1 비 접촉 외부 자화 EM 센서 모델링

비 접촉 외부 자화 EM 센서의 최적 설계를 위해 센서 헤드 의 재질, 코일의 감은 수, 거치대와 타켓 위치와의 거리, 센서 헤드의 배치 간격 등을 유한요소해석을 통해 산정하기 위한 PSC I형 거더 및 센서의 모델링을 진행하였다. 유한요소해석 은 상용 프로그램인 Ansys Maxwell 프로그램을 이용하였으 며, 프로그램을 이용하여 모델링한 것을 Fig. 1에 나타내었다.

Fig. 1의 PSC I형 거더 모델링의 경우, PSC I형 거더 축소 시 편과 동일한 사이즈(1300 × 6600 × 2100mm)로 모델링하였으 며, 쉬스관(0.3T) 및 텐던의 두께(63Ø), 설치 위치 또한 실제와 일치하도록 모델링하였다.

또한, 콘크리트, 철근, 쉬스관, 텐던의 재료 물성을 모두 실 제 시편과 동일하게 설정했으며, 설정한 재료 물성의 경우 Table 1에 나타내었다. 유한요소해석 설정의 경우 Mesh의 element length를 1mm로 설정해 주었으며 오류 퍼센트를 1% 로 설정해 주어 진행하였다.

이를 통해 실제 PSC I형 거더 축소 시편을 이용한 긴장 응력 추정 실험 진행 시 자화의 경향을 예측할 수 있게 하였으며, 유 한요소 해석은 코일의 감은 수, 인가하는 전류의 세기, 센서 헤 드의 크기 및 개수, 센서 헤드의 설치 위치를 바꿔가며 진행하 였다. 센서 헤드의 크기 조정의 이유로는 자계의 세기를 강하



Fig. 1 PSC Type I girder and sensor modeling

	Material	Permittivity /Permeability	Bulk Conductivity (siemens/m)	Mass Density (kg/m <sup>3</sup> )
Sensor Head	Nickel alloy	1/1	1040190	794937
Coil	Copper	1/0.9999991	58000000	8933
Girder	Concrete	9.79796/1	1.7094e-05	239165
Steel	Steel_1008	1/B-H Curve	2000000	7872
Sheath	Galvanized Steel	1/B-H Curve	5774710	784984
Tendon	Carbon Steel	1/B-H Curve	5899600	784984

Table 1 Material Information for Modeling PSC I-Girders and Sensors

Table 2 Current set value and number of turns applied to the coil(2 pairs of 8 left and right)

number of turns				
600				
current set value (A)				
left_1	left_2	right_1	right_2	
I1 = I8 = -7.218	I1 = I8-7.218	I1 = I8 = -7.218	I1 = I8 = -7.218	
I2 = I7 = 38.19	I2 = I7 = -38.19	I2 = I7 = 38.19	I2 = I7 = -38.19	
I3 = I6 = -90.93	I3 = I6 = 90.93	I3 = I6 = -90.93	I3 = I6 = 90.93	
I4 = I5 = 59.67	I4 = I5 = -59.67	I4 = I5 = 59.67	I4 = I5 = -59.67	

게 하기 위해서는 코일의 감은 수를 증가하거나, 인가하는 전 류의 세기를 강하게 하는 방법이 있지만, 센서 헤드가 자기 포 화상태에 이르면 더는 자계의 세기가 강해지지 않기 때문에 크 기를 조절하며 최적의 센서 헤드의 크기를 찾기 위해서이다. 또한, 솔레노이드 코일의 자계 세기는 외부에서 급격히 감소 하기 때문에 설치 위치도 고려 대상 중 하나로 포함시켰다.

## 2.2 비 접촉 외부 자화 EM 센서 최적 설계

2.2.1 좌·우측 8개씩 2쌍 배치하였을 경우

먼저, 타겟 위치에 충분한 자화량을 얻기 위해 좌측 16개, 우 측 16의 센서 헤드를 동일한 간격으로 배치하여 시뮬레이션을 진행하였으며 이때 인가한 전류 및 코일의 감은 수는 Table 2 와 같다.

Table 2에서 나타난 것과 같이 코일의 감은 수는 모두 600번 권선으로 하였고 각 코일에 인가되는 전류(I1~I8)는 Table 2에 나타난 것과 같이 인가하였다. 여기서 I1~I8은 Fig. 2에 나타낸 순서와 같이 코일을 위에서부터 아래로 순서대로 번호를 나타 낸 것으로써 좌측 및 우측 모두 동일하다. 좌·우 8개씩 2쌍을 배치하여 유한요소해석을 진행한 경우 센서에서 발생하는 자 계의 세기, 타겟 위치인 텐던에 도달하는 자속밀도 세기의 결 과는 Fig. 2와 같다.

센서 헤드의 크기는 290Ø × 200mm이며, 타겟인 텐던의 최



Fig. 2 The strength of the magnetic field generated by the sensor and intensity of the magnetic flux density reached at the tendon (Arranged in two pairs, eight each on the left and right sides)

대 자화량은 약 1mT로 확인되었다. 하지만 센서 헤드의 개수 가 많아, 센서 모듈의 총 무게가 무거워지는 단점이 있으며, 실 사용에도 어려움이 있을 것으로 판단하여 텐던의 자화량은 유 지하되 센서 헤드의 개수를 줄여 무게를 줄이고 사용성을 높이 고자 하였다.

## 2.2.2 좌·우측 8개씩 배치하였을 경우

Fig. 3과 같이 센서 모듈의 총 무게를 줄이고자 기존 PSC 거 더의 좌, 우측에 8개씩 2쌍을 배치하던 것에서 한 줄을 제거하 여 8를 배치하는 것으로 수정해 센서 헤드의 개수를 기존의 절 반으로 줄였으며, 이에 따른 타겟 위치에서의 자속 밀도의 경 향성을 살펴보고자 하였다. 유한요소해석 시 센서 헤드의 크 기 및 센서 헤드의 재질, 코일의 감은 수 등은 Table 2의 설정값 과 동일하게 진행하였으며 인가한 전류값의 경우 Table 2의 left 1과 right 1의 값으로 설정해 주었다.

개수를 절반으로 줄인 결과, 이전과 자계의 세기 및 텐던에 걸리는 자속밀도는 1mT로 이전의 유한요소해석 결과와 차이 가 거의 없는 것을 확인하였다. 이를 통해 센서 헤드의 개수는 텐던에 걸리는 자속밀도에 큰 영향을 주지 않는다는 것을 확인 하였으며, 따라서 센서 헤드의 개수를 적정량만 사용하고 크 기를 조절함으로써 센서 모듈의 총 무게를 줄이며 사용성 및 안정성을 높이고자 하였다.



Fig. 3 The strength of the magnetic field generated by the sensor and intensity of the magnetic flux density reached at the tendon (Arranged in two pairs, eight each on the left and right sides)

## 2.2.3 좌·우측 4개씩 배치하였을 경우

센서의 총 무게 및 설치 부피를 줄이고자 PSC 거더의 좌, 우 측에 4개씩 배치하였으며, 센서 헤드의 크기를 줄여서 유한요 소해석을 진행하였으며, 앞선 유한요소해석 시 자계의 세기를 크게 하고자 인가하는 전류값을 높게 설정하였는데, 실제 PSC 거더에 이를 적용하기에는 무리가 있다고 판단하여 소형 power amp로 인가할 수 있는 전류값으로 수치를 조정하였다. 또한, 센서 헤드의 개수, 크기 및 인가하는 전류의 값을 줄였으며, 이 에 센서 헤드의 크기에 적합한 코일의 감은 수를 조정하였다. 전체적으로 이전 유한요소해석과 달리 자계의 세기가 약해지 는 경향을 보였으며 따라서, 기존의 배치를 이용하면 타겟 위 치에 충분한 자속밀도의 세기를 얻을 수 없었으므로 해당 부분 을 PSC의 변단부 부위에 최대한 밀착할 수 있도록 변경하여 거리에 따른 자계의 세기의 감소가 최소화될 수 있도록 진행하 였다.

코일에 인가한 전류값 및 감은 수에 대해 Table 3에 나타내 었으며, Table 3의 I1~I4는 코일을 위에서부터 아래로 순서대 로 번호를 나타낸 것으로써 좌측 및 우측 모두 동일하게 설정 해 주었다.

센서 헤드의 배치는 PSC I형 거더의 변단부 부분에 위치하 여 타겟인 텐던과 최대한 가깝게 위치하도록 설정하였고, 센 서 헤드의 크기는 170Ø × 200mm으로 하여 유한요소해석을 진 행한 결과는 Fig. 4와 같다.

Table 3	Current set value and number of turns applied to the coil
	(4 left and right)

number of turns			
486			
current set value (A)			
left	right		
I1 = -2.5	I1 = -2.5		
I2 = 10	I2 = 10		
I3 = 10	I3 = 10		
I4 = -2.5	I4 = -2.5		

유한요소해석 결과, 센서 헤드의 위치를 PSC I형 거더의 변 단부 위치에 설치하여 타겟 위치와의 거리를 줄였을 경우 센서 헤드의 크기 및 개수, 인가하는 전류를 줄였음에도 불구하고 타겟 위치에서의 자화량이 10mT로 기존보다 10배 가량 올라 간 것을 확인할 수 있었다. 하지만 센서의 크기 및 개수가 줄어 들어 바닥에 있는 텐던의 경우 자화가 잘 이루어지지 않은 것 을 볼 수 있으며, 이는 센서 헤드의 위치를 상하 조정하여 타겟 위치를 조정할 수 있다. Table 4는 타겟 위치인 텐던에서 Fig 2 와 3의 배치와 Fig. 4의 배치에 따른 자속 밀도를 나타낸다.

이에 외부 비접촉 EM 센서의 최종 모델로 해당 유한요소해 석으로 도출한 센서의 크기 및 코일의 감은 수, 인가하는 전류 값, 설치 위치를 선정하였으며, 타겟인 텐던에 걸리는 자속밀 도의 값을 산정한 결과를 이용하여 이론적으로 계산하여 검증 하고자 하였다.

#### 3. 다중 솔레노이드 코일 어레이의 합성 자기장 검증

특정 지점에서의 자기장을 강하게 하도록 전류의 조절이 가 능한 여러 개의 코일 어레이를 구성하여 자기장을 합성 혹은 집속시킬 수 있다(Choi *et al.*, 2016). Fig. 5와 같이 길이가 L이 고 단위 길이 당 감은 수(turn density)가 각각  $n_i$  (i = 1, 2, ..., M) 인 M개의 솔레노이드가 x 축 상에 정렬되어 있고 각 솔레노이 드로부터 임의의 점 Pm지의 반경거리를  $\rho_i$ , 방위각을  $\phi_i$ , 직 선거리를  $z_i$ 일 때, 점 Pm지의 직선거리가 z로 고정되어 있을 때, P에서의 합성 자기장은 다음과 같이 표현할 수 있다.

$$B_{x}(\rho_{i},\phi_{i}z) =$$

$$\sum_{i=1}^{M} \frac{\mu_{0}n_{i}I_{i}}{2\pi} \sqrt{\frac{R}{\rho_{i}}} \left[ \frac{k'_{i,\pm}^{2} - 2}{k'_{i,\pm}} K(k'_{i,\pm}) + \frac{2}{k'_{i,\pm}} E(k'_{i,\pm}) \right]_{\zeta_{-}}^{\zeta_{+}} \cos\phi_{i}$$
(1)

$$B_{y}(\rho_{i},\phi_{i}z) =$$

$$\sum_{i=1}^{M} \frac{\mu_{0}n_{i}I_{i}}{2\pi} \sqrt{\frac{R}{\rho_{i}}} \left[ \frac{k'_{i,\pm}^{2}-2}{k'_{i,\pm}} K(k'_{i,\pm}) + \frac{2}{k'_{i,\pm}} E(k'_{i,\pm}) \right]_{\zeta_{-}}^{\zeta_{+}} \sin\phi_{i}$$
(2)



Fig. 4 The strength of the magnetic field generated by the sensor and intensity of the magnetic flux density reached at the tendon (Four each arranged on the left and right sides)

 
 Table 4 Magnetic flux density at the target position according to the arrangement

Tendon position	Fig. 2, 3 arrangement	Fig. 4 arrangement	
No. 1 (top)	1mT	10 <i>mT</i>	
No. 2 (middle)	1mT	6mT	
No. 3 (bottom)	0.93 <i>mT</i>	-	

$$B_{z}(\rho_{i},z) =$$

$$\sum_{i=1}^{M} \frac{\mu_{0} n_{i} I_{i}}{4\pi \sqrt{R\rho_{i}}} \left[ \zeta k'_{i,\pm} (K(k'_{i,\pm}) + \frac{R - \rho_{i}}{R + \rho_{i}} \prod (h_{i},k'_{i,\pm}) \right]^{\zeta_{+}}$$
(3)

단,  $\zeta_{\pm} = z \pm \frac{L}{2}, h = \sqrt{\frac{4R_{\rho}}{(R+\rho)^2}}, k'_{\pm} = \sqrt{\frac{4R\rho}{\zeta_{\pm}^2 + (R+\rho)^2}}$ 이고  $K(k') = \int_{0}^{\frac{\pi}{2}} \frac{d\theta}{\sqrt{1-k'^2 \sin^2 \theta}} \leftarrow 제1종 완전 타원적분,$  $E(k') = \int_{0}^{\frac{\pi}{2}} \sqrt{1-k'^2 \sin^2 \theta} d\theta \leftarrow M2종 완전 타원적분,$  $\Pi(h,k') = \int_{0}^{\frac{\pi}{2}} \frac{d\theta}{(1-h^2 \sin^2 \theta)\sqrt{1-k'^2 \sin^2 \theta}} \leftarrow M3$ 종 완전 타원적분을 의미한다. 또한,  $k'_{i,\pm} \leftarrow \zeta_{+}$ 에서,  $k'_{i,+}, \zeta_{-}$ 에서  $k'_{i,-}$ 를 의미하며  $k'_{i,\pm} \leftarrow 솔레노이드 번호 i 뿐만 아니라 ζ에도 변$ 화한다는 것을 확인할 수 있다. 식 (1)에서 (3)을 MATLAB을통해 구현하여 다중 솔레노이드 코일에 의한 합성 자기장을 계산하는데 사용되었다. Fig. 6과 같이 동일한 다중 코일 어레이



Fig. 5 Synthesized magnetic field at point P around a multi-coil array (a) x - z plane (b) x - y plane

가 중심축에 대칭적으로 놓여있으면 중심축 위의 지점에서 반 경 방향 자기장은 상쇄되고 길이 방향(z) 자기장을 2배가 된 다. 즉, 중심축에서는 z축 방향 합성 자기장을 나타내는 식(3) 에 2배를 한 것이 합성 자기장이 된다. 계산에 이용된 고정 변 수와 그 값은 Table 5에 정리했다.

솔레노이드 코일이 철이나 니켈 프레임에 감겨 있으면 비오 -사바르 법칙에서 진공의 투자율(혹은 자유 공간에서의 투자 율) μ<sub>0</sub>를 사용하는 것이 적절하지 않으며, 이 경우 유효 자기 투자율 μ<sub>eff</sub>를 고려해야 한다. 프레임의 투자율 μ, 외경 D, 두 께 t일 때 유효 자기 투자율 μ<sub>eff</sub>은 식 (4)와 같이 유도된다.

$$\begin{split} \mu_{eff} &= (4) \\ \frac{\mu_0 S_{air} + \mu S_{frame}}{S_{t\,otal}} &= \frac{\mu_0 \pi \left(\frac{D}{2} - t\right)^2 + \mu \left(\pi \left(\frac{D}{2}\right)^2 - \pi \left(\frac{D}{2} - t\right)^2\right)}{\pi \left(\frac{D}{2}\right)^2} \end{split}$$

따라서, 유효 비투자율 x는 식 (5)와 같이 나타낼 수 있다.

$$\therefore x = \frac{\mu_{eff}}{\mu_0} = \left(1 - \frac{2t}{D}\right)^2 + \frac{4\mu}{\mu_0} \cdot \left(\frac{t}{D} - \left(\frac{t}{D}\right)^2\right)$$
(5)
$$= \left(1 - \frac{2t}{D}\right)^2 + 4\mu_r \cdot \left(\frac{t}{D} - \left(\frac{t}{D}\right)^2\right)$$

프레임으로 사용된 재료는 니켈이며 니켈의 비투자율 μ<sub>r</sub> = μ/μ<sub>0</sub> = 100이다. 이때, 프레임의 외경이 D=131.7mm이고 두께가 t = 1.7mm일 때, 유효 비투자율 x 는 6.0456으로 계산된다. 이 유효 비투자율을 반영한 다중 솔레노이드 코일 어레이 합성 자기장의 계산 결과를 Table 6에 나타내었으며, 다중 솔 레노이드 코일 어레이가 유한요소해석 결과와 동일하게 타겟



Fig. 6 Magnetic fields at four specific points on the central axis around multi-coil arrays

Fixed variables	Value	
$\mu_0$ (vacuum permeability)	$4\pi \times 10^{-7}$ (H/m)	
R (radius of the solenoid)	0.075 (m)	
L (length of the solenoid)	0.1 (m)	
z (distance between arrays and central axis)	0.27 (m)	
$I_1$ (current from solenoid 1)	- 2.5 (A)	
$I_2$ (current from solenoid 2)	10 (A)	
$I_3$ (current from solenoid 3)	10 (A)	
$I_4$ (current from solenoid 4)	- 2.5 (A)	
$N_1$ (number of turns for solenoid 1)	468 (turns)	
$N_2$ (number of turns for solenoid 2)	468 (turns)	
$N_3$ (number of turns for solenoid 3)	468 (turns)	
$N_4$ (number of turns for solenoid 4)	468 (turns)	
$n_1 = N_1/L$ (turn density of solenoid 1)	4680 (turns /m)	
$n_2 = N_2/L$ (turn density of solenoid 2)	4680 (turns /m)	
$n_3 = N_3/L$ (turn density of solenoid 3)	4680 (turns /m)	
$n_4 = N_4/L$ (turn density of solenoid 4)	4680 (turns /m)	

위치에서 10mT 정도의 자기장을 생성할 수 있다는 것을 검증 하였다.

## 4. 결 론

본 연구에서는 PSC 1형 거더의 PS 텐던에 대한 잔여 긴장 응 력 측정을 위한 기초연구로써 외부 자화를 기반으로 하는 EM (Elasto-Magnetic) 센서의 최적 설계를 위한 유한요소해석 및 이론적 검증을 위한 연구를 수행하였다. 비 접촉 외부 자화 기

Table 6 Calculation results of the synthesized magnetic field
reflecting the effective permeability x = 6.0456 at each point

Variables	$\boldsymbol{x_1} =$	<b>x</b> 2 =	$oldsymbol{x_3}=$	$oldsymbol{x_4} =$
, united to	0.168 (m)	0.245 (m)	0.587 (m)	0.692 (m)
$ \rho_1 $ (radial distance from solenoid 1)	0.168 (m)	0.245 (m)	0.587 (m)	0.692 (m)
$ \rho_2 $ (radial distance from solenoid 2)	0.077 (m)	0.000 (m)	0.342 (m)	0.447 (m)
$ \rho_3 $ (radial distance from solenoid 3)	0.322 (m)	0.245 (m)	0.097 (m)	0.202 (m)
$ \rho_4 $ (radial distance from solenoid 4)	0.567 (m)	0.490 (m)	0.148 (m)	0.043 (m)
$\phi_1$ (azimuth from solenoid 1)	180°	180°	180°	180°
$\phi_2$ (azimuth from solenoid 2)	0°	0°	180°	180°
$\phi_3$ (azimuth from solenoid 3)	0°	0°	180°	180°
$\phi_4$ (azimuth from solenoid 4)	0°	0°	0°	0°
$B_{z,solenoid}$ (Synthesized magnetic field	0.0072 (T)	0.0107 (T)	0.0060 (T)	1.0331 × 10 <sup>-4</sup> (T)

반 EM 센서는 응력에 의해 강자성체의 자기이력이 변하는 탄 성-자기 이론을 이용하여 강자성체에 작용되는 응력을 추정할 수 있다. 이를 실제 현장에 적용하기 앞서 본 논문에서는 유한 요소해석을 이용하여 PSC 거더 외부에서 발생시킨 자기장이 PSC 거더 내부의 PS 텐던까지 영향을 줄 수 있는 코일 배치 및 크기를 선정하고자 하였으며, 이론적 검증을 통해 비 접촉 외 부 자화 EM 센서를 활용하여 PSC I형 거더 내부 텐던의 자화 가 가능함을 확인하였다. 본 연구를 통해 도출한 결론은 다음 과 같다.

- 외부자화시타겟 위치와 외부자화시스템의 거리 요소가 센서 헤드의 크기, 코일의 감은 수, 인가하는 전류 등의 요소보다 중요하며 거리를 가깝게 할수록 같은 조건에 서 높은 자속 밀도를 타겟 위치에서 얻을 수 있었다. 따라 서, PSC 구조물의 변단부 부위가 외부 자화 시스템 설치 시 타겟 위치인 텐던과 외부 자화 시스템의 거리가 가장 가까운 위치로 선정하였으며, 이에 거리에 따른 자계의 세기의 감소가 가장 적어 외부 자화 시 다른 부분 대비 가 장 효과적으로 텐던을 자화시킬 수 있음을 확인하였다.
- 자기장 집속의 위치 변화는 전류의 세기, 거치대의 높이, 센서 헤드의 설치 방법 등 다양한 요소를 통해 그 위치를 변화시킬 수 있음을 확인하였다. 이론적 검증 결과, 자기 장 집속 시 PS 텐던의 맨 위와 가운데 텐던에 자화가 잘

되는 모습을 볼 수 있었으며, 가장 아래의 텐던의 경우 자 화량이 다소 부족한 것을 확인할 수 있었다.

하지만, 본 논문의 이론적 검증을 진행함에 있어 전류를 인 가하였을 때 코일의 온도 상승으로 인한 저항의 증가 및 코일 의 감은 수에 의한 저항의 증가로 인한 전류 값의 변화를 실험 을 진행하여 측정해야 한다. 따라서, 추후 연구로써 본 이론 및 저항에 따른 전류 값의 보상을 진행함으로써 비 접촉 외부 자 화 EM 센서를 이용한 PS 텐던의 긴장 응력 변화에 따른 계측 데이터의 경향성 확인 및 PS 텐던의 잔존 긴장 응력을 계측하 고자 한다.

## 감사의 글

이 성과는 해양수산부 지원으로 수행된 '항만인프라 재해 및 노후화 관리기술개발'(20210603) 및 정부(과학기술정보통 신부)의 재원으로 한국연구재단의 지원(No. NRF-2020R1C1C 1004437)을 받아 수행되었습니다.

#### References

- Choi, B.H., Kim, J.H., Cheon, J.P., Rim, C.T. (2016) Synthesized Magnetic Field Focusing Using a Current-Controlled Coil Array, *IEEE Magnetics Letters*, 7, pp.1~4.
- Halvonik, J., Dolnak, J., Borzovič, V. (2013) Long-Term Losses of Prestress in Precast Members Cast from HPC, *Procedia Eng.*, 65, pp.81~86.
- Im, B.H., Jang, J.B., Lee, H.P., Lee, I.K. (2012) Estimation of Prestressed Tension on Grouted PSC Tendon Using Measured Elastic Wave Velocity, *KSCE J. Civil & Environ. Eng. Res.*, 32(5), pp. 289~297.
- Kim, J., Kim, J.W., Park, S. (2019) Investigation of Applicability of an Embedded EM Sensor to Measure the Tension of a PSC Girder, J. Sens., 2019, p.2469647.

- Kim, J., Park, S. (2020) Field Applicability of a Machine Learning-based Tensile Force Estimation for Fre-Stressed Concrete Bridges using an Embedded Elasto-Magnetic Sensor, *Struct. Health Monitoring*, 19(1), pp.281~292.
- Kim, S., Park, Y., Park, S., Cho, K., Cho, J.R. (2015) A Sensor-Type PC Strand with an Embedded FBG Sensor for Monitoring Prestress Forces, *Sens.*, 15(1), pp.1060~1070.
- Kim, S.H., Park, S.Y., Kim, S.T., Jeon, S.J. (2022) Analysis of Short-Term Prestress Losses in Post-tensioned Structures Using Smart Strands, *Int. J. Concr. Struct. & Mater.*, 16(1), pp.1~5.
- Le, T.C., Phan, T.T., Nguyen, V., Ho, T.H., D.D., Huynh, T.C. (2021) A Low-Cost Prestress Monitoring Method for Post-Tensioned RC Beam Using Piezoelectric-Based Smart Strand, *Build.*, 11(10), p.431.
- Li, H., Li, J., Xin, Y., Hao, H., Le, T.D., Pham, T.M. (2022) Prestress Force Monitoring and Quantification of Precast Segmental Beams through Neutral Axis Location Identification, *Appl. Sci.*, 12(5), p.2756.
- Shen, S., Wang, Y., Ma, S.L., Huang, D., Wu, Z.H., Guo, X. (2018) Evaluation of Prestress Loss Distribution during Pre-Tensioning and Post-Tensioning Using Long-Gauge Fiber Bragg Grating Sensors, *Sens.*, 18(12), p.4106.
- Tadros, M.K., Omaishi, N.A., Seguirant, S.J., Gallt, J.G. (2001) Prestress Losses in Pretensioned High-Strength Concrete Bridge Girders, Transportation Research Board, NCHRP Report, No. 496.
- Yao, Y., Yan, M., Bao, Y. (2021) Measurement of Cable Forces for Automated Monitoring of Engineering Structures using Fiber Optic Sensors: A Review, *Autom. Constr.*, 126, p.103687.
- Zhang, S., Zhang, H., Zhou, J., Liu, H., Ma, H., Liao, L. (2022) Alternating Prestress Monitoring of Steel Strands based on the Magnetoelastic Inductance Method, *Measurement*, 194, p.111024.

## 요 지

본 연구는 현재 가설되어 가용 중인 프리스트레스트 구조물에 대해서 긴장 응력을 계측하는 방법에 관한 연구를 위해 외부 자화를 이용한 PSC 텐던의 긴장 응력 계측에 관한 연구를 진행하였다. 이에 유한요소해석을 이용하여 PSC 거더에 외부 자화 시 잔존 긴장 응 력을 검출하기 위해 PSC 거더 내부의 PS 텐던까지 영향을 줄 수 있는 코일 배치 및 크기 등을 고려하여 최적의 센서를 설계하였다. 또 한, 유한요소해석을 이용하여 설계한 센서와 동일한 수치 및 재질 데이터를 이용해 이론적 검증을 진행하였으며 타겟 위치에서 자화 의 세기를 계산하였을 때, 유한요소해석 결과와 동일한 결과를 얻어낼 수 있었다. 이를 통해 설계한 센서의 검증 및 비 접촉 외부 자화 EM 센서를 활용하여 PSC I형 거더 내부 텐던의 자화가 가능함을 확인하였다.

핵심용어: PSC, EM 센서, 유한요소해석, 외부자화, 텐던